الرياضيات (الجبر والإحصاء)

اختبار

(۳ درجات)

■ اخترا لإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

·····= 2 1

20,20

- € ∪ , € ⊕
- المعكوس الضربى للعدد $\frac{\overline{\sqrt{Y}}}{7}$ هو
 - TV 4 (÷)

7/0

]∞ , ∞ -[🔄

🏲 حجم کرة طول قطرها ٦ سم =سم٢.

π ΥΛΛ ③

© 1/7

ن ۱۵۰

- π ٣٦ 🤿
- π ۱۲ 🥺
- YAA (1)

(۳ درجات)

آ أكمل ما بأتي :

- 🕦 مكعب طول حرفه ٤ سم فإن مساحته الكلية = سم
 - رافق العدد <u>۱ ۱۷ هو</u> هو
 - $\frac{\lambda}{2}$ إذا كانت : $-0^{7} = \frac{\lambda}{4}$ فإن : -0 في أبسط صورة =

(درجتان)

أوجد مستعينًا بخط الأعداد كلًا من: س ل ص (درجتان)

1-

اختبار

(۳ درحات)

■ اخترا لإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

۱ متوازی مستطیلات أبعاده ۲۷ سم ، ۲۷ سم ، ۲۷ سم فإن حجمه =

11/10

٦ (ج)

7.1

..... =]\. \ \[- \ \ \ \ \ \ \ \ \]

ه ط

{9}

{ \ · · · \ } (\bar{\phi})

المعكوس الجمعى للعدد $(\sqrt{7} - \sqrt{6})$ هو

0-17-10

-V- TV €

(i) V7 + V0 (i) V0 - V7

(۳ درجات)

ا أكمل ما يأتي :

١ المحايد الضربي في ح هو والمحايد الجمعي في ح هو

١ ١٠ ، ١٠٠ ، ١٥٤ ، ١٠٨ ، (بنفس التسلسل)

 $\cdots = \overrightarrow{r}\overrightarrow{r} + \overrightarrow{r}\overrightarrow{r}$

(درجتان) $\left(\frac{\gamma\gamma}{\sqrt{}}=\pi\right)$. وارتفاعها ۲ سم أوجد مساحتها الجانبية (حجمها ۹۲۶ سم ۹۲۶ سم ۱ أسطوانة دائرية قائمة حجمها

إذا كانت: $\mathbf{P} = \sqrt{\mathbf{T}} + \sqrt{\mathbf{T}}$ ، $\mathbf{T} = \mathbf{T} + \sqrt{\mathbf{T}}$ أوجد في أبسط صورة قيمة : $\mathbf{P}' = \mathbf{T}'$ (درجتان)

الرياضيات (الهندسة)

-الدرجة-1.

اختبار

(۳ درجات)

■ اخترا لإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- ١ مثلث متساوى الساقين قياس إحدى زواياه الداخلة ٦٠° فإن عدد محاور تماثل هذا المثلث هو
 - 13

(ج) ۲

£ (1)

- ا إذا كانت : ح ، ب تنتميان إلى أَحَ بحيث : اب > وحد
 - فإن: وب عد

≤ (3)

= (->)

- <(1)
- T △ ١٠ منه: ١٩ ٥ سم ، بح = ٧ سم ، ١ح = ٢ سم فإن: ق (١٩) ق (١٠ سم الم
 - **≡**(3)

= (->)

(ب) <

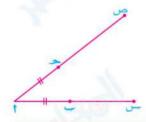
(۳ درجات)

🚺 أكمل ما يأتي:

- 🚺 المستقيم المرسوم من رأس مثلث متساوى الساقين عموديًا على القاعدة
 - آ إذا اختلف طولا ضلعين في مثلث فأكبرهما في الطول تقابله زاوية
 - 🔫 في الشكل المقابل:

إذا كانت: ١- ١- ١- ١ ص > ١- س

فإن: بس سسس حص



(درجتان)

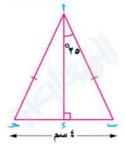
🜃 في الشكل المقابل:

١-ح مثلث فيه: ١->١ح

، س ص // سح

برهن أن : ع (د اص س) > ع (د ا س ص)

(درجتان)



🛂 في الشكل المقابل:

١ - ح مثلث فيه :

، ى (د - ١٥) = ٢٥ ، ب ح = ٤ سم

أوجد:

٢ طول ٥ حد

(285A) U N

-الدرجة-١٠

(۳ درجات)

2

اختبار

■ اخترا لإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

🚺 في الشكل المقابل:

إذا كانت: ح ∈ برص ، ق (د احس) = ٥٠٥

فإن: ق (دور حرب) ق (د ع حرب)

= (7)

> (1)

آ إذا كانت: ح ∈ محور تماثل آب فإن: ١ ح - ب ح =

٤ (٥)

(٥) غير ذلك

ج ۲

(ب) ۱

(أ) صفر

🝸 في المربع ٢ بحرى يكون برة هو محور تماثل

523

51 (-)

(ب) ع ح -P (1)

آ أكمل ما يأتي :

- 🕦 منصف زاوية الرأس في المثلث المتساوى الساقين
- في Δ س ص ع إذا كان : س ع > س ص فإن : σ (L ع) Δ
 - ٣ عدد محاور تماثل المثلث المختلف الأضلاع هو

ق الشكل المقابل:

ص ک

-س ص> -س ل ، صع>ع ل

برهن أن : ع (د مل ع) > ع (د مل ص ع)

فى الشكل المقابل:

r = 1 حيث r = 1 حيث r = 1 اثبت أن : r = 1 (د r = 1) r = 1

إجابات الرياضيات (الجبر والإحصاء)

1

إجابة اختبار

(-) [*]

(·)

(2) 1

- 7 × ± ×
- 717-17

- 97 🕦 🌃



-]∞, \-]=~0∪~[1
 - ص-س=]٤،∞[

2

إجابة اختبار



(4)

(F) 1 1

7 7 7

170/1

- 🚹 🚺 ۱ ء صفر
- ت حجم الأسطوانة = π نق٢ ع
 - نق $^{7} \times 7$ نق $^{7} \times 7$ نق $^{7} \times 7$
- ∴ نق = ۷ سم
- ∴ نق^۲ = ۲<u>۲۲ × ۲</u> = ۶۹
- ن. المساحة الجانبية = τ π نق ع = τ \times τ \times τ τ τ τ τ τ τ τ
 - $\boxed{7} \boxed{7} = \frac{7}{7} \frac{7}{7} = \frac{7}{7} \frac{7}{7} = \frac{7}{7} \frac{7}{7} \times \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} \frac{7}{7} = \frac{7}{7} =$
 - (-+) (-+) (-+) = (-+)
 - $=\left(\sqrt{77}+\sqrt{77}-\sqrt{77}+\sqrt{77}\right)\left(\sqrt{77}+\sqrt{77}+\sqrt{77}-\sqrt{77}\right)$
 - $= 7\sqrt{7} \times 7\sqrt{7} = 3\sqrt{7}$

إجابات الرياضيات (الهندسة)

1

إجابة اختبار







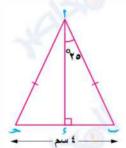
- 1 النصف كلًا من القاعدة وزاوية الرأس.
- 🚹 أكبر في القياس من قياس الزاوية المقابلة للضلع الآخر.

> "

1 في 1 م م م م حد: ١٠ ١ م > ١ حد



- ، :: -س ص // بحد ، أحد قاطع لهما
- ∴ ن (د ۱ ص س) = ن (د ح) (بالتناظر)
 - وبالمثل: ن صص // بد ، أب قاطع لهما
- (r) υ (د q $-\upsilon$ $-\upsilon$ (د $-\upsilon$ (بالتناظر) \cdots
 - من (۱) ، (۲) ، (۳) :
 - .: ق (د ع ص س) > ق (د ع ص ص) (وهو المطلوب)



<u>___</u> ⊥ 5 | 1 = 1 = 1 : 1

$$3 = 2 = 3 = 7$$
 سم (المطلوب ثانيًا)

2

إجابة اختبار







- 🚺 🚺 يكون عموديًا على القاعدة من منتصفها.
 - > 1
 - ٣ صفر

J E

📶 العمل: نرسم صل

البرهان :

في Δ س ص ل : ن س ص \sim س ل

.: ق (د س ل ص) > ق (د س ص ل)

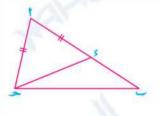
في ∆ ع ص ل: ي ص ع > ع ل

.: 0 (L3 La) > 0 (L3 a)

بجمع (۱) ، (۲) :

.: 0 (L - 0 L a) + 0 (L 3 L a) > 0 (L - 0 a) + 0 (L 3 a 0 L) .:

.: ع (د س ل ع) > ع (د س ص ع) (وهو المطلوب)



> P = 5 P ·· €

- > P < 5 + 5 P ∴
 - 21<-1:
- .. في △ ۱ ب ح:

(وهو المطلوب)

(٢)

ن (د ٩ ح ب) > *ن* (د ب)

أولًا الجبر

نمــوذج (۱)



السؤال الأول



- اخترا لإجابة الصحيحة:
- = [0, m] \ \{m\}
- {\mathbb{T}}(\omega) \@(1)

- (ج) ٣٤ ٥]

(٤) [٢]

7A \ (2)

1-(2)

- 1 V V V =
- (ج) √ ۷
 - V \ T((1)

 - (ج) ۱

 - (ب)۲ س

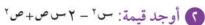


السؤال الثانى

- أكمل ما يأتي:
- 1 Nasem 1 Hase 1 √ 7 Reg.
 - $\dots = \{ \circ, \uparrow \} \cap [\circ, \uparrow]$
- 😙 أسطوانة دائرية قائمة حجمها على π ٤٠ سم وارتفاعها ١٠ سم يكون طول نصف قطر قاعدتهاسم

السؤال الثالث

 $\frac{\psi}{|\zeta|} = \psi$, $\frac{\psi}{|\zeta|} = \psi$ ψ



أثبت أن: 🕦 س ، ص مترافقان

السؤال الرابع

T

- $\frac{1}{4}$ \sqrt{r} $r 7\xi \sqrt{r} + \sqrt{1}\sqrt{r}$ \sqrt{r}

<u>(۲)</u> نمــوذج







- اخترا لإجابة الصحيحة:
- ۵ متوازی مستطیلات أبعاده: √ ۲ سم، √ ۳ سم، √ ۲ سم یکون حجمه =سسس سم

٣٦ (ح)

7 /7(~)

- [V, o[(a)] (v, o[(a)]) [V, o[(a)] (v, o[(a)])
- 🕝 أسطوانة دائرية قائمة حجمها ٩٠ مسم وطول قطر قاعدتها ٦سم، يكون طول ارتفاعها

(د) ۲۰سم



- السؤال الثانى
 - أكمل ما يأتي:
- ١٥ محيط المستطيل الذي بعداه هما (٣ ٧ ٥) سم ، (٣ + ٧ ٥) يساوي
 - 🕥 مجموع الأعداد الحقيقية في الفترة] -٧،٧] هو
 - $\cdots = \frac{\xi}{4} r \times \frac{r}{r} r = \frac{\xi}{r}$

السؤال الثالث

 $\frac{\gamma}{1+\gamma} = \omega + \gamma + \gamma + \gamma = \omega$ $|\dot{z}| = 0$

أوجد قيمة المقدار: سوص



- اختصر لأبسط صورة: ١٥٧ ٢ ١٧٧ + ٣ الله

<u>، (۳)</u> نمـــوذج





السؤال الأول

- اخترا لإجابة الصحيحة:
- =]0, 7[-[0, 7]
- (۱) [٥,٣] (ب) {٤}
- (ج) [۳، ٥[
- $\lambda + \sqrt{\gamma} = \dots$
- $Y \land Y (\Rightarrow) \qquad 1 \land \uparrow (1)$ 7 \((2))
 - 😙 كرة طول قطرها ٦ سم يكون حجمها =سسس سم
- π٣٦(ج) π ۲۲۸(2)

{0, 4}(2)

- π۲(ب)

π9(1)



السؤال الثانى

- أكمل ما يأتي:
- ا إذا كان $\frac{2}{\sqrt{2}} = \pi + \pi$ فإن قيمة π في أبسط صورة هي π
 - 🕥 ع في صورة فترة =
 - 😙 مكعب مجموع أطوال أحرفه ٤٨ سم فإن حجمه =



السؤال الثالث

• إذا كان: $w = \sqrt{w + \sqrt{0}}$, $w = \sqrt{w - \sqrt{0}}$ فأو جد $(w + w)^{2}$ في أبسط صورة.



- أوجد في أبسط صورة: $\sqrt{00} + \sqrt[7]{30} 11 \sqrt{\frac{1}{7}} \sqrt[7]{11}$

ثانيًا الهندسة

نمــوذج (۱)





السؤال الأول

- اخترا لإجابة الصحيحة:
- 🕥 مثلث متساوى الساقين قياس إحدى زواياه ٦٠ ° يكون عدد محاور تماثله
- ۲(ع) (د) ۲(ع) (د) ۲(ع)
 - 🕥 عدد متوسطات المثلث المتساوي الساقين
- $\Upsilon(a)$ (د) $\Upsilon(-)$ (د) $\Upsilon(-)$
- $\frac{1}{r}(z) \qquad \frac{1}{r}(z) \qquad 1(1)$





• أكمل ما يأتي:

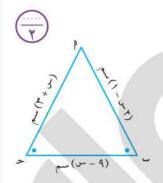
- - - 🕥 إذا اختلف طو لا ضلعين في مثلث فأكبرهما في الطول تقابله
 - 😙 المستقيم العمودي على القطعة المستقيمة من منتصفها يسمى

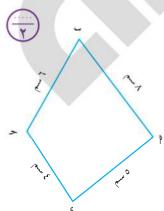
السؤال الثالث

- في الشكل المقابل:
 - ∆ ابحفیه
- $(\angle -) = (\angle -)$
 - أوجد: محيط ∆ ١ ب ح

السؤال الرابع

- في الشكل المقابل:
 - برهن أن:
- (ンリン) (< (> 5 ト _) の





نمــوذج (۲)





السؤال الأول

- اخترا لإجابة الصحيحة:
- <(-) ≥(س)
- م اسح قائم الزاوية في س، احد -1 سم، ق -1 عند الزاوية في س، الحد -1 سم، الحد الماء عند الزاوية في س، الحد الماء عند الم
 - ٣(٥)

=(c)

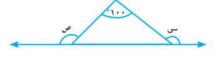
(ج) ٤

- 7(0)
- 17(1)

>(1)



😙 في الشكل المقابل: س + ص =



° 7 1. (2)

(جـ) ۱۸۰°

°۱٤۰ (ب)

°1 · · (1)



السؤال الثانى

- أكمل ما يأتي:
- ١٥ إذا كانت ح ∈ لمحور تماثل ١٦ أ فإن ١ ح وح =
- 🕥 المثلث المتساوي الساقين الذي قياس إحدى زواياه ٦٠ ° يكون
 - فی Δ س م ع إذا کانت ۶ منتصف $\frac{\overline{\sigma}}{\sigma}$ فإن $\frac{\overline{\sigma}}{\sigma}$ يسمى



السؤال الثالث

• في الشكل المقابل:

١٠=١٥، ١٥ م

أثبت أن: ١٩ منصف ١٥١ ح



السؤال الرابع

٩ - ح مثلث فيه: ٩ - = ٦ سم ، ٩ ح = ٨ سم ، - ح = ٧ سم

رتب قياسات زوايا المثلث ١ - ح تصاعديًا

نم_وذج (۳)





السؤال الأول

- اختر الإجابة الصحيحة:
- - € طول الضلع المقابل للزاوية ٣٠° في المثلث القائم =طول الوتر.
 - (ج) نصف (د) ضعف

- (۱) ربع (ب) ثلث
- المتوسط $\frac{7}{7}$ یساوی سیسسسسسس وطول قطره $\frac{7}{7}$ سم فإن طول المتوسط $\frac{7}{7}$ یساوی $\frac{7}{7}$ سر (د) ۱۲ (ح) $\frac{7}{7}$
- (7)

السؤال الثاني

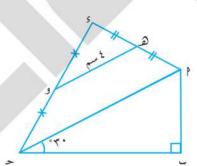
- أكمل ما يأتي:
- 🕥 أي نقطة على محور تماثل القطعة المستقيمة تكون على بعدينمن طرفيها
- - 😙 ۱ ح مثلث فيه ۱ > ح فإن ق (🕒 ۱) ق (📐 ح)



السؤال الثالث

• ا ح مثلث فيه P = 0 سم ، P = 3 سم ، P = 4 سم رتب قياسات زوايا المثلث P = 7 تنازليًّا





- السؤال الرابع
- في الشكل المقابل:
- ن (کرب) = ۹۰، ق (کرم حرب) = ۳۰
- ، ه منتصف $\frac{1}{5}$ ، و منتصف $\frac{1}{5}$ ، ه و = ٤ سم

أولًا الجبر

اجابــة نمـــوذج (١)

السؤال الأول

- {r}
- 7A V
 - 1 0

السؤال الثانى

- 1- 7 0
 - {0.7}
 - 😙 نق =۲

السؤال الثالث

.. س، ص مترافقان

$$\Lambda = {}^{\mathsf{T}}(\overline{\mathsf{T}}\,\mathsf{V}\,\mathsf{T}) = {}^{\mathsf{T}}(\varpi - \varpi) = {}^{\mathsf{T}}\varpi + \varpi \varpi + \varpi \varpi - {}^{\mathsf{T}}\varpi - {}$$

السؤال الرابع

$$\frac{1}{\sqrt{\sqrt{\gamma}}}\sqrt{\gamma} = \sqrt{\gamma} = \sqrt{\gamma} + \sqrt{\sqrt{\gamma}}$$

$$\frac{r}{r}\sqrt{r}\times r - \frac{r}{r}\times (\lambda-1)\sqrt{r} + \frac{r}{r}\times r\sqrt{r}=$$

إجابــة نمـــوذج (٢)

السؤال الأول

- 7
- [V.0[]
- ۱۰ 🕝

السؤال الثانى

- ۱۲ سم
 - V 🕜
 - 7 1

السؤال الثالث

$$\frac{(1-\overline{\mu})}{(1-\overline{\mu})} \times \frac{\gamma}{(1+\overline{\mu})} = \omega^{2}$$

$$1 - \overline{\gamma} = \frac{\gamma (\overline{\gamma} - 1)}{\gamma} = \sqrt{\gamma} - 1$$

$$1 = \frac{r}{r} = \frac{1 - r}{r} = \frac{(1 - \overline{r})(1 + \overline{r})}{1 + \overline{r}(-1 + \overline{r})} = \frac{\sigma}{\sigma} = \frac{\sigma}{\sigma}.$$

السؤال الرابع

$$\frac{1}{2}\sqrt{2}$$
 $+$ $\frac{1}{2}\sqrt{2}$ $+$ $\frac{1}{2}\sqrt{2}$

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}$$

= صفر

إجابـــة نمــــوذج (٣)

السؤال الأول

- {0, 7}
 - TAV G
 - π ٣٦

السؤال الثانى

- 07-40
-]∞,.[
 - الم ٢٤ سم"

السؤال الثالث

$$[\overline{0} + \overline{0} + \overline{0} + \overline{0} + \overline{0} + \overline{0}] = [0]$$

$$= 7 + \sqrt{0} + 7\sqrt{(7 + \sqrt{0})(7 - \sqrt{0})} + 7 - \sqrt{0}$$

$$1 \cdot = 7 \times 7 + 7 = (0 - 9) \times 7 + 7 =$$

السؤال الرابع

$$\overline{ 1 \times V_{k} } - \overline{ 1 \times V_{k} } - \overline{ 1 \times V_{k} } - \overline{ 1 \times V_{k} } + \overline{ 1 \times V_{k} } =$$

$$\gamma \gamma = 1$$

ثانيًا الهندسة

1 (

إجابــة نمـــوذج (١)

السؤال الأول

1 3

٣ 🕥

السؤال الثاني

- عموديًّا على القاعدة وينصف زاوية الرأس
- 🕥 زاوية أكبر في القيذاس من قياس الزاوية المقابلة للضلع الآخر
 - 🕜 محور تماثل

السؤال الثالث

السؤال الرابع

نرسم سء

في ∆ ۱ ب

5 > < - > ...

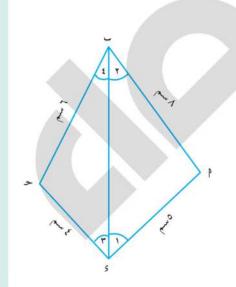
① (/1)> む(/1) ひ:

في ∆ حدو

5> < >4.

((₹))<(₹).

بجمع () ، (٢)



إجابــة نمـــوذج (٢)

السؤال الأول

- < 0
- 7 1
- ۰۲۸۰ 🕝

السؤال الثانى

- 🕥 صفر
- 🕥 متساوى الأضلاع
 - 🕜 متوسط

السؤال الثالث

- ٠: ١٠ = ١ ح
- .: ق (\(\sigma \) = ق (\(\sigma \) :
 - -- // at ::
- .. ق (🚄 ۲) = ق (🚄 ۵ م) بالتناظر
- ، ق (\ ح) = ق (\ ه ا ح) بالتبادل
- من () .: ق (\ ه ا ع) = ق (\ ه ا ح)
- :. أه ينصف (\ ٢٥ ح) وهو المطلوب

1

السؤال الرابع

- プレンターントレン
- .. ترتيب زوايا المثلث ٢ ح تصاعديًّا هو
- (- \() \(\eqrip \) (\(\sqrt{\quad} \) (\quad \qq \quad \qq \qq \qq \quad \quad \qq \qq \quad \quad \qq \qq \quad \quad \qq \qq \qq \qq

إجابــة نمـــوذج (٣)

السؤال الأول

- °1.. 0
- نصف 🕜
 - m (7)

السؤال الثانى

- 🕥 متساويين
- 🕥 ينصف القاعدة ، وعموديًّا عليها
 - > 7

السؤال الثالث

>4<>10

.. ترتيب قياسات زوايا المثلث تنازليًّا

(トン)>の(ニー)>の(ニー))の

السؤال الرابع

في ۵۹۶ح

.. ه ، و منتصفا ۱۶ ، ۶ ح

في △ ١٩ صح القائم الزاوية في س

$$\rightarrow \frac{1}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} \cdot \frac{1}{1}$$

الجمع

الطرح

الضرب

القسمة

مراجعة شهر نوفمبر

1

مراجعة شهر نوفمبر منهج الجبر الصف الثاني الإعدادي

من درس الفترات: درس تطبيقات على الأعداد الحقيقية

مراجعة نظرية على الجبر

الفترة: هي مجموعة جزئية متصلة من الأعداد الحقيقية.

مثل: [٧٠٣] ﴾ هي فترة تتكون من العددين٣ ، ٧ وجميع الأعداد الحقيقية المحصورة بينهما

$$\star$$
 عند كتابة الفترة نبدأ بالعدد الأصغر \star الفترة مفتوحة من جهة ∞ ، $-\infty$

🚺 ضرب مقدار ذي حدين في مقدار ذي حدين

= (الأول× الأول)
$$\pm$$
 (ضرب الوسطين+ ضرب الطرفين) + (الأخير× الأخير) مثال: $(\sqrt{7}+7)$ ($\sqrt{7}+7$) الکھل $= 7+7\sqrt{7}+7=0+7\sqrt{7}$

مربع مقدار مكون من حدين = مربع الحد الأول
$$\pm 7 imes$$
 الأول $imes$ الثاني \pm مربع الحد الأخير

مثال:
$$(\sqrt{0+7})^7$$
 الحل = $0+3\sqrt{0+3}=9+3\sqrt{0}$

كا حاصل ضرب مجموع حدين × الفرق بينهم = مربع الحد الأول - مربع الحد الثاني

مثال:
$$(7\sqrt{0+7})(7\sqrt{0-7})$$
 الکےل = $(7\sqrt{0})^7 - 3 \times 0 - P = -7 - P = -11$

🚺 العمليات على الجذور التربيعية

$$\boxed{1} \forall \sqrt{4} + 3\sqrt{4} = \sqrt{4}$$

$$\boxed{1} \circ \sqrt{4} - 7\sqrt{4} = 7\sqrt{4}$$

$$\boxed{ } \sqrt{4} \times \sqrt{-} = \sqrt{4} \times \sqrt{-}$$
 elasm: $\sqrt{4} \times - \sqrt{4} \times \sqrt{-}$

$$\frac{1}{2}\sqrt{\frac{4}{2}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{4}{2}}$$
 ellasm: $\sqrt{4} = \sqrt{\frac{4}{2}} = \sqrt{\frac{4}{2}}$

🚺 المعكوس الجمعي لعدد مكون من حدين نغير إشارة الحدين.

مثال:
$$\Rightarrow$$
 المعكوس الجمعي ($PV - PV -) = (-PV + PV -)$

₩ مرافق عدد مكون من حدين نغير إشارة أحد الحدين.

مثال:
$$\Rightarrow$$
 مرافق ($PV - PV$) هو ($PV + PV$) أو ($PV - PV$)

М ضرب العددان المترافقان = مربع الأول − مربع الثاني
 صرب العددان المترافقان = مربع الأول − مربع الثاني المترافقان = مربع الثاني الثاني المترافقان = مربع الثاني الثاني الثاني الثاني = مربع الثاني الثاني = مربع الثاني = م

أر محمد الشهيد & أر أحمد عسران عسكر 1 التواصل واتس: 01090821129



* لاحظأن: العدد × مرافقه = عدد نسبى "خالٍ من الجذر"

مجموع العددان المترافقان = ضعف العدد الأول
 الله المترافقان = ضعف العدد الأول
 المترافقان = ضعف العدد الالمترافقان = ضعف العدد الأول
 المترافقان = ضعف العدد المترافقان = ضعف العدد الأول
 المترافقان = ضعف الالمترافقان = ضعف العدد الأول
 المترافقان = ضعف المترافقان = ضعف المترافقان = ضعف المترافقان

مثال:
$$(\sqrt{0}+\sqrt{7})+(\sqrt{7}+\sqrt{7})$$
 الحل = $7\sqrt{0}$

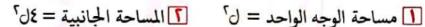
ملحوظة: للتخلص من الجذر في المقام نضرب فوق وتحت في مرافق المقام
 المحوظة: للتخلص من الجذر في المقام نضرب فوق وتحت في مرافق المقام المحوظة المحدد المحد

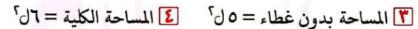
$$\frac{\xi}{(\overline{\tau}\sqrt{-\overline{V}})}$$
 مثال: $\overline{\overline{(\tau}\sqrt{-\overline{V}})}$

التطبيقات: أولا: الدائرة نصف قطرها نو :

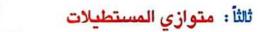
آ مساحة الدائرة =
$$\pi$$
ن π مساحة الدائرة = π ن π

ثانياً: المكعب طول حرفه ل:





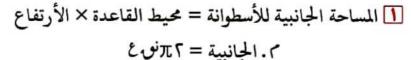
□ حجم المكعب = ال المكعب = المحمه
 □ طول حرف المكعب = المحمه
 □ حجمه
 □ حجم
 □ ححص
 □ ححص
 □ ححص
 □ ححص
 □ ححص
 □ ححص
 □ ححص



- 1 المساحة الجانبية = محيط القاعدة × الأرتفاع
- T المساحة الكلية = المساحة الجانبية + ضعف مساحة القاعدة
 - ▼ حجمه = مساحة القاعدة × الأرتفاع

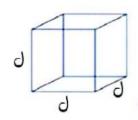
★ محيط القاعدة= ٦ (الطول + العرض) ★ مساحة القاعدة= الطول × العرض

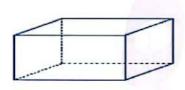
رابعاً: الأسطوانة الدائرية أرتفاعها ع ونصف قطرها نو:



- المساحة الكلية للأسطوانة= المساحة الجانبية+مساحة القاعدتان $\mathbf{r} = \mathbf{r}$ المساحة الكلية للأسطوانة= المساحة المساحة القاعدتان $\mathbf{r} = \mathbf{r}$ المساحة القاعدتان $\mathbf{r} = \mathbf{r}$ المساحة القاعدتان $\mathbf{r} = \mathbf{r}$ المساحة القاعدتان
- π حجم الأسطوانة = مساحة القاعدة \times الأرتفاع π ع = π ن π













خامساً: الكرة نصف قطرها ن :

T حجم الكرة = πنسπ

🚺 مساحة الكرة = π٤فر

الله أعمل ما يأتي:

المطوانه دائرية قائمة حجمها
$$\pi$$
ن سم فإن ارتفاعها π سم المطوانه دائرية قائمة حجمها

$$\frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}}$$
 فإن: $(\frac{1}{\sqrt{1}} + 1)^7 = \frac{1}{\sqrt{1}}$



أر محمد الشهيد & أر أحمد عسران عسكر [4] التواصل واتس: 01090821129



(\$)(\$)(\$)	(\$)——(\$)——(\$)—	(\$)(\$)(\$)-	(\$)(\$)
		$\dots = {}^{\vee}(\overline{\Upsilon}\sqrt{-} \overline{\circ})$	[∨] (\(\(\(\nabla\)\)
		٤١ 🗹	
(A) (A) (A)	(a)—(b)—(b)—	(e)(e)(e)-	(+)(+)
-(v) (v) [π = \μ-λ	طرها ١٠سم تكون مساحة	الدائرة التي طول ق
		١. 🛭	
(\$)(\$)(\$)	(*)——(*)——(*)——	(4)—(4)—(4)— \	
		= \frac{1}{\sigma\range \frac{1}{\sigma\range \frac{1}{\sigma\rangle \frac{1}{\sigma\cin\cin\cin\cin\} \frac{1}{\sigma\rangle \frac{1}{\sigma\rangle \	- (0 / - 1)
7 5	<u>م</u>	o 🖾 .	7 (1)
(\$)(\$)		(+)	(+)(+)
		١٠٠ سم فإن مساحته الكلية	
1 5	٦٠٠ 🔑	٤٠٠ 🗭	1
(\$)(\$)(\$)	(4)——(4)——(4)——————————————————————————	(*)(*)(*)(*)(*)(*)(*)	(+)(+)
		=]0	£ {7≥0} ∩]7≥
[067[5]067] 🔑	[067]	ØP
(\$)(\$)(\$)	(\$)——(\$)——(\$)—	(\$)(\$)(\$)	(\$)(\$)
		7.7	- 15) < 15 (7)
		= ()	
		= ·(
₹\\\ [*] 7 \\	ھے صفر -(∗)(∗)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)	₹₩ Ø 	7 P
₹\\\ [*] 7 \\	ھے صفر -(∗)(∗)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)(۰)		7 P
€ 7₹3 	ه صفر - (*)(*)(*)- فإن حجمه =	₹₩ Ø 	7√ P
€ 7₹3 	ه صفر - (*)(*)(*)- فإن حجمه =	﴿ ﴿ ﴾ ﴿ ﴿ ﴾ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿	7√ P
€ 7₹3 	ه صفر - (*)(*)(*)- فإن حجمه =	﴿ ﴿ ﴿ ﴾ ﴿ ﴾ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿	7√ P
€ 7∛\$ 	ه صفر (۱) صفر (۱) حجمه = فإن حجمه = ه ۳۰	﴿ ﴿ ﴿ ﴾ ﴿ ﴾ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ ﴿	ا ۲۷ ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا
ا الله الله الله الله الله الله الله ال	ص صفر (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*	ال ا	ا ۲۷ ا ۲۷ ا ۲۷ ا ۲۰ ا ۲۰ ا ۲۰ ا ۲۰ ا ۲۰
ري ٢١٤٤ () () () () () () () () () () () () () (م صفر (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*	آب الآن -(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)	الا
ري ٢١٤٤ () () () () () () () () () () () () () (م صفر (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*	ال ا	الا
ري ٢١٤٤ () () () () () () () () () () () () () (م صفر (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*	آب الآن -(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)	الا
ري ٢١٤٤ () () () () () () () () () () () () () (م صفر (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*	آب الآن -(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)	الا
ري ٢١٤٤ () () () () () () () () () () () () () (م صفر (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*	آب الآن -(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)	الا
ري ٢١٤٤ () () () () () () () () () () () () () (م صفر (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*	آب الآن -(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)	الا
ري ٢١٤٤ () () () () () () () () () () () () () (م صفر (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*	آب الآن -(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)	الا

أ/ محمد الشهيد & أ/ أحمد عسران عسكر 5 التواصل واتس: 01090821129

كتاب الصفوة في الرياضيات

مراجعة شهر نوفمبر



	الأعداد أوجد:	خدام خط ا	صفر[بإست	. ∞-[=1	∝[، ص	س=[۳،	🚻 إذا كان:
	∑ س €	– ص	🏋 س	ں ∪ ص	- [اس∩ ص	1
						ر	الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
•••••	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			••••••		
				•• ••••••	***************************************		
—(0)	-(+)(+)(+)	• •	-(*)	() 	(*)	-(*)(*)	× *11
U	o v		. O II	0000] 0 111	اوجد: 🔃 من ن	الله من الشكل
∞ –	7	∞ ∞	***********				
(\$)	-(+)(+)	(+)	(0)	<b(+)< th=""><th>(\$}</th><th>(()(</th><th>)——()—</th></b(+)<>	(\$ }	(()()——() —
			(1-	+1)(10	7-(10	(1+ TV)	🛂 أختصر :
					• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		
(+)	-(+)(+)(+)	(+)	(()	<b(+)< th=""><th>()</th><th>()(</th><th>·</th></b(+)<>	()	() (·
۳۰۰۳ س۳	س+ص	قيمة: 🚺	√٥ أوجد	+ 7 =0	6 <u>1. h.</u>	س = <u>۱۲ /۷</u>	[3] إذا كانت:
	<mark></mark>				···········	ٔ ر	
					······································		
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •					
(*)	(*)	(+)	(()	<*>-(*)(*)	(*)		·>(•)
				^τ (۲ γ)-			🗗 أختصر :
						ر	الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
•••••			•• •••••		•••••		
			·· ·····				
(()	-(+)(+)(+)	(\$)	—(() ——	·(*)(*)-	(4)	(* }(·>(+>

أر محمد الشهيد & أر أحمد عسران عسكر 6 التواصل واتس: 112809000



				٣	(√√)	<u>- 7 % r</u>	+ 7 7√	$\frac{1}{7} + \overline{1}$	ر: 🎳	ق أختص
			•••••		••••		•••••		ـــل	الح
	•••••								••• •••••	
		/A\			······				/AN	······
رب+ س+ص	ر») +۲س ص	جد قیمة:س ^۲	۷۰٪ نان، ثم أو	۷۷) ۵۱ ص متراف	۱۰۷ نبت أن سو	i \\\\\\\\\\\	—(۱۰ <u>)</u> ص= ۳	· \\vec{v}-1	س. ت:س=۳	إذا كان
									ـــل	الح
•••				··· ·····			······			
—(*) —	(()	(*)	—(+)— د س_ ص	-(()	(()	(•)	(\$)	(*)	(\$ }	(())
		' ("	(س+ م	جد قيمة:	او-	71/2	، ص=	7 14 7	نت: س=	الكا إذا كا
		•••••••					•••••		ـــل	الح
	•••••									
		A					••••••			
		(A)		(\$)	·····	(ø)	(\$)			
ī .:l.	۱۱۰ احتما الم	" لطرها ،ومس	i . i oi 1	-7.	2020	- 5150		. 14.~~	ī. tis ī:i	.b.i 🗖
بالبيد	احبها اح	نظرها وومسا	ن تصت د	اوجد طو	• 1 1-	وارتفاعها	1- 702	حببه ٠	اِند دانرید <mark>=</mark> ا	الد
•••									0	
(* >_	(†)-	(*)	(+)	(() }	(* }	(\$)	(\$)	(()	(\$ }	(* }
	۲(ک	[)+ ^r (~	مة: (س	أوجد قي	-	<u>۳</u> = ب	<i>。</i>	<u>~~</u>	نت: س=	لا إذا كا
		···········				٣٧		۳	_ل	الح
─ (♦)	(()	(0)	(+)	(()	(+)	(\$)	(+)	(4)	(()	(()

MACH		
	ي الرياضيات	لصفوة ف

							1	<u>۵</u> –۲ ۲	· /+ 1/	∵ .	🔼 أختصر
										<u>ـــل</u>	الح
_	(*)	(4)——	(*)	(*)	(*)	(*)—	(()	(•)	(0)	(*)	()
									Υ		الحتصر
_	(+)	(4)	(\$)	(*)	(4)	(*)	(*) <u> </u>	7) + 4	(h)	~ (*)	(+) 0 أختصر
						•				1 61	
								· <mark>·····</mark>			
	(*)	.•)	ر,,	(= <u>_</u>	(*)	(•) بت أن:	—(*)— أثر	_~~	+ V √	(*) ;: س=	
				بن				- √۲	- ▼}	_ل	فا إذا كان الح
			···········								•••••
						······				 <mark></mark>	
_	< + >———	(+)	(* >	(() }	(\$)	(*)	—(()—	(*)	(()	·(+)	(4)
						- 1	(7− √	$-\frac{1}{2}$	₹ +7	ر: ۲۲۳	🔯 أختصر
										ـــل	الح
_	< (*) ———	(4)	(*)	(*)	(4)	(*)	(*)	(()	(+)	·(*)	(* >
			٣			_					📆 إذا كان
			••••••							ـــل	الح
_	(b)——((4)	(¢)	(6 }	(¢)	(b)	(¢)	(é)	(é)	(¢)	(a)

8

١/ محمد الشهيد 🎖 ١/ أحمد عسران عسكر



ں _ ص	بمة:س	، ثم أوجد قي	, مترافقان	ص عددان	ت أن س،	ص=٦ أثب	۳ ، س،	1-1	ت: س=	🛭 إذا كانه
•••••					<mark></mark>				ــل	الح
(*)	-(†)	(*)	(* }	(\$)	(* }	(\$)	(•)	(\$)	(* }	(()
					у т. а	IV. Joh.	اأمداع	π٦٤ سم	احتما	م تا يا و
								10	501	-
********										-201
	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •								•••••
	••••									•••••
	•••••									
(*)	-(+) -	(\$)	(+)	(()		()	(\(\phi\)	(+)	—(()—	(*)
		ر قاعدتها	. طول قطر	اسمأوجد	تفاعها ١٠	7 سم ^۳ وار	مها ۲۵۰ ت	قائمة حج	ة دائرية	🛭 أسطواذ
									ــل	الح
(\$)	-(()					(\$ }	(()	(0)	(()	(\$)
٠٣١٠	قاء							: -: 1 h	* 1-11 .	
دتها ۳ سم	_ قاعد	نصف قطر	واله طول	ا إلى اسط	ت وحوب	ا عدم صهره				
							إنة.	اع الأسطو	سب ارتف	احس
									ــل	الح
(*)	-(♦)	(*)	(+ }	(()	(*)	(\$)	(•)	(\$)	—(()—	(\$)
حتهالجانبية	. مسا	٥سم فأوجد	وأرتفاعه	۲۰ سم	ان حجمه	شكل،فإذا ك	، مربعة النا	رت قاعدته	مستطيا	🛭 متوازي
									ــل	الح
		•••••								

أر محمد الشهيد & أ/ أحمد عسران عسكر

كتاب الصفوة في الرياضيات



مراجعة شهر نوفمبر منهج الهندسة الصف الثاني الإعدادي

مراجعة نظرية على الهندسة من درس نظريات المثلث المتساوي الساقين: درس المقارنة بين قياسات الزوايا في المثلث

- المثلث المتساوي الساقين: زاويتا القاعدة متطابقتان
- 🚺 في المثلث المتساوي الأضادع: جميع زواياه الداخلة متطابقة وقياس كل منها = ٥٠٠
- 🖬 قياس أي زاوية خارجة للمثلث تساوي مجموع قياسي الزاويتين الداخلتين ماعدا المجاورة لها
 - قياس الزاوية الخارجة عن مثلث متساوي الأضلاع = ١٢٠٥
 - 🚺 يكون المثلث متساوي الساقين إذا تطابق فيه أي زاويتين
 - 🚺 يكون المثلث متساوي الأضلاع إذا تطابقت جميع زواياه الداخلة
- 1 المستقيم المار برأس ∆المتساوي الساقين وينصف زاوية الرأس يكون عمودي على القاعدة وينصفها
 - 1 المستقيم المار برأس △ المتساوي الساقين وعمودي على القاعدة يكون منصف لزاوية الرأس ومنصف للقاعدة
 - ٣ المستقيم المار برأس △ المتساوي الساقين ومنصف للقاعدة يكون عمودي على القاعدة وينصف زاوية الرأس
 - ك محور تماثل △ المتساوي الساقين هو مستقيم مرسوم من رأسه عمودياً على قاعدته.
 - محور تماثل القطعة المستقيمة : هو مستقيم عمودي عليها من منتصفها
 - أي نقطة على محور تماثل القطعة المستقيمة تكون على بُعدين متساويين من طرفيها
 - أي نقطة على بُعدين متساويين من طرفي القطعة المستقيمة تنتمي لمستقيم واحد هو محور تماثل القطعة المستقيمة

🚹 تذكر: محاور تماثل بعض الأشكال الهندسية

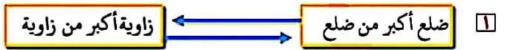
امثله لها	عند المحاور
△ مختلف الأضلاع + متوازي الأضلاع + شبه المنحرف + الشعاع	صقر
△ المتساوي الساقين + شبه المتحرف المتساوي الساقين + القطعة + جزء من الدائرة	N T
المعين + المستطيل + الشكل البيضاوي	٢
المثلث المتساوي الأضلاع	٣
المربع	٤
النائرة + المستقيم	عدد لا نهائي

التواصل واتس: 01090821129



ألوحدة الخامسة : التباين

- الله الزاوية الخارجة عند رأس من رؤوس المثلث أكبر من قياس أي زاوية داخلة للمثلث عدا المجاورة لها
- الذا أختلف طولا ضلعين في مثلث فأكبرهما في الطول تقابله زاوية أكبر في القياس من قياس الزاوية المقابلة للضلع الآخر .
 - 🚺 في أي مثلث:



- أكبر الأضلاع طولاً تقابله أكبر الزوايا قياساً
- ٣ أصغر الأضلاع طولاً تقابله أصغر الزوايا قياساً
- إذا وجدت في مثلث زاوية قياسها أكبر من مجموع قياسي الزاويتين الأخريين فإن هذه الزاوية تكون منفرجة

| Section | Sec

أرمحمد الشهيد & أرأحمد عسران عسكر

			******		ساقين =	تساوي ال	ن المثلث الم	متوسطان	🖸 عدد
(+)	(+)	(+)	-(+)(+)	(+)-	(0)	—(+)—	(e)	(+)	(+)
	•••••		تماثله =	د محاور	سم فإن عده	۲سم ۱۸۰	لا ضلعيه	، قائم طو	恆 مثلث
(+)			_(+)(+)						
			:٩)=٠٦° هو .						
—(*) —	(*)	—(0)	(()(()						
					: س				
			-(+)(+)						
			قياس أي زاويا						
			(e) (e)						
			قابله زاوية						
			(+)(+)						
			2	ں و	ه	ر قإن: حر	ناص > هـ ا	شڪل: سر	الله من الله
		-			•••		. ".		170
						:	ة الصحيحة	لتر الإجابا	31 32
			سح	급	- - فإن: س	نماثل 🖳	∈ لمحور ا	ن: س	ازدا کا
	=	(3)			۔ فإن: س				
(e)_	(4)	(0)	>	<i>₽</i>	(e)	= Ø ————————————————————————————————————	(ø)	<	P ————
—(*)—		-(+)	< ‹›‹› ، ۲۰° يساوي	<i>₽</i>	‹› , زاويتين في		«» اثل المثلث	ا > ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	آ) عدد []
(e)		• •	< * ۲۰° يساوي ۲	(4) (%) (%)	-‹› ، زاويتين في	© = ‹›— الذي قياس ال © ۱	«» اثل المثلث	ا > ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	آ) عدد []
(•)-		• •	< ، ۲۰° يساوي ۲	(4) (%) (4) (4)	‹‹› , زاویتین فیـ ‹‹›—	= 	«» اثل المثلث «»	> 	ا () () () () () () () () () (
—(+)—	······································		< * ۲۰° يساوي ۲ 	(4) (4) (4)		الذي قياس الذي قياس الذي قياس الاك الان الان الان الان الان الان الان	(*)	> محاور تما صفر صفر تماثل الا	(P) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*)
—(+)—			< ، ۲۰° يساوي ۲	(4) (%) (4) (4)	(۰۰) زاویتین فیا (۰۰) لستقیم وازي لها	الذي قياس الذي قياس الذي قياس الاك الان الان الان الان الان الان الان	(*)	> محاور تما صفر صفر تماثل الا	(P) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*) -(*)
—(+)—	(*) **********************************		< ۱۰ ^{۱۰} بساوي ۲ ۱۰ (۱۰ بساوي ۱۰ بساوي ۱۱ بساوي ۱۱ بساوي ۱۱ بساوي ۱۱ بساوي	(4) (4) (4) (4)		الذي قياس الذي قياس \(\) الم \(\) الم \(\) الم	(+) اثل المثلث 	> () - ()	الا -(*)
—(+)—	<*> ٣ 	S (*) US -(*) UA	< (*) - (*)	هه .هه هه .ه هه .ه هه .ه هه .ه	(۱۰ قياسها ۱۰		رو (- () - الما الما الما الما الما الما الما ال	
—(+)—	<*> ٣ 		< ۱۰ ^{۱۰} بساوي ۲ ۱۰ (۱۰ بساوي ۱۰ بساوي ۱۱ بساوي ۱۱ بساوي ۱۱ بساوي ۱۱ بساوي	ه ده ه ه ه ه ه فإن ه فإن	(۱۰) زاویتین فید (۱۰) لستقیم وازي لها (۱۰)		(*)—(*)—(*)—(*)——قطعة المست عليها عليها ب الساقين إ	- () - ا محاور تما صفر تماثل الا العمود العمود	
—(+)—	«،> ٣ عمودي عليها و (•)			ه ده ه ه ه ه ه فإن ه فإن ه فإن	(۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ -	الذي قياس الذي قياس الدي قياس الم قيمة هو الم الم الم حدى زوا	روب اثل المثلث قطعة المست ي عليها روب ب الساقين إ	- (۱) عاور تما صفر تماثل الأ العمود: متساوي	الم الم الم الم الم الم الم الم
—(+)—	«» عمودي عليها و «» د» د» ع			ه ،ه ، ه ، ه ، ه ، ه ، ه ، ه ، ه ، ه ،	(۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ -		روب اثل المثلث قطعة المست ي عليها ب الساقين إ راويتين في	- (۱) عاور تما صفر تماثل الأ العمود: متساوي صفر المقر	الم عدد الم عدد الم عدد الم عدد الم

ناب الصفوة في الرياضيات	اضيات	ع الود	ولاً في	إلصن	كتاب
-------------------------	-------	--------	---------	------	------

_	L	12

	°=(د)= ۱۲۰° فإن: ن(۱۲۵	ماثل واحد ، ؈(∠٩	۩ ۵۹۰ حاله محورة
		۳۰ 🗷		
(•)		«»«»«»«»«»«»«»«»«»«»«»«»«»«»«»«»«»«»		
		> 🗗		
(+)		۰۵۰° فإن عدد محاور تماثل		
an an	5 صفر	۳ 🔑	7 🖾	1 1
—(•)—		» 		
		< 🗗	> 🖾	= 1
(0)	(+)(+)(Ā	«» «» «» «» ص×ع حيث ع سالب		
		> 🗗	2	
(0)	(0)(0)(() (i)		
		+ ٤ ص+ ل > هـ 	18 ²⁰	
(•/		، > ع فإن: ص		
	= 5	> 🗷	(a)	= 1
	~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~	معة ∠ا متعمة		لا إذا كان: ق(∠ع)
	= 3	·	< Ø	
(()	(+)(+)(***************************************	‹‹›——‹››—-‹› بو فإن: اب	(+)(+) < ~ P . 15 \$11 \$12
5	÷	A	5 < € ≡	
(*)	(0)(0)(0) (0) (0)	-(*)((0)(0)
	F	(۷۷) فإن: (۷۶) تڪ	3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	29.
%	ا کا منفرجه	ھ مستقیمہ	الا قائمة	اع حادة



ح=٢-سم	صلى أجب عما يأتي: أنا في الشكل المقابل: إس=إحد ، 50 ينصف كا ، س أوجد بالبرهان طول سي
	_(s)
عاد عاد المراق	الله في الشكل المقابل: ب (∠٩٦هـ) = ب (∠٩حـو) ، برهن أن : ٤٦ لـ -حــــــــــــــــــــــــــــــــــ
-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)-(*)	
Z Z Z Z Z Z Z Z Z Z Z Z Z Z Z Z Z Z Z	أوجد بالبرهان طول حكى ، 5P كالبرهان طول حكى ، 5P كالبرهان

.....

التواد

باد	باضب	الرب	فی	ولا	ia)) d	ناب	S
			-				•	

-	13
-	V-

الشكل المقابل: ٢٠= ٩ح ، ٦٥ لـ ٢٠٥) = ٢٥ ، ١٠٥ ، ١٠٥ عسم أوجد [] س (١٥٥ ح) طول 5 ح البريطان
(۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱)
~> ~> ~> ~> ~> ~> ~> ~> ~> ~> ~> ~> ~> ~
الله في الشكل المقابل: ١٦٠ لـ عـح ، بو = وح ، ب (عـب) = ٥٠ المعابل: ١٩٥ لـ عـح ، بو (عـب) = ٥٠ المعابل: ١٩٥ لـ عـب المعاب
(*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*) (*)
الله على المقابل: ﴿ ﴿ كَ الله وَ يَنْصَفُه ، ل (الله على الله ع

أ/ محمد الشهيد & أ/ أحمد عسران عسكر



5	الشكل المقابل: ٢٩ المحمد على المقابل: ٩٠ المحمد على الشكل المقابل: ٩٠ المحمد على المحمد على المحمد
5 ** *** **** ***	برهن أن أهم محور تماثل سح
	البيهانا
٠ " د	***************************************
──(*) ───(*)	(0) (0) (0) (0) (0) (0) (0) (0) (0) (0)
P	الله في الشكل المقابل: ٢٠= ٢٠ ، هـ = هـ .
	برهن أن: 🗓 ۱۹ محور تماثل 🗝 🐧 ۱۳۰۰ عود
	البرهانا
(+)(+) -(+)	
P.	
بحف الم	الله في الشكل المقابل: ١٦ = ١٦ ، ١٥ و ينصف ١٥٥ م حو ينصف ٥٠
X X	برهن أن أو محور تماثل سح
A X Y	
x × • • 5	برهن أن أو محور تماثل سح
x x s	برهن أن أو محور تماثل سح
x × • • • • • • • • • • • • • • • • • •	برهن أن أو محور تماثل سح
2 × × × • • × × × × • • • × × × • • • × × × • • • × × × • • • × × × • • • × × × × • • • × × × × • • • × × × × × • • • ×	برهن أن أقر محور تماثل سح البريطان الب
2 × × × × × × × × × × × × × × × × × × ×	برهن أن أو محور تماثل سح اللبريطان البريطان سره سره (المعابل: عن (المحاد) عود عود المعابل: عن (المحاد) عود المعابل: عن (المحاد) عود المعابل: عن (المحاد) عود المعابل: عود المعابل: عن (المحاد) عود المعابل:
x × • • · · · · · · · · · · · · · · · · ·	برهن أن أو محور تماثل مح البيرينيان (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱)
2 × × • • • • • • • • • • • • • • • • •	برهن أن أو محور تماثل سح اللبريطان البريطان سره سره (المعابل: عن (المحاد) عود عود المعابل: عن (المحاد) عود المعابل: عن (المحاد) عود المعابل: عن (المحاد) عود المعابل: عود المعابل: عن (المحاد) عود المعابل:
	برهن أن أو محور تماثل مح البيرينيان (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱)
2 × × • • 5 × × × • • 5 × × × • • • × × × • • • × × × • • × × × • • × × × × • • ×	برهن أن أو محور تماثل مح البيرينيان (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱)
	برهن أن أو محور تماثل مح البيرينيان (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱) (۱)

(0)(0)(0)	(*)	(+)	(+)	(0)	(+)	(0 }	(*)	(+)
^	ح)	-cs>)	٠ < (١	ر ۱۲ وحد	۱۰ م	ابل: ١٥ =	نكل المقا	📆 في الث
/\.			حو)	> v(Z1	(SUP)	أن: ق(ح	دهن.	
× 5 €			1520	- 61	92			III
	•••••	• •••••					-	
	•••••	• •••••	•••••					•••••
٠ -	•••••	• •••••			•••••			•••••
••••••	•••••	• •••••	•••••					
	•••••							
(+)(+)(+)	(+)	(0)	(+)	(0)	(*)	(0)	(0)	(+)
P			و	را > هـ	اه ، ه	< 5P :J	كل المقار	📆 في الث
<u>\</u>						أن: ٩-		
								- 17
5 🖊 د	•••••	• •••••						الير
7	•••••							•••••
ں ﴿		• •••••				•••••		
••••••								
(0)(0)(0)	(0)	(+)	-(+)	(*)	(+)	—(0)——	(*)	(+)
		۹=وب	s (sp=	· v(Z-	< (LPS	بر. ب(۷	كل المقار	📆 في الث
4			1 25 0	E 5252		أن: (﴿ ﴿	(A-2/)	•
				عرجا	- (-)		برس ۱ <mark>۰</mark>	
/ f \	•••••	• •••••				•••••	ov	اليمر
	•••••		•••••		••••••			
5	-	• •••••			•••••			•••••
	•••••	• ••••••						
	••••••							
						•••••		

مراجعة شهر نوفمبر





خامساً: الكرة نصف قطرها ن :

🚺 مساحة الكرة = π٤ف٢

🚹 حجم الكرة = 💃 تلنق^٣



الله أكمل ما يأتي:

المسطوانه دائرية قائمة حجمها π ن سم فإن ارتفاعها π في المطوانه دائرية قائمة حجمها ألم الم

ازد کان: س ∈ گ_، س = ۷ فإن: (س+√√) =صفر.......

ا إذا كان: س= \frac{1}{1} فإن: (\frac{1}{1} + 1) =

₩ مكعب مجموع أطوال أحرفه ٤٨سم يكون حجمه =٦٠٠٠ سم٣

(4) (4) (4) (b) (b)

₩ ١٨٠٠ ، ١٨٠٠ ، ١٨٠٠ ، ٣٢٧ ، أكمل بنفس التسلسل

۳.... × ۱۰= ۱۰ × المعكوس الضربي للعدد ٢٠ × ١٠ = ١٠٠٠ المعكوس الضربي للعدد ٢٠٠٠ × المعكوس الضربي المعدد ٢٠٠٠ × المعكوس الضربي المعدد ٢٠٠٠ × ١٠٠٠ × ١٠٠٠ المعكوس الضربي المعدد ٢٠٠٠ × ١٠٠٠ المعكوس الضربي المعدد ٢٠٠٠ × ١٠٠٠ المعكوس الضربي المعدد ٢٠٠٠ × ١٠٠٠ × ١٠٠٠ المعكوس الضربي المعكوس الضربي المعكوس الضربي المعكوس الضربي المعكوس المعكوس الضربي المعكوس الصربي المعكوس المعكو

]067[3



ك أختر الإجابة الصحيحة:

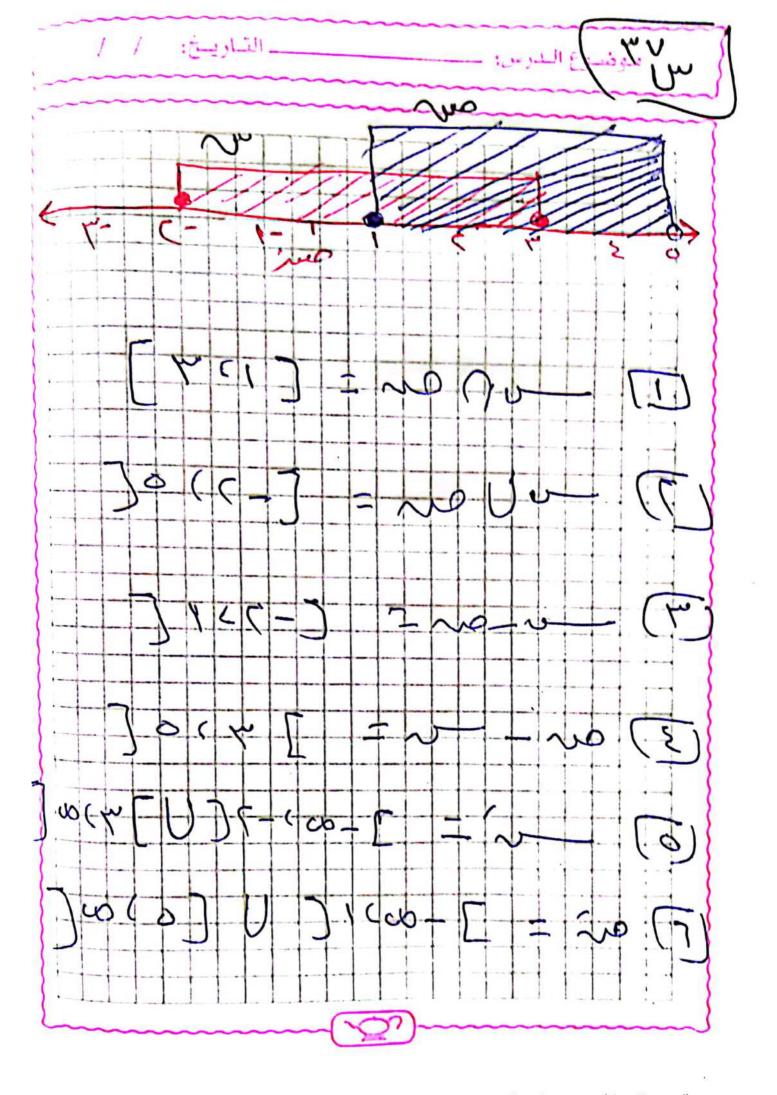
متوازي مستطيلات أبعاده
$$abla V \cdot \nabla V \cdot \nabla V \cdot \nabla V$$
 متوازي مستطيلات أبعاده $abla V \cdot \nabla V \cdot \nabla V \cdot \nabla V \cdot \nabla V$

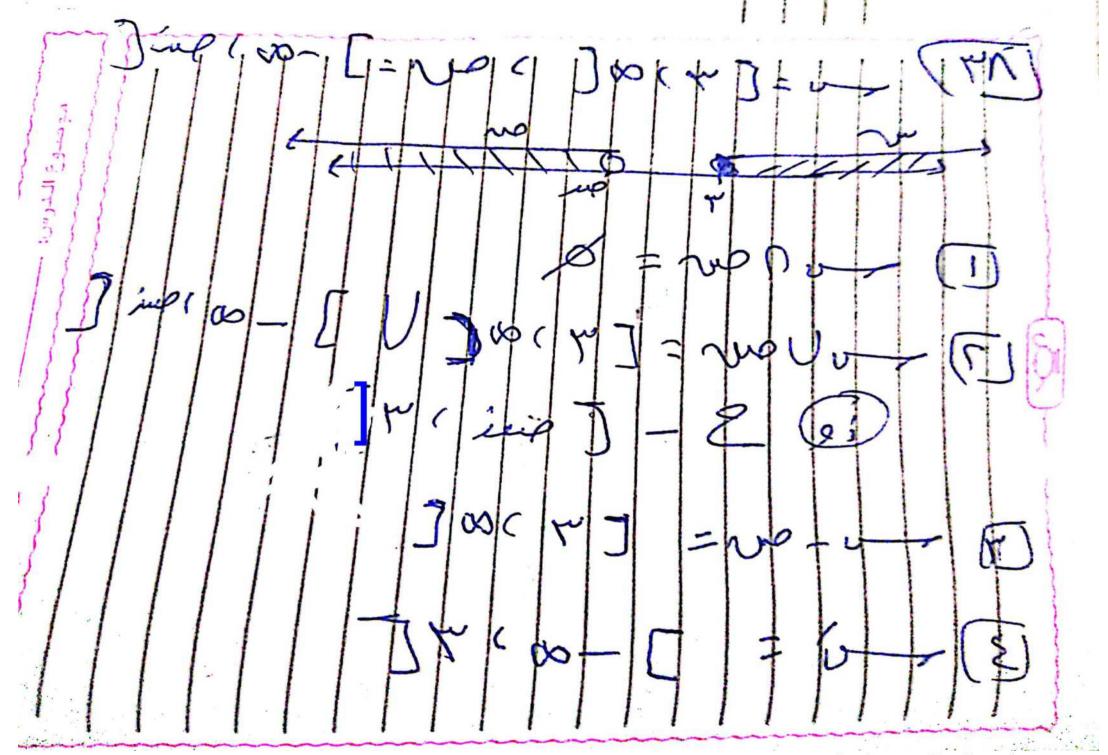
أر محمد الشهيد & أرأحمد عسران عسكر

التواصل واتس: 01090821129

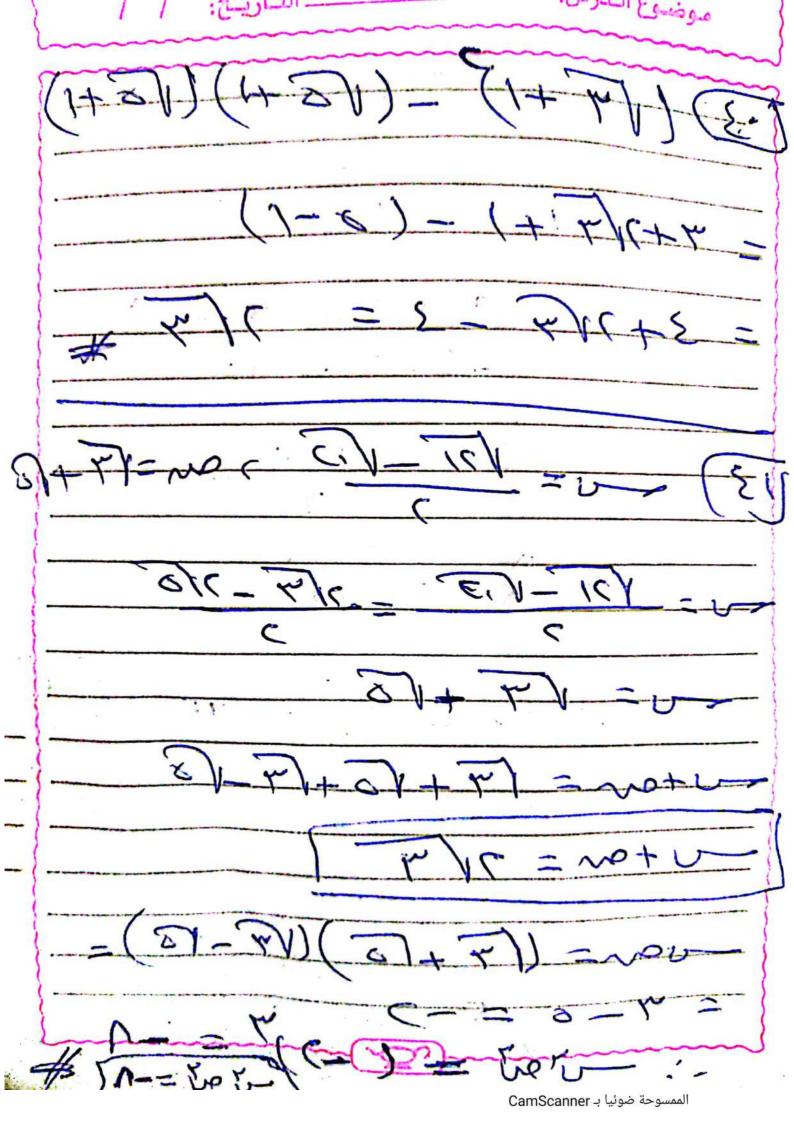
مراجعة شهر نوفمبر

(()	(\$ }	(+)	(+)	(+)	-(+)	-(4)	< (*) ———	-(+)	-(+)(+)
						$=$ $^{\vee}(\overline{Y})$	7-7	√) \(\ <u>√</u>	√+√V) 🖾
	۸7/	(5)		150 4	>	٤١	\square		1E P
(*)				(+)	_(()	(+)	-(+)	_(4)	-(+)(+)
•••				يما =	حة سطح	ڪون مسا	۱۰ سم ته	لول قطرها	🛍 الدائرة التي ص
									-
									° P
—(*)—	(*)	—(()	(0)	(•)	—(•)——	-(*)	1	- 7/-	
							_ o	V + (- (□
		(5)		٤- اح		٥	4		(1 – √o ¶ 7 ——————
—(()—	(+)	(())	(+)	—(+)—	-(+)	(+)	<(+)———	_(*)	-(+)(+)(+)(+)
		م'			ئىية = -	ساحته الم	سم فإن م	حرفه ۱۰ ۳	🛅 مكعب طول
		5		۲۰۰ [⊬	<u> </u>	٤٠٠	9		1 1
—(()—	(+)	(*)	(+)	(+)	-(♦)	-⟨♦⟩	-(+)		(I) [3]
		_							∩ {0.1} 13
	[047[(5)]	067] [>				ØP
—(*)	(+)	(\$)	(*)		(*)				(+) (+) (+)
	—	<u></u>							\$) - \{\bar{1}\}
					2	ξÿ	9		77
—(+)—		(+)	(()		-⟨♦⟩	-(+)	(0)	_(*)	_(I)(I)
									🛅 مکعب حجم
	٤٠	5		٣. 🚣	2	۲۰	9		1. P
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •							hand FP
ست أجب عما يأتي:									
الله إذا كان: س=[-٣٠٢] ، ص=[٥٠١] بإستخدام خط الأعداد أوجد: السراص أس سل ص السراص السلام سلام السلام									
] ص]س َ [س 0] ص _	_ ص _	۳ س	ە ∪ ص	۲] س	ں∩ص	<u> </u>
								•••••	الحــل
••••							•••••		
••••								•••••	
••••								•••••	
••••								•••••	
								•••••	
(+)	(♦ }	(+)	(*)	(()	(*) ——	-(+)	-(*)	(+)	-(+)(+)(+)(+)



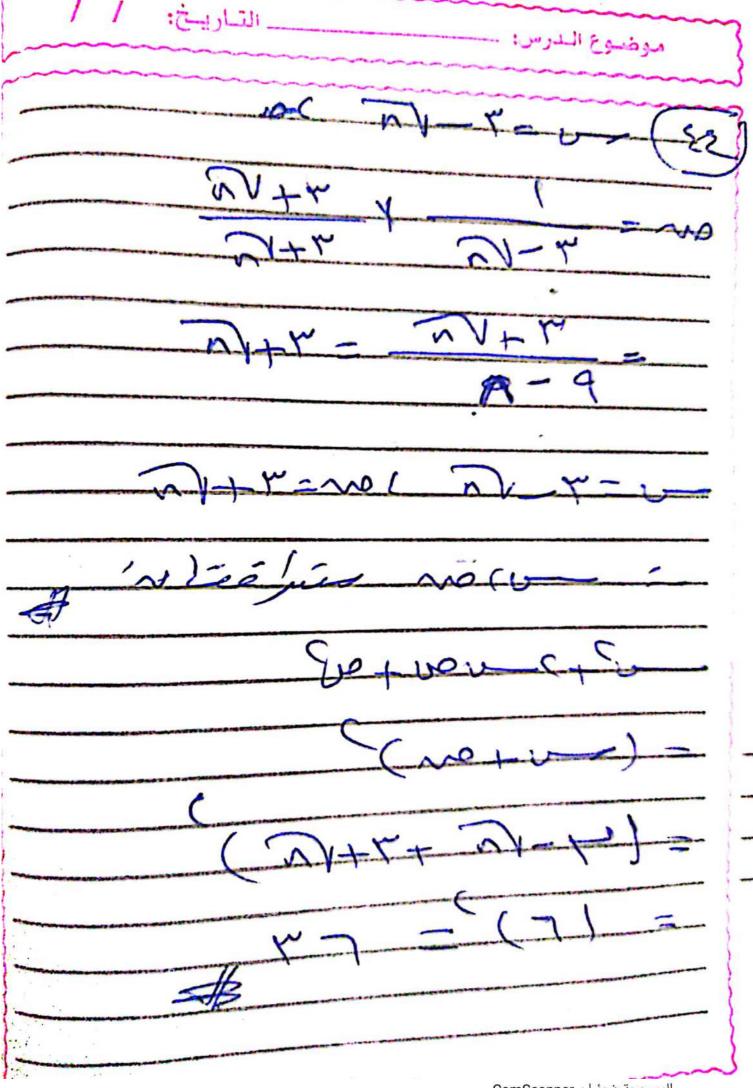


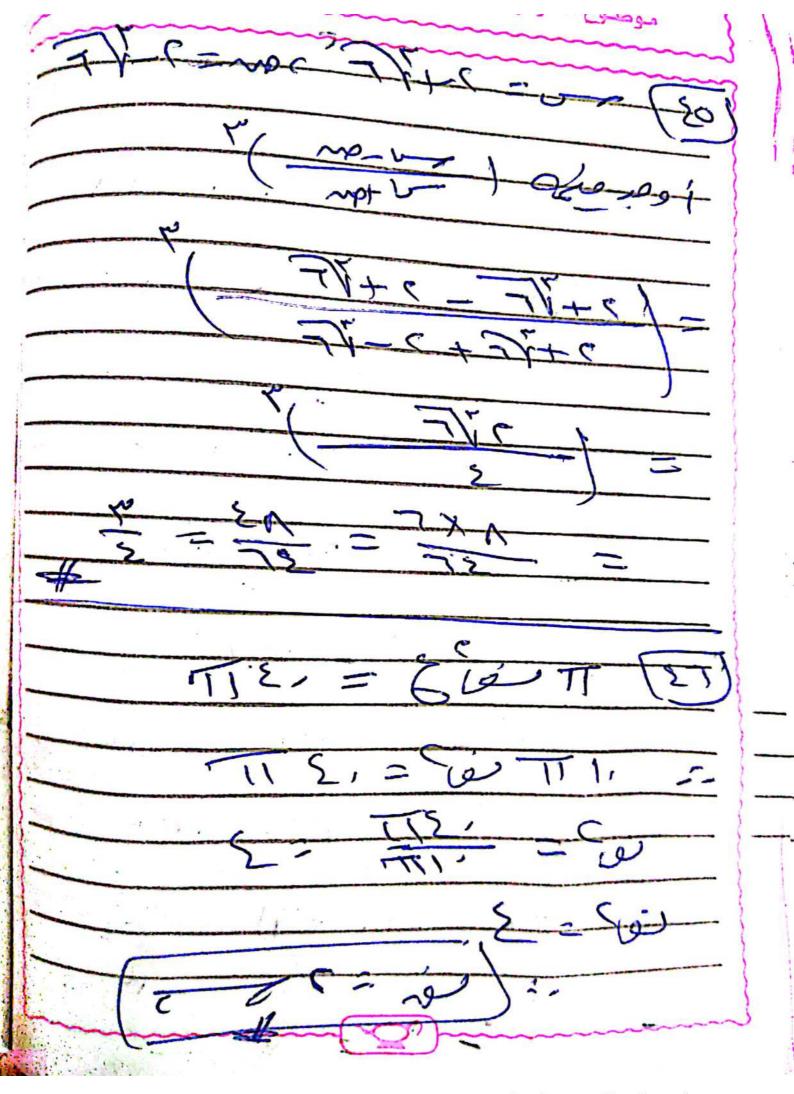
الممسوحة ضوئيا بـ CamScanner

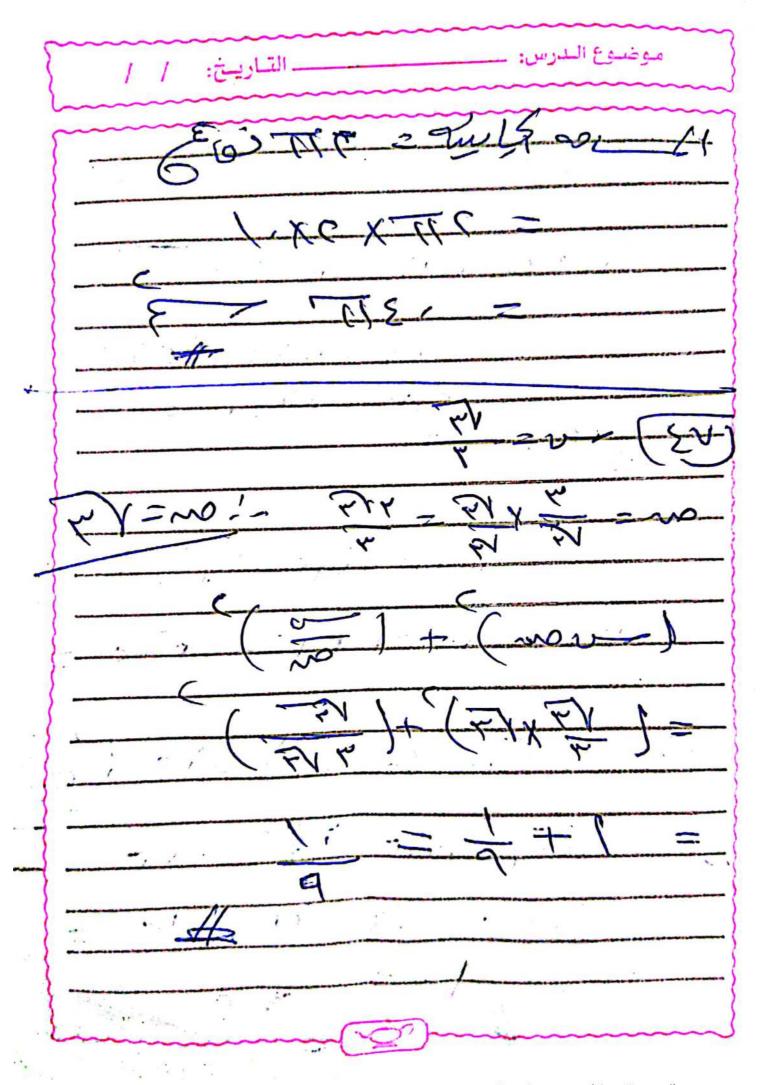


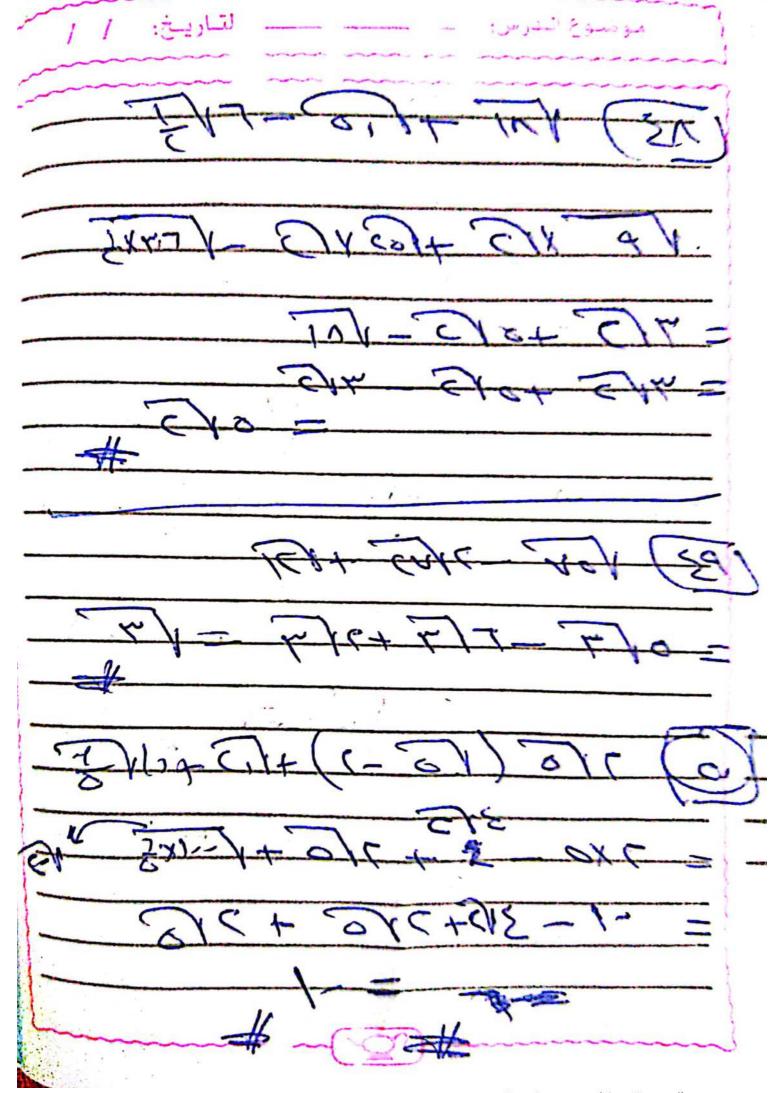
التاريخ: / / (13) 7 /W = 3/3+(A) = 1/1×2/ - 1/2×1/2 (Sh Sich Les 12) (Sh St Elet Ixacht CAXUL= Checket chetche

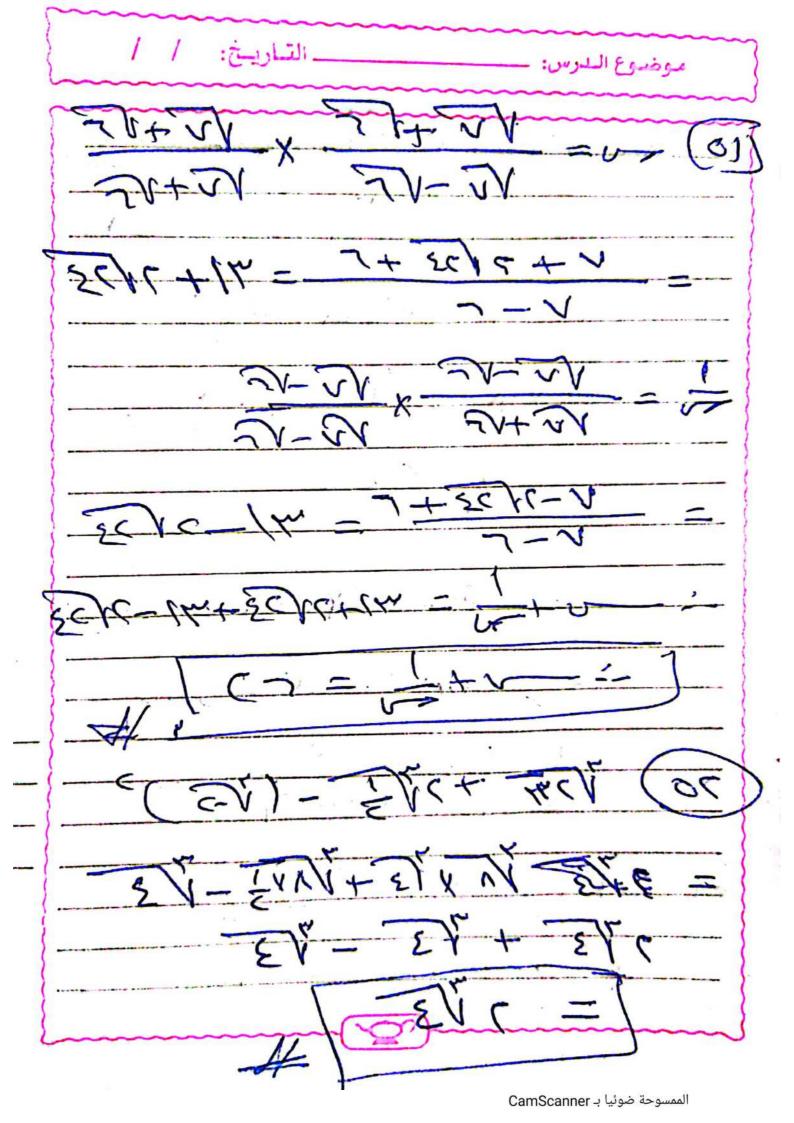
الممسوحة ضوئيا بـ CamScanner



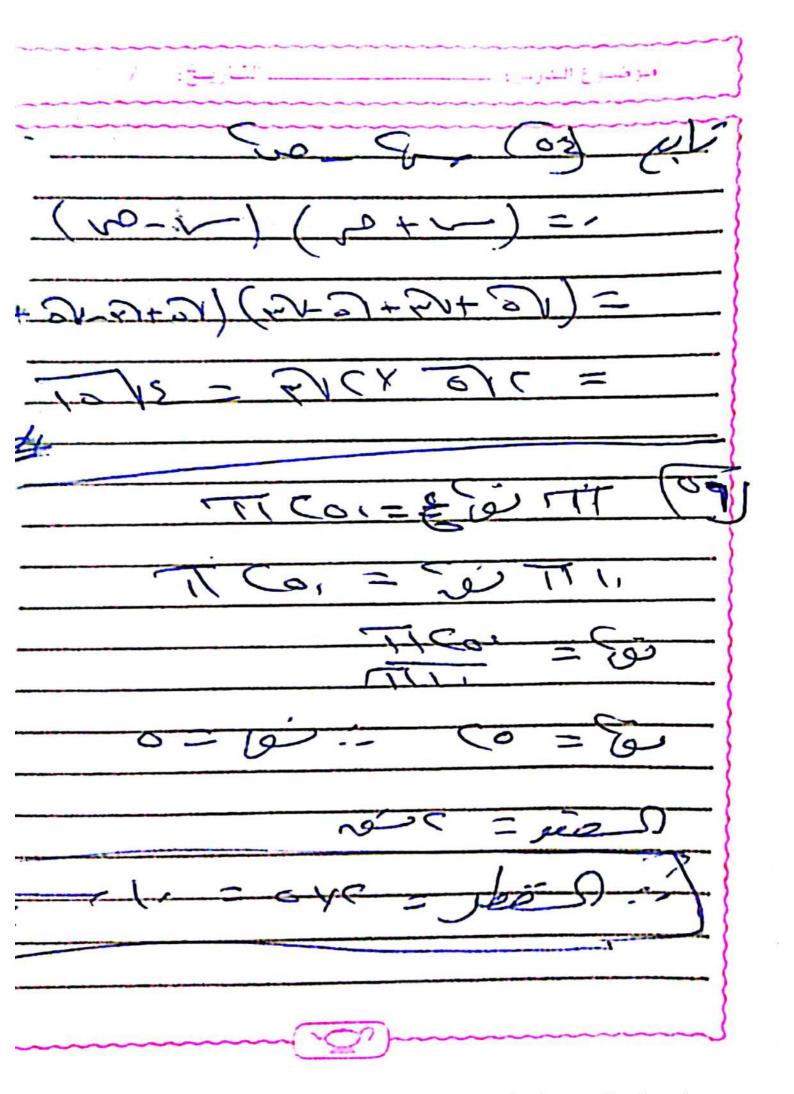








موشوع الغرس 1- 1- 1- 1- 1- 1- (at) (no + m) 4XV= (4/6)= # CS = (52) - 1- (55) C = UP ' C = USU-FY SY FIFOY Muelingle ARCO



التساديسين: / 2125-021-COS 775 = Sp TI 75- 70 5 - N = 2 かりてことので MXTIC = 200C(ESTITI- Les الله عدايه = حك الره でが大きことが大 YYX = EXET · 23 = 27 5= 2 = 8

Sign x on Woc العمع = Eswison - 18/2/2 C= 188 = VC1 = 2010/00/ إلىاعده جويه [22] = (io, e) = dée 1: E 1 1 = 10, 50 1 = 0/2 0 Ex (vo+v-) (= adultar_1, 0 X (16+16)6 = = 7×37×0 E- CE- = /

الدرس السابع: العمليات على الأعداد الحقيقية

أولاً: جمع الأعداد الحقيقية:

تمهيد : نعلم أن :

ا) ۳ س ، ۲ س حدان جبریان متشابهان مجموعهما هو حد جبری مشابه نهما

 $\frac{1}{\sqrt{1}} \cdot V = \sqrt{1} \cdot (\Sigma + W) = \sqrt{1} \cdot (\Sigma + W)$ $\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot V = \sqrt{1} \cdot (\Sigma + W) \cdot (\Sigma + W)$ $\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot V = \sqrt{1} \cdot (\Sigma + W)$

العدد الحقيقى ٣ ٦٦ ينتج من حاصل ضرب العدد النسبى ٣ في العدد غير النسبي ٦٦

۲) ۳ س ، ۶ ص حدان جبریان غیر متشابهین

مجموعهما هو مقدار جبری أبسط صورة له هی : Ψ س + Γ س بالمثل : العددین الحقیقیین Ψ $\sqrt{\Gamma}$ ، Σ $\sqrt{\Psi}$ مجموعهما هو عد حقیقی أبسط صورة له هی : Ψ $\sqrt{\Gamma}$ + Σ $\sqrt{\Psi}$

(۱) أوجد ناتج : [۱] ۳ √ 0 – ٤ √ 0 + √ 0 =

 $\dots = \overline{\Psi} \Gamma - \overline{\Gamma} \circ + \overline{\Gamma} - \overline{\Psi}$ [7]

أحمد الننتتوري

خواص جمع الأعداد الحقيقية:

الانغلاق :

اى ان : مجموع اى عددين خفيفيين هو و بالتالى : ح مغلقة تحت عملية الجمع

فمثلاً

ناتج جمع کل من $\Psi+\Sigma$ ، $V+\sqrt{\Gamma}$ هو عدد حقیقی

۲] الإبدال :

أي أن ي عملية الجمع إبدالية في ح

فمثلاً

$$V + \overline{\Gamma} = \overline{\Gamma} + V$$

٣] الدمج :

إذا كان : ٩ ، ب ، حـ ∈ ٦ يكون :

ع + ب + ا = (ع + ب) + ا = ع + (ب + ا)

فمثلاً :

 $(\Psi + \sqrt{7}) + 3 = \Psi + (\sqrt{7} + 3)$ الامج

= (۳ + ۱) + (لامج

 $\Gamma V + V =$

٤] العنصر المحايد الجمعى :

P = P + . = . + P الصفر هو المحايد الجمعى في T لأن : P = P + . = . + P

أحمد الننتنورى

فمثلاً

$$\overline{\Psi}$$
 = $\overline{\Psi}$ + \cdot = \cdot + $\overline{\Psi}$

0] وجود معكوس جمعى لكل عد حقيقى :

نكل
$$\P \in \mathcal{T}$$
 يوجد $(-\P) \in \mathcal{T}$ حيث : $\P + (-\P) = \Phi$ صفر (المحايد الجمعى) فمثلاً :

المعكوس الجمعى للعدد $\boxed{\Psi}$ هو: $-\sqrt{\Psi}$ و العكس صحيح $\boxed{\psi}$: $\sqrt{\Psi} + (-\sqrt{\Psi}) = .$

ا) المعكوس الجمعى للعدد : $\Psi + \sqrt{7}$ هو : $-(\Psi + \sqrt{7}) = -\Psi - \sqrt{7}$

ثانياً: طرح الأعداد الحقيقية:

حيث أن لكل عدد حقيقى معكوس جمعى فإن عملية الطرح ممكنة دائماً في ح و تعرف كما يني :

لكل $\{ \ , \ \psi \in \mathcal{F} \$ يكون $: \{ -\psi = \{ +(-\psi) \}$ أي أن $: \{ -\psi \} \}$ عملية الطرح $\{ \{ -\psi \} \}$ تعنى جمع $\{ \}$ مع المعكوس الجمعي للعدد $\{ \}$ و يلاحظ أن $: \{ \}$

عملية الطرح في ٦ ليست إبدالية و ليست دامجة

: أكمل ما يلى (٢)

$$\dots = \overline{V} + \overline{V}$$

.... +
$$\Sigma = \Sigma + \overline{\Psi} \setminus [\Gamma]$$

$$\dots = (\overline{0} - 1) + \overline{0}$$

$$(\overline{11} + ...) + \Sigma = \overline{11} + 7 [\underline{\Sigma}]$$

... =
$$\overline{9}\sqrt{2} \Sigma - \overline{9}\sqrt{2} \Lambda [0]$$

... =
$$\overline{\Gamma} \bigvee_{r} \Gamma + \overline{\Gamma} \bigvee_{r} \Psi - \overline{\Gamma} \bigvee_{r} \Psi - \overline{\Gamma} \bigvee_{r} \Psi$$
 [7]

المعكوس الجمعى للعدد :
$$\sqrt[n]{-\Lambda}$$
 هو

المعكوس الجمعى للعدد :
$$I = \sqrt{I}$$
 هو

أحمد الننتتوري

أحمد الانتنتورى

ثالثاً: ضرب الأعداد الحقيقية:

تمهيد: نعلم أن:

س ا
$$\mathbf{I} \mathbf{\Gamma} = \mathbf{U} \mathbf{U} \times \mathbf{\Sigma}$$
) س $\mathbf{U} \times \mathbf{U} \mathbf{U} = \mathbf{U}$ س المثل یمکن استنتاج أن :

$$\Gamma \setminus \Gamma = \Gamma \setminus (\Sigma \times P) = \Gamma \setminus \Sigma \times P$$

(۳) أوجد ناتج :

... =
$$(\overline{0} \setminus 0 -) \times \Gamma$$
 [1]

$$\dots = \Gamma \setminus O \times \Gamma \setminus [\Gamma]$$

خواص جمع الأعداد الحقيقية:

الانغلاق:

و بالتالى : ح مغلقة تحت عملية الضرب

فمثلاً

حاصل ضرب کل من
$$\mathbf{Y} \times \mathbf{S} = \mathbf{I}$$
 ، $\mathbf{V} \times \sqrt{\mathbf{I}} = \mathbf{V} \times \sqrt{\mathbf{I}}$ ، $\mathbf{V} \times \sqrt{\mathbf{I}} = \mathbf{V} \times \sqrt{\mathbf{I}}$ ، $\mathbf{V} \times \sqrt{\mathbf{I}} = \mathbf{V} \times \sqrt{\mathbf{I}}$ هو عدد حقیقی

الإبدال:

إذا كان :
$$\emptyset$$
 ، \mathbb{C} فإن : \emptyset × \mathbb{C} الحالي الخال : \mathbb{C} عملية المضرب إبدالية في \mathbb{C}

$$\Gamma \bigvee V = V \times \overline{\Gamma} = \overline{\Gamma} \times V$$

۳] الدمج :

الدمج
$$\mathbf{r}$$
 الدمج \mathbf{r} الدمج \mathbf{r} $\mathbf{$

٤] العنصر المحايد الضربى:

 $P = P \times I = I \times P$: الواحد هو المحايد الجمعى في T لأن : $P \times P \times I = I \times P$ الفمثلاً :

$$\overline{\Psi}$$
 = $\overline{\Psi}$ × $\overline{I} = \overline{I}$ × $\overline{\Psi}$

0] وجود معكوس ضربى لكل عد حقيقى:

: حیث $\frac{1}{4}$ حیث عدد حقیقی $4 \neq 0$ حیث نکل عدد حقیقی

أحمد الننتنوري

أحمد التنتتوي

فمثلاً

المعكوس الضربي للعدد $\sqrt{0}$ هو : $\frac{1}{\sqrt{0}}$ و العكس صحيح $\frac{1}{\sqrt{0}}$: $\sqrt{0}$ × $\frac{1}{\sqrt{0}}$ = 1 ملاحظات :

- العدد و معكوسه الضربى لهما نفس الإشارة فمثلاً:
- المعكوس الضربي للعدد $-\frac{7}{\sqrt{0}}$ هو : $-\frac{1}{\sqrt{0}}$
 - ۲) المعكوس الضربى للعدد : ۱ هو نفسه
 ه و المعكوس للعدد : ۱ هو نفسه
- ۳) لا یوجد معکوس ضربی للعدد صفر لأن : $\frac{1}{7}$ لیس لها معنی (۳) $\frac{1}{7}$ = $\frac{1}{7}$ = $\frac{1}{7}$ = $\frac{1}{7}$ = $\frac{1}{7}$ (2)
 - ١١ ١٠٠ ما ١٠٠ ما المعدد المحقيقي عدداً صحيحاً (٥) يفضل أن يكون مقام العدد المحقيقي عدداً صحيحاً

 $\frac{6 \text{ sink}}{6 \text{ sink}} : \frac{1}{6 \text{ sink}} \times \frac{1}{6 \text{ sink}} \times \frac{1}{6 \text{ sink}} \times \frac{1}{6 \text{ sink}} \times \frac{1}{6 \text{ sink}}$

$$\boxed{\Gamma \bigwedge_{h} \ h} = \frac{L}{L \bigwedge_{h} J} = \frac{L \bigwedge_{h}}{L \bigwedge_{h}} \times \frac{L \bigwedge_{h}}{L \bigwedge_{h}} \times \frac{L \bigwedge_{h}}{J} = \frac{L \bigwedge_{h}}{J} ,$$

٦] توزيع الضرب على الجمع :

أحمد التنتتوي

$$\neg \neg + \neg \models (\neg \times \neg) + (\neg \times \models) = \neg \times (\neg + \models)$$

فمثلاً

$$\Psi \downarrow 0$$
 ($2 + \sqrt{0}$) = $\Psi \downarrow 0$ × $2 + \Psi \downarrow 0$ × $\Psi = 0$ ($2 + \Psi \downarrow 0$) = $\Psi \times 2 \downarrow 0$ + $\Psi \times 0 = 11 \downarrow 0$ + $01 \downarrow 0$

رابعاً: قسمة الأعداد الحقيقية:

حيث أن لكل عدد حقيقى لا يساوى الصفر معكوس ضربى فإن عملية القسمة على أي عدد حقيقى خلاف الصفر ممكنة دائماً في ح

عملية القسمة (أ ب) تعنى ضرب (في المعكوس الضربي للعدد ب

و يلاحظ أن : عملية القسمة في ح ليست إبدالية و ليست دامجة

(٤) أكمل ما يلى :

$$\dots = \overline{V} \times \overline{V}$$
 [1]

$$\dots = \overline{\Gamma} \times \dots = \overline{\Gamma} + \overline{\Gamma} + \overline{\Gamma} = [P]$$

$$\dots = \overline{0} \setminus \Gamma \times \overline{0} \setminus \Psi [\underline{1}]$$

... =
$$\overline{\Gamma}_{V}^{\mu} \times \overline{\Gamma}_{V}^{\mu} \Sigma \times \overline{\Gamma}_{V}^{\mu} \Gamma [0]$$

أحمد الننتتورى

(٦) إعدادى ترم أول

$$... = (\overline{1} + \overline{0}) \overline{0}$$

$$\dots = (\mathbf{P} - \mathbf{P} \mathbf{V} \mathbf{V}) \mathbf{P} \mathbf{V}$$

$$\dots = (\Gamma - 0)(\Gamma + 0)[\Lambda]$$

$$\dots = (\Gamma + \overline{0})$$

- المعكوس الضربى للعدد $\frac{7}{\Box}$ هو
- [۱۱] العدد المحايد الضربي في 🎝 هو
- [۱] س + ص [۲] س ص [۳] س ً – ۲ س ص + ص

 $(\overline{V})^{m} - \overline{W}) (\overline{V} - \overline{W}) (\overline{V} - \overline{W})$ ($\overline{V} - \overline{W}$) ($\overline{V} - \overline{W}$) و تحقق من صحة التقدير باستخدام الآلة الحاسبة

تقدير √١٠ هو : لأن : √٩ =

∴ تقدیر (٥ + √ - ا) هو : ٥ + =

، تقدير تر√√ هو لأن : تر ٨ =

تقدیر (۳ – ۳√۷) هو : ۳ – =

 \cdots تقدیر ($\mathbf{0} + \sqrt{1}$) ($\mathbf{V} - \mathbf{V}$) هو : × =

و باستخدام الآلة الحاسبة نجد أن الناتج هو أي أن التقدير

(V) أعط تقديراً لناتج $(7 + \sqrt{10})(2 - \sqrt[7]{6})$ و تحقق من صحة التقدير باستخدام الآلة الحاسبة

أحمد الننتتوري

(٨) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$\dots = 0 + 0$$

$$(\overline{l}, \overline{l}, \overline{l$$

$$= \left(\begin{array}{c} \Gamma \\ \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \Gamma \\ \end{array} \right)$$

$$(\overline{\Lambda}, \overline{\Lambda}, \overline{\Gamma}, \Sigma, \Lambda, \Sigma)$$

المعكوس الجمعى للعدد $\frac{1}{\sqrt{\Gamma}}$ هو

المعكوس الجمعى تلعدد $(\sqrt{0} - \sqrt{7})$ هو

$$(\underline{\Gamma} - \underline{0} - \underline{0} - \underline{\Gamma} + \underline{0} - \underline{0} + \underline{0} - \underline{\Gamma})$$

$$\dots = \frac{\overline{\mu} - 1}{\mu} [V]$$

$$(1 + \overline{\Psi})\Gamma \cdot \overline{\Psi}\Gamma + 1 \cdot 1 - \overline{\Psi}\Gamma \cdot \overline{\Psi}\Gamma - 1)$$

المعكوس الضربى للعدد
$$\frac{m-1}{m}$$
 =

أحمد التنتتوى

ان بعدا مستطیل هما (۱۰ + $\sqrt{7}$) سم ، (۱۰ – $\sqrt{7}$) سم فإن محیطه = سم

 $(\overline{\Gamma} \downarrow \Gamma \ \cdot \overline{\Gamma} \downarrow \Sigma \ \cdot \overline{\Gamma} \cdot \Sigma \cdot)$

ال النا کان بعدا مستطیل هما $(7+\sqrt{0})$ سم ، $(7-\sqrt{0})$ سم فإن مساحته = سم

(0 \ 7 · W· · M · EI)

[۱۲] إذا كان : ﴿ س = ﴿ ۲ + ١ فَإِن : س =

 $(\ \, \mathbf{H} \, + \, \underline{\mathsf{L}} \, ^{\bigwedge} \mathsf{L} \, \, \, , \, \, \, \underline{\mathsf{L}} \, ^{\bigwedge} \, \mathbf{H} \, + \, \, \underline{\mathsf{L}} \, \, \, , \, \, \, \underline{\mathsf{L}} \, ^{\bigwedge} \, \mathsf{L} \, \, , \, \, \, \, \underline{\mathsf{L}} \, ^{\bigwedge} \, \mathbf{H} \, - \, \underline{\mathsf{L}} \,)$

 $(\mathbf{P} - \overline{\mathbf{P}} \mathbf{\Gamma})(\mathbf{P} + \overline{\mathbf{P}} \mathbf{\Gamma}) = \mathbf{P} \mathbf{\Gamma} \mathbf{\Gamma}$

فإن : س =

فَإِن : س + ص =

[10] إذا كان : المعكوس الضربى للعدد $\sqrt{-u} - 1$ هو العدد

 $... = \dots = \frac{1}{2} (\sqrt{1 - 1})$ فإن $: -1 = \dots$

 $(\ \Gamma\ \cdot\ \ \Psi\ \cdot\ \Sigma\ \cdot\ 0\)$

أحمد الننتنورى

الدرس الثامن: العمليات على الجذور التربيعية

إذا كان : ٩ ، ب عددين حقيقيين غير سالبين فإن :

1)
$$\sqrt{q} \times \sqrt{\psi} = \sqrt{q\psi}$$

$$\overline{I}$$
 = $\overline{0} \times \overline{\Gamma}$ = $\overline{0} \times \overline{\Gamma}$: فمثلاً :

 $\Psi \Gamma = \Psi \times \Sigma = \Psi \times \Sigma = \Pi \times \Sigma = \Pi \times \Sigma$ فمثلاً : تستخدم هذه القاعدة لكتابة العدد على الصورة : س رص لاحظ: يجب أن يكون أحد العددين مربع كامل بخلاف الواحد

(۱) ضع کل مما یئی علی صورة س راص حیث س ، ص عددان صحيحان ، ص أصغر قيمة ممكنة :

$$\dots = \overline{\Lambda} \setminus [1]$$

$$\dots = \sqrt{1} \sqrt{1} = 0$$

$$\sqrt{\frac{4}{v}} = \sqrt{\frac{1}{\sqrt{v}}}$$
 حيث: $v \neq o$

 $\sqrt{\frac{1}{1}} = \frac{\sqrt{0}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{0}}{\sqrt{1}} = \frac{\sqrt{0}}{\sqrt{1}}$

 $\overline{\Psi} \downarrow \frac{r}{r} = \frac{r \not \Psi}{r} = \frac{\overline{r}}{r} \times \frac{\Psi}{r} = \frac{q \not \varphi}{r} = \frac{\overline{q}}{r} \downarrow$

$$\frac{\sqrt{4}}{\sqrt{v}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{v}} \times \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{v}} = \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} = \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} = \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} = \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} = \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} = \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{\sqrt{4}}{v} = \frac{\sqrt{4}}{v} \times \frac{4}{v} \times \frac{4}{v} \times \frac{4}{v} \times \frac{4}{v} \times \frac{4}{v} \times \frac{4}{v} \times \frac{4}{v}$$

$$\mathbf{P} = \sqrt{\mathbf{P}} = \sqrt{\frac{1}{7}} = \sqrt{\mathbf{P}}$$

(٢) اختصر إلى أبسط صورة:

$$\dots = \overline{0} + \overline{\Lambda}$$
[1]

$$\dots = \overline{\Sigma 0} / - \overline{\Gamma \cdot / \Gamma}$$

$$\dots = \frac{1}{r} \sqrt{r} - \frac{rv}{r} \sqrt{r}$$

... =
$$\overline{\Psi}\Gamma$$
 + $\overline{\Lambda}$ - $\overline{\Gamma}\Lambda$ - $\overline{\P}\Lambda$ [2]

أحمد التنتتوري

أحمد التنتنوري

العددان المترافقان:

مربع الحد الثانى المترافقين هو دائماً عدد نسبى ملاحظة : حاصل ضرب العددين المترافقين هو دائماً عدد نسبى فمئلاً : مرافق العدد ($\overline{\Psi}$ $\overline{\Psi}$ $\overline{\Psi}$ $\overline{\Psi}$ $\overline{\Psi}$) و يكون : مجموعهما $\overline{\Psi}$ $\overline{\Psi}$ ، و حاصل ضربهما $\overline{\Psi}$ $\overline{\Psi}$ $\overline{\Psi}$ $\overline{\Psi}$.

(٣) أكمل ما يلى :

ا] مرافق العدد ($\sqrt{0} + \sqrt{7}$) هو

و مجموعهما = و حاصل ضربهما =

[7] مرافق العدد (۳ – √V) هو

و مجموعهما = و حاصل ضربهما =

[۳] مرافق العدد (۲ / ۳ + / 7) هو

و مجموعهما = و حاصل ضربهما =

أحمد النننتوري

ملاحظة : إذا كان لدينا عدد حقيقى مقامه على الصورة ($\sqrt{q} + \sqrt{r}$) أو ($\sqrt{q} - \sqrt{r}$) فيجب وضعه في أبسط صورة و ذلك بضرب البسط و المقام في مرافق المقام فمثلاً : لكتابة العدد $\frac{q}{\sqrt{r}}$ في أبسط صورة نتبع ما يلى :

$$\frac{\Gamma + 0}{\Gamma + 0} \times \frac{\Gamma - 0}{\Psi} = \frac{\Gamma - 0}{\Psi}$$

$$= \frac{\Gamma - 0}{\Gamma + 0} \times \frac{\Gamma - 0}{\Psi} = \frac{\Gamma - 0}{\Psi}$$

(٤) أكتب ما يلى في أبسط صورة :

$$\dots = \frac{\Sigma}{\Psi \setminus + V \setminus} [1]$$

... =
$$\frac{\overline{\Psi} + \Gamma}{\Psi - \Gamma}$$
 [Γ]

أحمد الننتنوري

 $\frac{\Gamma}{\Gamma + 0} = 0 \quad \nabla = \sqrt{0} = \sqrt{0} \quad (0)$

أثبت أن : س ، ص مترافقان ثم أوجد قيمة كل من :

[۱] س ۲ + س ص + ص

$$V = 0$$
 ، $\overline{1}$ $\overline{1}$ $\overline{1}$ $\overline{1}$ $\overline{1}$ ، $\overline{1}$ \overline

ألتب ذاكرولي في البحث وانضم لجروبات ذاكرولي من رياض الاطفال للصف الثالث الاعدادي

أحمد النننتوري

أحمد الانتنتوري

(V) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$(\ \overline{\ \ } \ \overline{\ \ } \ \ \cdots \ \ = \ \overline{\ \ } \ \overline{\ \ } \ \ \overline{\ \ } \ \ \overline{\ \ } \ \ |$$

 $... = \overline{\Gamma} - \overline{\Lambda} - \overline{0} \cdot \overline{\Gamma}$

$$(\Gamma, \underline{\mu}, \underline{\lambda}, \underline{L}, \underline{L}, \underline{L})$$

$$(IA \ , IA \ , IA \ , IA \)$$

 $\dots = \frac{1}{7} + \frac{1}{7} \setminus [0]$

$$(1, \sqrt{\frac{1}{2}}, \sqrt{1}, \sqrt{1})$$

[٦] المعكوس الضربي للعدد م.o هو

[V] Itsec Itilis is lived: $\sqrt{7}$, $\sqrt{\Lambda}$, $\sqrt{\Lambda}$, $\sqrt{17}$ where $\sqrt{\Lambda}$, $\sqrt{\Lambda$

....
$$\times \Gamma = \overline{\Sigma \Lambda} \sqrt{\frac{1}{\Gamma}} [\Lambda]$$

[٩] إذا كان : ٢ ﴿ ٢٧ - ٢ ﴿ ٤٨ = س ﴿ ٣ فَإِن :

- (٨) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- [۱] المعكوس الضربى للعدد ($\sqrt{7} + \sqrt{7}$) فى أبسط صورة هو
- [m] إذا كان : $m = 7 + \sqrt{0}$ ، m العدد المرافق للعدد m فإن : $(m m)^{-1} = m$
 - مساحة المثلث الذي طول قاعدته ($\sqrt{\Gamma\Lambda}+\Gamma$) سم ، ارتفاعه ($\sqrt{V}-\Gamma$) سم تساوى سم ارتفاعه ($\sqrt{V}-\Gamma$
 - : فإن : س $= \sqrt{7} 1$ ، س = 0 فإن : = 0 فإن : ص = 0
 - $\dots = \overline{\Lambda} \overline{\Lambda} + \overline{\Gamma} \Sigma$

أحمد التنتنورى

أحمد النننتوى

فمثلاً ﴿

(٢) اختصر إلى أبسط صورة:

.... = $\overline{\Gamma 0 \cdot - \setminus_{r}^{r}} + \overline{0 \cdot 1 \setminus_{r}^{r}} [1]$

 $\dots = \overline{r} \overline{r} \sqrt{r} + \overline{r} \sqrt{r} [r]$

... = $\frac{1}{4}$ - $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$

.... = $\overline{O\Sigma} \setminus_{\Gamma}^{\Gamma}$ + $\overline{\Gamma\Gamma} \setminus_{\Gamma}^{\Gamma} \Gamma$ - $\overline{\Gamma} \circ \cdot \setminus_{\Gamma}^{\Gamma}$ [2]

أحمد التنتنوري

 $^{"}$ حیث: بeq صفر ، ۹، بeq حیث: بeq صفر ، ۹، ب

 $\overline{IL} \bigwedge_{h} \frac{L}{L} = \frac{\overline{L} \bigwedge_{h}}{\overline{L} \bigwedge_{h}} \times \frac{\overline{L} \bigwedge_{h}}{\overline{L} \bigwedge_{h}} \times \frac{\overline{L} \bigwedge_{h}}{\overline{L} \bigwedge_{h}} = \frac{\overline{L} \bigwedge_{h}}{\overline{L} \bigwedge_{h}} = \frac{\overline{L} \bigwedge_{h}}{\overline{L} \bigwedge_{h}}$

 $\frac{\delta \alpha^{\frac{1}{2}} N^{\frac{1}{2}}}{\sqrt{\mu}} = \sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{1}{2}}$

الدرس التاسع: العمليات على الجذور التكعيبية

 $\frac{1}{\sqrt{1-1}}$ إذا كان : 0 ، ب عددين حقيقيين فإن : 0

$$\overline{I} \cdot \sqrt{r} = \overline{0} \times \overline{\Gamma} \sqrt{r} = \overline{0} \times \overline{\Gamma} \times \overline{\Gamma} \times \overline{\Gamma}$$
 : آمثلاً

$$\overline{\downarrow} \sqrt{r} \times \overline{r} = \overline{\downarrow} \times \overline{r} \times \overline{r}$$

فمثلاً :
$$\sqrt[m]{27} = \sqrt[m]{4} \times \sqrt[m]{4} = \sqrt[m$$

$$\frac{1}{\sqrt{4}} \int_{0}^{\pi} = \frac{1}{\sqrt{4}} \int_{0}^{\pi} \times \frac{1}{\sqrt{4}} \int_{0}^{\pi} (1 + 1)^{2} dt$$

$$\overline{1} \cdot \sqrt{r} = \overline{0} \times \overline{\Gamma} \sqrt{r} = \overline{0} \sqrt{r} \times \overline{\Gamma} \sqrt{r} : \frac{\dot{\delta}}{\dot{\delta}}$$

 $\mathbf{P}^{\mathsf{m}} \mathbf{\Gamma} = \mathbf{P}^{\mathsf{m}} \times \mathbf{\Lambda}^{\mathsf{m}} = \mathbf{P} \times \mathbf{\Lambda}^{\mathsf{m}} = \mathbf{\Gamma} \mathbf{\Sigma}^{\mathsf{m}} : \mathbf{\delta}$ فمثلاً

ضع کل مما یلی علی صورة س $\sqrt[n]{\phi}$ حیث س ، ص عددان $\sqrt[n]{\phi}$ صحيحان ، ص أصغر قيمة ممكنة :

أحمد التنتنوري

٣٤

أحمد الننتتوري

(٣) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$\dots = \overline{\Gamma\Sigma} \bigvee_{i=1}^{m} - \overline{\Lambda} \overline{I} \bigvee_{i=1}^{m} [1]$$

$$(\overline{P} \wedge \overline{P} \wedge$$

$$(\underline{I}\underline{A}\underline{O})_{\underline{h}}^{\underline{h}} \cdot \underline{O}_{\underline{h}}^{\underline{h}} \cdot \underline{O}_{\underline{h}}^{\underline{h}} \cdot \underline{O}_{\underline{h}} \cdot \underline{O}_{\underline{h}$$

$$\dots = \overline{\P}^{\mu} \times \overline{\Psi}^{\mu} \Gamma [\Psi]$$

$$(\overline{\Gamma V}_{\nu}^{\mu}, \overline{\Gamma V}_{\nu}, \mu, 1)$$

$$\dots = \overline{\Gamma}_{\Gamma}^{\Psi} + \overline{\Gamma}_{\Gamma}^{\Psi} [\underline{\Sigma}]$$

$$(\overline{1})^{m} \cdot \overline{\Lambda}^{m} \cdot \overline{\Sigma}^{m} \cdot \overline{\Gamma}^{m})$$

$$\dots = \frac{\hat{\Lambda}}{q} \bigvee_{r}^{r} q - \overline{\Gamma \Sigma - \bigvee_{r}^{r}} [0]$$

$$(\overline{9})^{\mu}_{\nu} \Gamma \cdot \overline{\Psi})^{\mu}_{\nu} \Gamma \cdot \overline{\Psi})^{\mu}_{\nu} \Lambda \cdot \overline{\Psi})^{\mu}_{\nu} \Lambda -)$$

(٤) أختصر كلاً مما يلى لأبسط صورة :

... =
$$\overline{11}\sqrt{r} + \overline{9}\Lambda\sqrt{r} - \overline{02}\sqrt{r} + \overline{1}\Lambda\sqrt{r}\sqrt{r}$$
 [1]

... = \overline{I} + \overline{I} + \overline{I} + \overline{I} + \overline{I} - \overline{I} | \overline{I}

أحمد التنتتورى

الدرس العاشر : تطبيقات على الأعداد الحقيقية

الدائرة :



محيط الدائرة $\Gamma = \pi$ نوب وحدة طولية

مساحة سطح الدائرة π وحدة مربعة

حيث : في طول نصف قطر الدائرة ،

 π هى النسبة التقريبية بين محيط الدائرة و طول القطر π

 $\pi = \frac{77}{3}$ أو 1.۳

فمثلأ

الایجاد مساحة دائرة محیطها ۳۱٫۲ سم ، (π = ۳٫۱۲) نتبع ما یلی π فی الشکل المقابل : بما أن : محيط الدائرة $\pi \Gamma = \pi$ في

اِذْن : ۱.۲۸ = ۲ × ۱.۲۶ نوب = ۱.۲۸ نوب

إذن : في = ٦.٢٨ ÷ ٣١.٤ = ٥ سم

 $^{\prime}$ مساحة سطح الدائرة $\pi=\pi$ ن $\pi=0$ × 0 × ۳,۱٤ مساحة سطح الدائرة ،

 $(\frac{rr}{v}=\pi)$ دائرة محیطها ۸۸ سم أوجد مساحة سطحها (۱

۹ ب حـ ع مربع مرسوم داخل دائرة م

فإذا كان محيط الجزء المظلل ٢٥ سم أوجد:

مساحة المربع ، مساحة الدائرة ($\pi = \frac{77}{v}$)

 (Γ) دائرة مساحة سطحها ۳۱۵ سم $^{\Gamma}$ أوجد محيطها (π

أحمد الانتنتوري

متوازي المستطيلات:

هو مجسم جميع أوجهه مستطيلة الشكل و كل وجهين متقابلين متطابقان

إذا كانت أطوال أحرفه س ، ص ، ع فإن :

المساحة الجانبية = محيط القاعدة
$$\times$$
 الارتفاع = Γ (Γ + Γ) Γ وحدة مربعة

المساحة الكلية = المساحة الجانبية + ٢ × مساحة القاعدة = ٦ (س ص + ص ع + س ع) وحدة مربعة

الحجم = مساحة القاعدة
$$\times$$
 الارتفاع = $-\omega \times \omega \times 3$ وحدة مكعبة

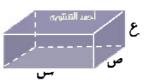
حالة خاصة : المكعب

هو متوازى مستطيلات أطوال أحرفه متساوية إذا كان طول حرفه = ل وحدة طول فإن :

مساحة كل وجه
$$b$$
 وحدة مربعة

المساحة الكلية = ٦ ل وحدة مربعة

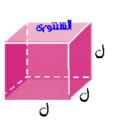
$$^{"}$$
الحجم = $^{"}$ وحدة مكعبة



سم $^{\text{T}}$ متوازی مستطیلات قاعدته مربعة انشکل ، و حجمه $^{\text{T}}$ سم و ارتفاعه ٥ سم أوجد حجمه



و (۵) مكعب حجمه ١٢٥ سم أوجد مساحته الكلية



أحمد الننتتوري

أحمد الننتتوري

من المكعب

- أيهما أكبر حجماً مكعب مساحته الكلية ٢٩٤ سم أم متوازى مستطيلات أبعاده ٧ \٦ ، ٥ \٦ ، ٥ سم

 (V) قطعة من الورق المقوى مستطيلة الشكل بعداها ۲0 سم ، ١٥ سم قطع من كل ركن من أركانها الأربعة مربع طول ضلعه ٤ سم ثم طويت الأجزاء البارزة لتكون حوضاً على شكل متوازى مستطيلات أوجد حجمه و مساحنه الكلية

(٩) متوازی مستطیلات قاعدته مربعة الشكل و إرتفاعه ۳ سم فإذا كان مجموع أطوال أحرفه ٥٢ سم أوجد حجمه

مكعب حجمه |V| سم ، قطع عند أحد أحرفه متوازى مستطيلات

أبعاده ٣ سم ، ٢ سم ، ١ سم أوجد المساحة الكلية للجزء المتبقى

الأسطوانة الدائرية القائمة:

هى مجسم له قاعدتان متوازيتان و متطابقتان كل منهما عبارة سطح دائرة أما السطح الجانبى فهو سطح منحنى يسمى سطح الأسطوانة في الشكل المقابل:

إذا كان : γ ، γ' مركزى قاعدتى الأسطوانة فإن : γ هو ارتفاع الأسطوانة ، γ ب = γ و كل منهما = طول نصف قطر قاعدة الأسطوانة

، $\frac{1}{9}$, \frac

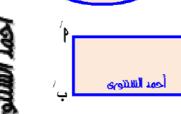
، مساحة المستطيل ρ ب ب ρ' = المساحة الجانبية للأسطوانة

المساحة الجانبية للأسطوانة = محيط القاعدة \times الارتفاع = π في ع وحدة مربعة

المساحة الكلية للأسطوانة = المساحة الجانبية + \times مساحة القاعدة π = π + π نه π وحدة مربعة

حجم الأسطوانة π مساحة القاعدة π الارتفاع π وحدة مكعبة

ا ا ا ا



أحمد الننتنوري

بحیث ینطیق $\frac{1}{\sqrt{1+x}}$ علی $\frac{1}{2}$ أوجد حجم الأسطوانة الناتجة π)

المقوى على شكل مستطيل ١ ب حـ ع فيه ١ ب =

١٠ سم ، ب ح = ٢٢ سم ، طويت على شكل أسطوانة دائرية قائمة

سطوانة دائرية قائمة محيط قاعدتها = 22 سم ، حجمها = 0.00 الله أسطوانة دائرية قائمة محيط $\frac{77}{v} = \pi$)

أحمد الننتنوى

أحمد التنتتورى

- (۱۲) أسطوانة دائرية قائمة حجمها ۷۵۳٦ سم و ارتفاعها ۲۵ سم أوجد مساحتها الكلية (π)
- (12) قطعة من الشيكولاتة على شكل أسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها 11 سم و ارتفاعها 1.,0 سم صهرت و حولت إلى π مكعبات متساوية الحجم أوجد طول حرف المكعب الواحد ($\pi = \frac{77}{v}$)

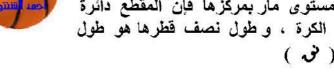


- ایهما أکبر حجماً أسطوانة دائریة قائمة طول تصف قطر قاعدتها \mathbf{V} سم و ارتفاعها ۱۰ سم أم مكعب طول حرفه ۱۱ سم \mathbf{V} \mathbf{v} (\mathbf{v} = \mathbf{v})
- (10) أسطوانة دائرية قائمة ارتفاعها يساوى طول نصف قطر قاعدتها و π مساوى π ۲۷ مسم أوجد مساحتها الجانبية بدلالة

أحمد الننتتوري

الكرة:

هي مجسم سطحه منحني جميع نقاط سطحه على أبعاد متساوية (في) من نقطة ثابتة داخله (مركز الكرة) إذا قطعت الكرة بمستوى مار بمركزها فإن المقطع دائرة مركزها هو مركز الكرة ، وطول نصف قطرها هو طول نصف قطر الكرة (في)



حجم الكرة $\frac{1}{\pi}$ $\frac{1}{\pi}$ وحدة مكعبة

مساحة سطح الكرة $\pi \, \Sigma = \pi$ وحدة مربعة

(١٦) كرة مساحة سطحها ١٢٥٦ سم أوجد حجمها ($\pi = \pi$)

(۱۷) كرة من المعدن طول قطرها ٦ سم صهرت و حولت إلى أسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها ٣ سم أوجد ارتفاع الأسطوانة

الم المتعارى مستطيلات من الرصاص أطوال أحرفه ٧٧ ، ٢٤ ، ٢١ سم الرصاص أطوال أحرفه ٧٧ ، ٢٤ ، ٢١ سم شكلت منه مادة لتكوين كرة أوجد طول نصف قطر الكرة $(\pi = \frac{77}{2})$

أحمد التنتتوري

سم π وضعت داخل مكعب فمست أوجهه الستة π حرة حجمها π ۳٦ سم أوجد مساحة سطح الكرة ثم أوجد حجم المكعب

(٢١) أختر الاجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة : [۱] حجم الكرة التى طول نصف قطرها $\sqrt[n]{\Psi}$ سم يساوى سم $(\pi \frac{4}{5} ' \pi \frac{t}{7} ' \pi \overline{\Psi}) \Sigma ' \pi \Sigma)$ π ا طول نصف قطر الكرة التي مساحتها π سم يساوي ... سم π (1,0 4 7 4 7 4 9) [۳] المساحة الكلية لمكعب حجمه ٨ سم تساوى سم

 $(\Gamma\Sigma \cdot \Pi \cdot \Sigma \cdot \Gamma)$

[2] طول نصف قطر دائرة مساحتها π سم یساوی سم $(\Sigma \cdot \Gamma \setminus \Gamma \cdot \Gamma)$

[0] إرتفاع متوازى المستطيلات الذي مساحته الجانبية .٢٤ سم ا و قاعدته على شكل مربع طول ضلعه ٦ سم يساوى سم $(\mathbf{P} \cdot \mathbf{O} \cdot \mathbf{J} \cdot \mathbf{E})$

[٦] إذا كانت المساحة الجانبية لأسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطرها نن هي π نن سم فإن ارتفاعها π سم قطرها نن هي الله قطرها نن قطرها الله قطرها الله قطرها الله قطرها الله قطرها الله قص $(17 \cdot 1 \cdot 2 \cdot A)$

> للأمانة العلمية يرجى عدم حذف أسمى نهائياً يسمح فقط بإعادة النشر دون أي تعديل

(٢٠) كرة معدنية جوفاء طولا نصفى قطريها الداخلي و الخارجي ٢.١ سم ، ٣٠٥ سم على الترتيب أوجد كتلتها علماً بأن السنتيمتر المكعب من هذا المعدن كتلته ٢٠ جرام ($\pi = \frac{\gamma\gamma}{2}$)

الدرس الحادى عشر: حل المعادلات و المتباينات من الدرجة الأولى في متغير واحد في ح

أولاً: حل المعادلات من الدرجة الأولى في متغير واحد في ٦ نعلم أن:

ا) المعادلة هي :

جملة رياضية تحتوى على متغير أو أكثر و تحتوى علاقة التساوى بين عبارتين رياضيتين

فمثلاً

الجملة الرياضية : س -1 = V تسمى معادلة حيث : تحتوى على المتغير أو المجهول (س) ، علاقة التساوى (=) بين العبارتين (س -1) بالطرف الأيمن ، (V) بالطرف الأيسر رجة المعادلة هي :

۲) درجة المعادلة هى :
 أعلى درجة حد جبرى تحتوى عليه المعادلة

فمثلاً

المعادلة : $-0^{1} + 0 = 9$ من الدرجة الثانية ، و هكذا

٣) حل المعادلة هو :

إيجاد قيمة المتغير (المجهول) التي تحقق تساوى طرفى المعادلة (٤) مجموعة حل المعادلة :

هي المجموعة التي تحقق عناصرها المعادلة

فى حالة المعادلة من الدرجة الأولى فى مجهول واحد: للمجهول قيمة واحدة

أحمد النننتوري

0) خواص علاقة التساوى:

إذا كان : س ، ص ، ع أعداداً حقيقية فإن :

آ إذا كان : س = ص فإن : س ± 3 = ص ± 3

 $- \neq 0$ فإن: س + 3 = 0 خ فإن: س + 3 = 0 ، + 3 = 0

كيفية حل المعادلات من الدرجة الأولى في متغير واحد في ٦ :

ا) ۲ س – ۱ = V بإضافة (۱) للطرفين ينتج:

٢ س = ٨ بقسمة طرفي المعادلة على (١) ينتج:

س = ٤ ∴ مجموعة الحل = { ٤ }

ملاحظة

یمکن ضرب طرفی المعادلة : Γ س Λ فی المعکوس الضربی لمعامل س و هو $\frac{1}{2}$ کما یلی :

 $\Sigma = \omega : \Lambda \times \frac{1}{7} = \omega \Gamma \times \frac{1}{7}$

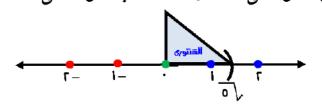
و يمثل الحل على خط الأعداد كما بالشكل التالى:

0-2-4-1-1 1 1 4 5 0

ر باضافة (-1) للطرفين ينتج : $\sqrt{0}$ س +1 = 0 بإضافة (-1) للطرفين ينتج : $\sqrt{0}$ س =0 بضرب طرفى المعادلة فى $\sqrt{0}$ ينتج : $\sqrt{0}$ س $=\sqrt{0}$ $=\sqrt{0}$ $=\sqrt{0}$ $=\sqrt{0}$

أحمد الننتنورى

د. مجموعة الحل = $\{\sqrt{0}\}$ و يمثل الحل على خط الأعداد كما بالشكل التالى



أحمد النننتوري

[٤] س - ۲ = ۱

$$\overline{\Gamma}$$
 = $I - \overline{}$ [0]

√√ 1 = √√ - ω V [1]

أحمد التنتتوى

ثانياً : حل المتباينات من الدرجة الأولى في متغير واحد في \sim نعلم أن :

المتباینة:

هى جملة رياضية تتضمن علامة التباين بين عبارتين رياضيتين ملاحظة :

علامات التباين هي :

> : أكبر من
 ⇒ : أكبر من أو يساوى
 فمثلاً :

۲) درجة المتباینة هی :
 أعلى درجة حد جبری تحتوی علیه المتباینة

المتباينة : ٢ - س V < ١ من الدرجة الأولى ،

المتباينة : $-0^{1} + 0 \leq 9$ من الدرجة الثانية ، و هكذا

٣) حل المتباينة هو:

إيجاد قيم المتغير (المجهول) التي تحقق تساوى طرفى المعادلة (٤) مجموعة حل المعادلة :

هى مجموعة العناصر التى يحقق كل منها المتباينة و تكتب في صورة فترة

ملاحظة : فى حالة المتباينة من الدرجة الأولى فى مجهول واحد : للمجهول قيمة واحدة أو أكثر

٥) خواص علاقة التباين :

سواء كانت ع موجبة أو سائبة (خاصية الإضافة)

آ إذا كان 3 > 0 فإن $0 \times 3 < 0 \times 3$ خاصية الضرب في عدد حقيقي موجب

"] إذا كان : ع < . فإن : س ×ع > س ×ع خاصية الضرب في عدد حقيقي سالب أي أن : عند ضرب (أو قسمة) طرفي المتباينة في (على)

ملاحظة

يمكن استنتاج خواص علاقة التباين السابقة في جميع علاقات التباين : < أو > أو \leq

عدد سالب يتغير اتجاه علامة التباين

كيفية حل المعادلات من الدرجة الأولى في متغير واحد في ٦:

۱) ۳ س + ۱۰ > ۱ بإضافة (– ۱۰) للظرفين

۳ - س < - ۹

بضرب طرفی المتباینة فی ($\frac{1}{8}$ > ،) ینتج :

-1 ... مجموعة الحل = $-\infty$ ، -1 و يمثل الحل على خط الأعداد كما بالشكل التالى :

0-1-7-1- 1 7 7 1 0

أحمد النتنتورى

٣ - ≥ س ٤ - ٥ [٢]

$$0 \geqslant I - \smile I > \Psi - [\Psi]$$

أحمد الننتتوى

أحمد الانتنتوري

 $\overline{9} \downarrow > 1 + \cdots > \overline{\Lambda - \downarrow^{\mu}} [\Lambda]$

Λ ≥ I – ω Ψ > | Γ – | [V]

(۳) إذا كانت : [۷ ، ۷] هي مجموعة حل المتباينة : ٩ < س - ٣ < ب أوجد قيمة كل من : ٩ ، ب

(٤) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

مجموعة حل المعادلة :
$$\sqrt{7}$$
 س = ٤ فى $\sqrt{5}$ هى

$$(\emptyset \cdot \{\overline{\Gamma} \backslash \Sigma\} \cdot \{\overline{\Gamma} \backslash \Gamma\} \cdot \{\overline{\Gamma} \backslash \})$$

.... هی
$$\nabla$$
 هی $\boxed{\Psi} = \boxed{\Psi} = \sqrt{\Psi}$ هی $\boxed{\Psi}$ مجموعة حل المعادلة : س $\boxed{\Psi}$ ، $\boxed{\Psi}$ ، $\boxed{\Psi}$ ، $\boxed{\Psi}$)

[2] مجموعة حل المتباينة : س > ٧ في ح هي

$$(\] \lor ` \infty = [\ ` \ [\lor ` \infty = [\ ` \] \infty ` \lor [\ ` \] \infty ` \lor])$$

.... جموعة حل المتباينة :
$$-1 \leqslant -m - 1 \leqslant 1$$
 في π هي $[\Gamma, \Gamma, \Gamma]$ ، $[\Gamma, \Gamma, \Gamma]$)

$$[V]$$
 إذا كان : $-7 < -\omega < 7$ فإن : $7 -\omega + \Psi \in ...$ $(]-1,V[،]-1,0[،]-2,1[، [-1,V])$

$$(\ \Gamma \leqslant \ \smile - \ \cdot \ \Gamma - \geqslant \ \smile - \ \cdot \ \Gamma < \ \smile \ \cdot \ \Gamma > \ \smile \)$$

 $egin{bmatrix} egin{array}{c} egin{array}$

فإن : العبارة تمثل المتباينة

$$(\ \Gamma - < \ \cdots \ \ \cdot \ \Gamma - > \ \cdots \ \ \cdot \ \Gamma - \geqslant \ \cdots \)$$

$$V = I - V = V$$
 فإن $\frac{1}{2}$ س

[٤] إذا كانت مجموعة حل المعادلة : س + ك
$$= 3$$
 هي $\{ \ \ \ \ \ \}$ فإن : ك $= \dots$

$$V = \{ \Gamma - \}$$
 هي $V = \dots + \dots = V$ مجموعة حل المعادلة : س

أحمد الننتنورى

أحمد الننتتوى

الوحدة الثاثية

العلاقة بين متغيرين

الدرس الأول: العلاقة بين متغيرين

تمهيد :

أشترى محد كراسات و أقلام فإذا كان ثمن الكراسة ستة جنيهات ، و ثمن القلم أربعة جنيهات ، ودفع للبائع .٥ جنيها فما هي الإمكانات المختلفة لعدد الأقلام و الكراسات التي أشتراها محدد ؟ لدراسة الامكانات المختلفة

تسمى هذه العلاقة : معادلة من الدرجة الأولى فى متغيرين يمكن قسمة طرفى المعادلة على γ فنحصل على معادلة مكافئة لها و هى : γ س + γ ص = γ و يمكن كتابتها على الصورة : γ ص = γ ص

لاحظ أن:

أحمد الننتتوري

س ، ص أعداد طبيعية و في هذه الحالة تكون س عددا فردياً يمكن تكوين الجدول المقابل لمعرفة الامكانات المختلفة

(س، ص)	ص	٦
(11 + 11)	II	١
(/ (//)	^	۳
(0 , 0)	0	٥
(((V)	٢	٧
لا تصلح	سالبة	٩

رم مثلث متساوى الساقين محيطه 19 سم ، ما الإمكانات المختلفة لأطوال أضلاعه \in $ص_+$ تذكر : مجموع طولى ضلعين في المثلث أكبر من طول الضلع الثالث

(١) مع مؤمن أوراق مالية فئة ٥ جنيهات، و أوراق مالية فئة ٢٠ جنيها

أشترى مؤمن من مركز تجارى بما قيمته ٨٥ جنيهاً ، ما الامكانات

المختلفة لدفع هذا المبلغ باستخدام نوعي الأوارق المالية التي معه ؟

أحمد الننتنورى

أحمد التنتنوري

دراسة العلاقة بين متغيرين

العلاقة : إ س + ب ص = حـ حيث : إ ≠ ، ، ب ≠ . تسمى علاقة خطية بين المتغيرين س ، ص ، و يمكن إيجاد مجموعة من الأزواج المرتبة (س ، ص) تحقق هذه العلاقة

لدراسة العلاقة: ٣ س + ص = ٢

نوجد الأزواج المرتبة بوضع قيمة س و إيجاد قيمة ص المناظرة أو العكس كما يلى:

> ٠ ٣ × ٠ + ص = ٦ بوضع س = .

∴ (، ، ۲) يحقق العلاقة ∴ ص = ۲

 $\Gamma = \omega + 1 \times \Psi :$ بوضع س = ۱

 ∴ (۱) ، – ۱) يحقق العلاقة ∴ ص = _ ا

٠ ٣ × ـ ١ + ص = ٦ بوضع س = _ ا

·· (- ا ، 0) يحقق العلاقة ∴ ص = 0

و هكذا نجد أن هناك عدداً لا نهائى من الأزواج المرتبة (س، ص) التى تحقق هذه العلاقة

ملاحظة

يمكن كتابة العلاقة : ٣ س + ص = ٢ كما يلى :

ص = ۲ – ۳ س أى : وضع أحد المتغيرين في طرف مستقل ثم إيجاد الأزواج المرتبة التي تحقق هذه العلاقة

(٣) أوجد ثلاثة أزواج مرتبة تحقق كلاً من العلاقات التالية : [۱] س – ۲ ص = ٥

[۲] ۲ س + ۵ ص = ۱۰

(٤) بين أى الأزواج المرتبة التالية يحقق العلاقة : ٢ س – ص = ١ كما بالمثال:

مثال : (۱،۱)

نضع: س = ۱ ، ص = ۱

 $| = | - | = | - | \times | = | - | = | \therefore$ (۱،۱) يحقق العلاقة (\mathcal{H} \cdot 0) [1]

(0,4)[7]

 $(0 - \cdot \Gamma -)$

أحمد التنتتوري

(٥) أختر الاجابة الصحيحة من بين الاجابات المعطاة :

[۱] إذا كان : (- ۲ ، ۱) يحقق العلاقة : ۳ س + ك ص = ۱ فإن : ك =

[o - ' o ' V - ' V]

[7] إذا كان : (٢ ، - ٥) يحقق العلاقة : ٣ س - ص + ل = . فإن : ك =

 $\Gamma u = \{u \mid \{u = \{1\}\}\}$

[٣] إذا كان : (ك ، ٢ ك) يحقق العلاقة : ٥ س – ص = ٦ فَإِن : ك =

 $[\Gamma - \cdot I - \cdot \Gamma \cdot I]$

[2] الزوج المرتب الذي يحقق العلاقة : ٢ س + ص = ٥

 $[(\Psi - \langle 1) \rangle (\Psi \rangle 1) \rangle (1 \rangle \Psi) \rangle (\Psi \rangle 1 -)]$

[0] الزوج المرتب الذي يحقق العلاقتين : س + ص = 0 ، ٦ -- س = ٧ معأ هو

[٦] الجدول التالى يبين س العلاقة بين س ، ص ص و ه*ی*

[ص = س + ۷ ، ص = س − ۷ ،

ص = ٣ س + ١ ، ص = س + ١

أحمد التنتنوري

التمثيل البياني للعلاقة بين متغيرين

فى جدول كالتالى :

س ۱ - ۱ o

و نعين في النظام _____ الإحداثي المتعامد النقط

التى تمثل الأزواج

المرتبة : (، ، ۲) ،

(1-i1)

 $(0\cdot 1-)$

و نرسم الخط المستقيم المار بها فيكون هو التمثيل البياني لهذه

العلاقة

(الخط المستقيم باللون الأزرق يمثل العلاقة)

الاحظ أن:

أحمد التنتتوري

جميع نقط المستقيم الممثل

للعلاقة تعين أزواج مرتبة تحقق هذه العلاقة

حالات خاصة :

١) إذا كان : ١ = .

فتصبح العلاقة على الصورة : ب ص = حـ

فمثلاً :

العلاقة: ٢ ص = ٣

 $\frac{r}{r} = \omega = \frac{r}{r}$ أي

يمثلها الخط المستقيم باللون الأحمر و هو يمر بالنقطة $(\cdot, \frac{\pi}{2})$

و يكون موازياً لمحور السينات

ملاحظة : العلاقة : ص = . يمثلها محور السينات

أحمد التنتنوري

أحمد الننتنوي

اإذا كان : ب = .

فتصبح العلاقة على الصورة : $\rho = -$ فمثلاً :

العلاقة: ٢ س = - ١

 $\frac{1}{5}$ -= ص

يمثلها الخط المستقيم باللون الأخضر و هو يمر بالنقطة (– ﴿ ، ،)

و يكون موازياً لمحور الصادات

ملاحظة : العلاقة : س = . يمثلها محور الصادات





W- 1- 1- ·

احمد التنتوري

"- r- 1- ·

أحمد التنتنوري

۳) إذا كان : حـ = .

فتصبح العلاقة على الصورة:

٩ - ب ص = .

فمثلاً ا

العلاقة : ٢ س + ص = .

أى : ص = - ٢ س

يمثلها الخط المستقيم باللون البنى

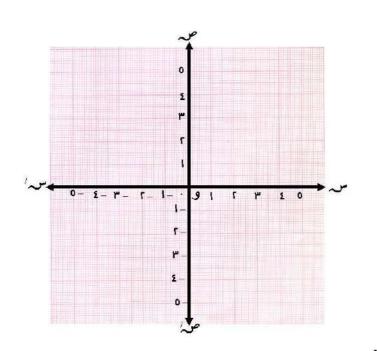
و هو يمر بنقطة الأصل (· ، ،) ا كما بالشكل المقابل :

1 - 1 · · ·

(٦) مثل بيانياً العلاقة : ٢ س – ص = ٣

	5
	ص

أحمد التنتتوري

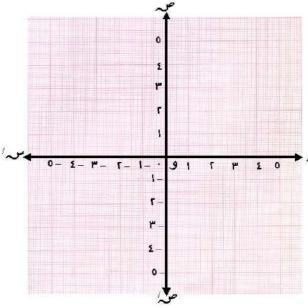


ملاحظات:

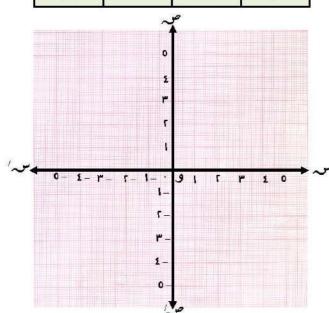
- ١) يمكن تكوين الجدول مباشرة
- ريجاد نقطة تقاطع المستقيم الممثل للعلاقة :
- ٩ ب ص = ح مع محور السينات بوضع : ص = .
 - ، و مع محور الصادات بوضع : س = .
 - فُمثُلاً : العلاقة : ٢ س + ٣ ص = ٦
 - بوضع : ص = . ينتج : س = ٣
 - ت نقطة تقاطع المستقيم مع محور السينات هي (٣ ، .)
 - بوضع : س = . ينتج : ص = ٦
 - نقطة تقاطع المستقيم مع محور الصادات هي (· ،))

(V) أوجد نقط تقاطع المستقيم : Γ س - ω = Σ مع محورى الإحداثيات ثم أرسم هذا المستقيم

••••	****	•	س
			ص



	•••		س
••••		••••	ص



الحالات المختلفة للتغير الرأسي (ص - ص) :

[۱] إذا كانت : ﴿ (١ ، ٦) ،

ب (۳،٤) فإن :

 $\frac{1}{7} = \frac{7 - 7}{1 - 5} = \frac{7}{7}$ ميل

ا تحرکت نقطة ۱ على

لتصل إلى نقطة ب

الخط المستقيم لأعلى

الدرس الثاني: ميل الخط المستقيم و تطبيقات حياتية

إذا تحركت نقطة على خط مستقيم ل من الموضع (س، ص) إلى الموضع ب (س، سم) حيث : سم > س، ، و كل من

٩، ب 🖯 المستقيم ل فإن: س ؎

التغير في الإحداثي السيني

و يسمى بالتغير الأفقى

٢) التغير في الإحداثي الصادي = صم _ ص،

و يسمى بالتغير الرأسي

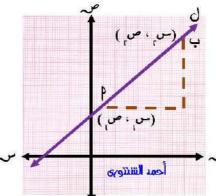
(من الممكن أن يكون موجباً أو سالباً أو مساوياً الصفر)

٣) النسبة بين التغير في الإحداثي الصادى و التغير في الإحداثي السيني تسمى ميل الخط المستقيم و يرمز له بالرمز (م)

مما سبق نستنتج:

التغير في الإحداثي الصادي = التغير الرأسي ميل الخط المستقيم = _ التغير الأفقي التغير في الإحداثي السيني

أحمد الننتتوري



۱) ص > ص ای آن : ص تزداد بزیادة س ٣) ميل المستقيم = عدد موجب (م > ،) [٦] إذا كانت : ٩ (٠،٤)،

نلاحظ

أحمد الننتنوري میل (ب = <u>۱ - ۱</u> = <u>۲ - ۲</u> میل 7- 1- 9 1 7

أحمد التنتنوري

نلاحظ : ا) تحرکت نقطة ۱ على الخط المستقيم لأسفل

لتصل إلى نقطة ب

ب (۱۰۲) فإن :

- ای أن : ص تقل بزیادة س (۲
 - ۳) ميل المستقيم = عدد سالب (٢ < ٠)

[۳] إذا كانت : ٩ (- ١ ، ٦) ،

ب (۲،۳) فإن: $\frac{\Gamma - \Gamma}{(1 -) - \Psi} = \frac{1}{4 + \frac{1}{2}}$ ميل أب

= ÷ = صفر

نلاحظ: 1) تحركت نقطة (أفقياً لتصل إلى نقطة ب

۲) ص = ص

أحمد النلتتوي أى أن : ص ثابتة بتغير س

۳) ميل المستقيم = . (م = .)

أى أن : ميل المستقيم الموازى لمحور السينات = .

[2] إذا كانت : ﴿ (٢ ، ١) ،

ب (۲،۲) فإن :

لا يمكن حساب الميل لأن تعريف الميل يشترط وجود

تغير في الإحداثي السيني

أى : س م − س ≠ ، سہ خ

نلاحظ: 1) تحركت نقطة ٩ رأسياً لتصل إلى نقطة ب

<u>ر</u>س = س <mark>(۲</mark>

٣) ميل المستقيم غير معرف

أى أن: ميل المستقيم الموازى لمحور الصادات غير معرف

(١) أوجد ميل الخط المستقيم المار بكل نقطتين مما يلى : $(\Gamma \cdot \Sigma) \hookrightarrow (1 \cdot 1) \upharpoonright [1]$

 $(0-\cdot 1) \rightarrow \cdot (0-\cdot 1)$

[۳] ﴿ (- ۲ ، ۲) ، نقطة الأصل

أحمد الننتتوي

- (۲) إذا كان : ميل المستقيم المار بالنقطتين (۱۰۱) ، (س ، ٦) يساوى ٥ أوجد قيمة : س
- (۱) إذا كان : ميل المستقيم المار بالنقط (μ ، -1) ، (μ ، -

(۳) إذا كان : ميل المستقيم المار بالنقطتين (۱، ص) ، (-۱،۰) يساوى ٣ أوجد قيمة : ص

ون إذا كان : $\{(7,-1), \psi(7,-1)\}$ ، حال كان المجد ميل كل من $\{\psi(7,-1), \psi(7,-1)\}$ أوجد ميل كل من $\{\psi(7,-1), \psi(7,-1)\}$ ثم أذكر ماذا تلاحظ ؟

أحمد الننتنوى

(٦) إذا كان المستقيم المار بالنقطتين (٢،٤)، (٣، ك) يوازى محور السينات أوجد قيمة : ل

 (٨) أوجد ميل المستقيم (ب حيث : (– ۱ ، ۳) ، ب (٥،٢) ثم بین ما إذا كانت النقطة حـ (١،٨) تقع على أب أم لا؟

(٩) في الشكل المقابل:

ρ ب ح مثلث ، أكمل

(موجب ، سالب ،

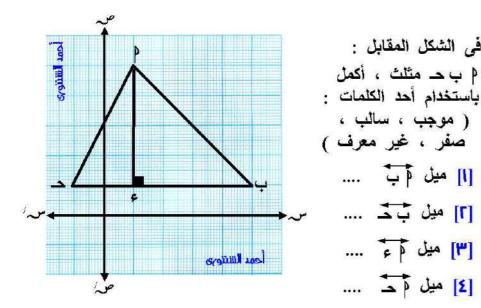
[۱] ميل آب

[۱] ميل ب ت

[٣] ميل م ء

[٤] ميل آهـ

(V) أثبت أن ميل المستقيم المار بالنقطتين (١، - ١) ، (١، ٢) يساوى $(V-\Gamma-)$ ، (Ψ,Ψ) ، (القطتين (Ψ,Ψ) ، (المستقيم المار بالنقطتين



أحمد الننتتوي

تطبيقات حياتية على ميل الخط المستقيم : نعلم أن :

إذا كانت هناك علاقة خطية بين متعيرين س ، ص فإن :

ميل الخط المستقيم الذي يمثل هذه العلاقة = التغير في الإحداثي السيني

أى أن : ميل الخط المستقيم (م) يعبر عن معدل التغير في ص بالنسبة إلى س

و يوجد فى حياتنا العديد من التطبيقات الحياتية كتطبيق على العلاقة بين متغيرين و التي نحتاج فيها لمعرفة معدل التغير مثل:

التغير في حركة سيارة أو دراجة _ التغير في استهلاك الوقود _ التغير في رأس مال أحدى الشركات الخ

تطبيق (۱): الشكل المقابل يوضح تغير رأس مال شركة خلال

یوضح تغیر راس مان سرد ٦ سنوات و منه نلاحظ :

 $(\Sigma \cdot \Gamma) = \psi \cdot (\Gamma \cdot \cdot \cdot) = \gamma (1)$

 $(\operatorname{\mathfrak{P}}\!\!\cdot\! \cdot \operatorname{\mathfrak{I}}) = \operatorname{\mathfrak{s}} \cdot (\operatorname{\mathfrak{L}}\! \cdot \operatorname{\mathfrak{L}}) = \operatorname{\mathfrak{L}}\!\!\cdot\! \cdot$

 $I_{\bullet} = \frac{\Gamma_{\bullet} - \Sigma_{\bullet}}{\Gamma_{\bullet} - \Gamma_{\bullet}} = \frac{\Gamma_{\bullet}}{\Gamma_{\bullet}}$ ميل (Γ

و هو يعبر عن تزايد رأس مال الشركة خلال أول السنوات سنتين بمعدل ١٠ آلاف جنيه

(أى: ١٠ آلاف جنيه لكل سنة)

赏

 $\frac{2}{\Gamma} = \frac{2}{\Gamma} = \frac{2}{\Gamma} = \frac{2}{\Gamma}$ میل $\frac{1}{\Gamma}$ میل $\frac{1}{\Gamma}$ میل الشرکة عندی الثانی الثالثة و الرابعة کان ثابتاً خلال السنتین الثالثة و الرابعة

- $\frac{1}{2}$ ميل $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$
 - رأس مال الشركة عند بدء العمل = الإحداثي الصادي عند ٥ ٥) رأس ألف جنيه

ملاحظات:

- (۱) إذا كان : الميل موجب فإن : معدل التغير يتزايد
- (٢) إذا كان : الميل سالب فإن : معدل التغير يتناقص
 - (٣) إذا كان : الميل = صفر فإن : معدل التغير ثابت
- (٤) تمثل العلاقة بين المتغيرين في الربع الأول على الشبكة التربيعية المتعامدة
- (0) إذا كان الميل موجب و قطع المستقيم محور الصادات في النقطة (- ، ص) فإن : ص تعبر عن القيمة الإبتدائية (الصغرى) للمتغير ص
- (١) إذا كان الميل سالب و قطع المستقيم محور الصادات في النقطة (. ، ص) فإن : ص تعبر عن القيمة النهائية (العظمي) للمتغير ص

راس المال
بالاف الجنيهات
م. التنتوري الحمد التنتوري على المال الم

أحمد الننتتوري

- (V) إذا كان الميل موجب و قطع المستقيم محور السينات في النقطة (س، ، .) فإن : س تعبر عن القيمة الإبتدائية (الصغرى) للمتغير س
- (٨) إذا كان الميل سالب و قطع المستقيم محور السينات في النقطة (س ، ،) فإن : س تعبر عن القيمة النهائية (العظمى) للمتغير س

تطبيق (٢): الشكل المقابل:

يوضح حركة دراجة حيث الزمن م بالساعة ، و المسافة ف بالكيلو متر بین مدینتین ذهاباً و عودة

و منه نلاحظ :

$$(0\cdot\cdot\Sigma)=\dot{\varphi}\cdot(\cdot\cdot\cdot)=\dot{\gamma}$$

ν (0·1) = → ·

 $(\cdot,\cdot|\cdot)=\epsilon$

[7] السرعة المنتظمة للدراجة خلال رحلة الذهاب = ميل $\frac{1}{4}$

 $= \frac{10.0}{10.0} = \frac{10.0}{10.0} =$

["] السرعة المنتظمة للدراجة خلال رحلة العودة = ميل - ع

و الإشارة السالبة تعنى أن الدراجة تتحرك في عكس إتجاه حركتها الأولى بسرعة ١٠ كم / س

أحمد التنتنوري

[2] القطعة المستقيمة الأفقية تبين توقف الدراجة لمدة ساعة بعد أن تحركت مسافة .٥ كم ، ثم تبدأ رحلة العودة

[0] المسافة الكلية = ١٠٠ كم ، و الزمن الكلي = ١٠ ث

= ``` ا کم/ س

ملاحظات •

(١) إذا كانت السيارة أو الدراجة أو ... تقطع مسافات متساوية في أزمنة متساوية فإنها تتحرك بسرعة منتظمة و الذي يحددها ميل المستقيم الذي يمثل العلاقة بين السرعة و الزمن أي أن: السرعة المنتظمة للسيارة (ع) = معدل التغير في المسافة (ف) بالنسبة للزمن (م) = ميل المستقيم (م) ، و إذا كانت هذه العلاقة لا تمثل خط مستقيم واحد بل عدة قطع

> مستقيمة فإن : المسافة الكلية السرعة المتوسطة = الزمن الكلي

> > تطبیق (۳) :

ملأ شخص خزان سيارته بالوقود و سعة هذا الخزان ٤٠ لتراً و بعد أن تحرك ١٢٠ كم وجد أن المؤشر يوضح أن

المتبقى 🔭 الخزان

لرسم الشكل البيائي الذي يوضح العلاقة بين كمية الوقود بالخزان و المسافة التي قطعتها السيارة

كمية الوقود

(نتر)

رأس المال

بالأف الجنبهات

حيث العلاقة خطية تلاحظ أن:

(۱) عند البدء : $(1 - 2 \cdot 3)$ ای آن : المسافة المقطوعة (ف) = . کدر و کدرة

(ف) = . كم ، و كمية

الوقود المتبقية = .٤ لترأ

ر بعد قطع مسافة ۱۲۰ کم ب ب = (۳۰،۱۲۰)

 $\frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{\Sigma - \Psi}{1} = \frac{1}{\sqrt{1}}$ و يكون : ميل أ ب

و هذا يعنى أن كمية الوقود تتناقص بمعدل لتر واحد كل ١٢ ساعة

٣) يفرغ الخزان عندما تقطع السيارة مسافة = كمية الوقود معدل النقص معدل النقص

أحمد الننتتوري

، ﴿ بِ عَطع المحور الأفقى (محور المسافة) في النقطة (٤٨٠٠)

(۱) الشكل المقابل : يوضح تغير رأس مال شركة خلال ۸ سنوات أكمل ما يلى :

و هو يعبر عن

و هو يعبر عن

و هو يعبر عن

= ألف جنيه

أحمد الننتنوى

المسافة

į.

(٢) الشكل المقابل:

يوضح العلاقة بين المسافة بالكيلومتر و الزمن بالساعة لحركة سيارة بين مدينتين ذهابأ وعودة أكمل ما يلى :

[7] السرعة المنتظمة للسيارة خلال رحلة الذهاب = ميل
$$\frac{1}{4}$$
 ب = $\frac{1}{4}$ ب كم / س = كم / س

أحمد التنتوري

- [٣] المسافة الكلية خلال رحلة العودة = كم
- [2] الزمن الكلى خلال رحلة العودة = ساعة
- [0] سرعة المتوسطة للسيارة خلال رحلة العودة = المسافة الكلية = عم/ س
 - [٦] القطعة المستقيمة الأفقية بالشكل تدل على

(") ملأ محد خزان سيارته بالوقود الشكل المقابل يمثل العلاقة كمية الوقود بين العلاقة بين الزمن بالساعة و كمية الوقود المتبقية باللتر أحمد التنتتوري

أكمل ما يلى :

[۱] أكبر سعة للخزان = لتر

[7] يفرغ الخزان بعد مرور

.... ساعة

[۳] بعد مرور ۱۵ ساعة

[2] يتبقى بالخزان ١٠ لتر بعد مرور ساعة

- $(..., ...) = \psi \cdot (..., ...) = [0]$
 - [٦] ميل أب = ---- = [٦]
- [٧] معدل استهلاك الوقود في الساعة الواحدة = ... لتر/ ساعة

عدد الصفحات

العمق (متر)

20

۳.

أحمد التنتنوري

الزمن حال الزمن الزمن الأمام القام القام

أحمد الننتتوري

(2) تقرأ سهير كتاب ، و الشكل المقابل يمثل العلاقة بين الزمن بالساعة و عدد الصقحات المتبقية أكمل ما يلي :

[۱] عدد صفحات الكتاب المتبقية عند

بداية القراءة = صفحة

[0] تنهى سهير قراءة الكتاب بعد ساعات

(0) أستأجر مزارع حفاراً ليستكمل حفر بئر
 و الشكل المقابل يوضح العلاقة بين عمق
 البئر بالمتر و الزمن بالساعة
 أكمل ما يلى :

· (.... ·) = } [l]

ب = (.... ،) = ب

· (.... ·) = -

(.... :) = ۶

احمد التنتتوري

[۲] عمق البئر قبل بدء عمل الحفار = متر

(٦) قرأ شخص جزءاً من كتاب عدد صفحاته .٦ صفحة فإذا كانت العلاقة التى تربط عدد الصفحات المتبقية (ص) ، و الزمن اللازم لقراءتها (
$$\boldsymbol{v}$$
) بالدقيقة تتعين بالعلاقة : \boldsymbol{v} = . \boldsymbol{v} - $\frac{1}{7}$ \boldsymbol{v} أكمل ما يلى :

أكتب ما يأتي بحيث يكون المقام عدداً صحيحاً

$$\frac{\overline{r} \sqrt{o} - \overline{r}}{r} = \frac{\overline{r} \sqrt{x o} - \overline{r}}{r \sqrt{x r}} = \frac{\overline{o} - \overline{r}}{r \sqrt{x}} (7)$$

$$\frac{10}{10} = \frac{10}{10} \times \frac{10}{10} = \frac{10}{10} \times \frac{10}{10} = \frac{10}{10} \times \frac{10$$

$$\frac{\overbrace{\circ \bigvee \times \left(\overbrace{\circ \bigvee - \bigvee \bigvee}\right)}}{\underbrace{\circ \bigvee \times \circ \bigvee}} = \frac{\left(\overbrace{\circ \bigvee - \bigvee \bigvee}\right)}{\underbrace{\circ \bigvee}} = \underbrace{\left(\underbrace{\circ \bigvee - \bigvee \bigvee}\right)}_{\circ} = \underbrace{\left(\underbrace{\circ \bigvee - \bigvee }\right)}_{\circ} = \underbrace{\left(\underbrace{\circ \bigvee - \bigvee - \bigvee }\right)}_{\circ} = \underbrace{\left(\underbrace{\circ \bigvee - \bigvee - \bigvee }\right)}_{\circ} = \underbrace{\left(\underbrace{\circ \bigvee - \bigvee - \bigvee - \bigvee }\right)}_{\circ} = \underbrace{\left($$

أكمل ما يأتى

$$= Y I \sqrt{r} - r \sqrt{\cdot I}$$

$$(\overline{r})$$
\$ $+ \overline{r})$ (\overline{r})

$$(\boxed{\vee} \vee \vee - \boxed{\vee} \vee \vee) \boxed{\vee} \vee (\vee)$$

العمليات على الأعداد الحقيقية

تدريبات

أكمل ما يأتي

$$\boxed{\forall} \checkmark \checkmark \div + \boxed{} \checkmark \checkmark = \boxed{} \checkmark \checkmark \div + \boxed{} \checkmark \checkmark$$

(9) المعكوس الجمعى للعدد (
$$\sqrt{Y} - \sqrt{6}$$
)

$$\begin{array}{c} -\sqrt{7} + \sqrt{7} - = (\sqrt{2} - \sqrt{7} + \sqrt{2}) = -\sqrt{7} + \sqrt{2} = \sqrt{7} + \sqrt{2} = \sqrt{$$

$$\boxed{1 \cdot \sqrt{7} - = \sqrt{7} \times \sqrt{7} = -7\sqrt{11}}$$

$$\overline{V} \downarrow \xi = \overline{V} \downarrow \times \xi \quad (17)$$

العمليات على الجذور التربيعية

$$= \sqrt{r} - \sqrt{r} = \sqrt{r} - \sqrt{r} = -2$$
 صفر

$$\sqrt{\chi}$$
 + $\sqrt{\chi}$ - $\sqrt{\chi}$ (χ)

$$= 7\sqrt{1 \times 01} - 1\sqrt{1 \times P} + 7\sqrt{1 \times 2}$$

$$\overrightarrow{r}$$

$$\overline{\mathfrak{to}}$$
 Y Y

$$= 7\sqrt{3\times0} - 3\sqrt{0\times7} + 7\sqrt{0\times9}$$

$$\left(\begin{array}{c} \overline{\vee} \\ \overline{\vee} \\ \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \overline{\vee} \\ \overline{\vee} \\ \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \underline{\vee} \\ \overline{\vee} \\ \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \underline{\vee} \\ \underline{\vee} \\ \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \underline{\vee} \\ \underline{\vee}$$

$$= \sqrt{r} - \sqrt{r} - \sqrt{r} + \sqrt{\sigma}$$

$$(\overline{\circ} \backslash Y - \overline{T} \backslash) (\overline{\circ} \backslash T - \overline{T} \backslash Y) (\overline{\circ})$$

$$(\overline{Y} - \overline{Y}) (\overline{Y} + \overline{Y}) (\overline{Y})$$

$$Y - \overline{15} + \overline{15} - Y =$$

$$(\wedge)$$

1 7

إختصر ما يأتى لأبسط صورة

 $\overline{\lambda} = \overline{\lambda} = \overline{\lambda} = \overline{\lambda} = \overline{\lambda} = \overline{\lambda}$

 $\overline{17 \times 7} - 7 + \overline{7} \times 1 + 1 =$

 $\frac{7}{7\sqrt{7}} + \frac{1}{7}\sqrt{17} - \frac{7}{77}\sqrt{7}$

 $\frac{7\sqrt{\times7}}{\sqrt{7}} + \frac{7\times1}{\sqrt{7}} - \frac{17\times7}{\sqrt{7}} =$

= \$ \frac{7}{7} + \frac{7}{7} =

 $\overline{ }$ $\overline{ }$

 $\frac{1}{2} \left(7 \right) = \frac{1}{2} \left($

 $= 7\sqrt{\circ} + \frac{7}{\pi}\sqrt{1 \times 7} - \sqrt{7 \times 3} - \frac{\circ}{6}\sqrt{1 \times \circ}$

ضع ما يأتي في أبسط صورة

 $V = \overline{\Psi} \downarrow \xi - \overline{\Psi} \downarrow \xi + V = \overline{\Psi} = \overline{\Psi} \times \frac{\xi}{\Psi} = \overline{\Psi} \times \frac{\xi}{\Psi} = \overline{\Psi} =$

 $\Upsilon = \overline{\Upsilon} = \overline{\Upsilon} = \overline{\Upsilon} = \overline{\Upsilon}$

 $\frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7$

₹ ٢ =

 $\frac{1 \cdot \sqrt{\frac{\pi}{a}}}{\sqrt{1 \cdot \sqrt{\frac{\pi}{a}}}} = \frac{\pi}{a} \sqrt{\frac{\pi}{a}} = \frac{\pi}{a} \sqrt$

 $\overline{T} \sqrt{\frac{1}{T}} = \overline{T \times 1} \sqrt{\frac{1}{T}} = \frac{1}{T} \sqrt{(\Lambda)}$

العددان المترافقان

تدريبات

(١) أكتب المرافق لكل مما يأتى

$$(\overline{V} + \overline{V})$$
 المرافق $(\overline{V} + \overline{V})$

$$(\wedge + \overline{\vee})$$
 المرافق $(\wedge \overline{\vee} + \wedge)$ (٥)

(٢) أكتب ما يأتي بحيث يكون المقام عدداً نسبياً

$$\frac{7}{(\sqrt{2}\sqrt{2}\sqrt{2})}$$

$$\frac{(\circ \vee + \overline{\vee} \vee)}{(\circ \vee + \overline{\vee} \vee)} \times \frac{\vee}{(\circ \vee - \overline{\vee} \vee)}$$

$$\frac{\left(\boxed{\circ} \bigvee + \boxed{\lor}\right) \curlyvee}{?} \times \frac{(\boxed{\circ} \bigvee + \boxed{\lor}) \curlyvee}{?} = \frac{?}{?}$$

$\frac{\lambda}{m}$ إذا كانت س = $\frac{\lambda}{\sqrt{6}}$

$$\frac{\boxed{r} - r}{r} = \omega$$

أكتب س ، ص بحيث يكون المقام عدداً نسبياً ثم أوجد س + ص

أولاً يجب تبسيط كلاً من س ، ص بضرب كل منهما في مرافق مقامه

$$\frac{\left(\overline{\Upsilon} \right) + \overline{\Diamond} \right)}{\left(\overline{\Upsilon} \right) + \overline{\Diamond} \right)} \times \frac{\Lambda}{\left(\overline{\Upsilon} \right) - \overline{\Diamond} \setminus \left(\overline{\Upsilon} \right)} = \omega$$

$$\frac{(\overline{V} + \overline{O}) \Lambda}{Y} = \frac{(\overline{V} + \overline{O}) \Lambda}{\overline{V} - \overline{O}} = \omega$$

$$\overline{V} = \frac{1}{2} (\overline{V} + \overline{O}) = \frac{1}{2} (\overline{V} + \overline{O}) = \omega$$

$$\frac{\left(\begin{array}{c} \overline{T} \end{array} \right) - \overline{Y} }{\left(\begin{array}{c} \overline{T} \end{array} \right) - \overline{Y} } \times \frac{\left(\begin{array}{c} \overline{T} \end{array} \right) - \overline{Y} }{\left(\begin{array}{c} \overline{T} \end{array} \right) - \overline{Y} } = \underline{\square}$$

$$\frac{\overline{\tau} \setminus \xi - V}{1} = \frac{\tau + \overline{\tau} \setminus \xi - \xi}{\tau - \xi} = \omega$$

$$\frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{W}} = \mathsf{W} \cdot \sqrt{\mathsf{Y}} + \sqrt{\mathsf{Q}} \cdot \mathsf{W} = \frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{W}} + \sqrt{\mathsf{Q}} \cdot \mathsf{W}$$
 اذا کانت $\mathsf{W} = \mathsf{W} \cdot \mathsf{W} = \mathsf{W} \cdot \mathsf{W} \cdot \mathsf{W}$

$$\frac{ (\circ \bigvee - \overline{\bigvee}) }{ (\circ \bigvee - \overline{\bigvee}) } \times \frac{ }{ (\overline{\lor} + \overline{\lor}) } =$$

$$\frac{(\overline{\diamond} \sqrt{-} \overline{\lor})^{\gamma}}{\lor} \times \frac{(\overline{\diamond} \sqrt{-} \overline{\lor})^{\gamma}}{\lor} = \underline{\diamond}$$

$$\left(\begin{array}{c|c} \hline \bullet & - & \hline \end{array} \right) = \bigcirc$$

$$(\overline{\circ} \overline{\lor} - \overline{\lor} \overline{\lor}) (\overline{\circ} \overline{\lor} + \overline{\lor} \overline{\lor}) = \overline{\smile}$$

$$\overline{Y}_{V} = \frac{\overline{Y}_{V}Y}{Y} = \frac{\omega + \omega}{\omega \omega}$$

$$\frac{\xi}{\left(\frac{\xi}{\nabla \sqrt{-\nabla \psi}}\right)} = \omega = \frac{\xi}{\left(\frac{\xi}{\nabla \sqrt{\nabla - \nabla \psi}}\right)}$$

ہ ص
$$=\sqrt{V}-\sqrt{T}$$
 اثبت أن س ، ص متر افقان ثم أوجد قيمة
$$w' = V$$
 س ص $V = V$

$$\frac{\left(\overline{\Upsilon}\sqrt{+\overline{\Upsilon}}\right)}{\left(\overline{\Upsilon}\sqrt{+\overline{\Upsilon}}\right)} \times \frac{\xi}{\left(\overline{\Upsilon}\sqrt{-\overline{\Upsilon}}\right)} = \omega$$

$$\frac{\left(\overline{\Upsilon}\sqrt{+\overline{\Upsilon}\sqrt{}}\right)\xi}{\xi} = \frac{\left(\overline{\Upsilon}\sqrt{+\overline{\Upsilon}\sqrt{}}\right)\xi}{\Upsilon-\Upsilon} = \omega$$
 $(\overline{\Upsilon}\sqrt{+\overline{\Upsilon}\sqrt{}}) = \omega$
 $(\overline{\Upsilon}\sqrt{+\overline{\Upsilon}\sqrt{}}) = \omega$
 ω

ن س ، ص مترافقان

$$^{\mathsf{Y}}\left(\overline{\mathsf{Y}}\backslash+\overline{\mathsf{Y}}\backslash\right)=^{\mathsf{Y}}$$

$$(\overline{\Upsilon} - \overline{Y}) =$$

$$\overline{\Upsilon 1} \sqrt{\Upsilon} - \Upsilon \cdot = \Upsilon + \overline{\Upsilon 1} \sqrt{\Upsilon} - \Upsilon = \Upsilon$$

$$(\overline{\Upsilon} - \overline{\Upsilon}) (\overline{\Upsilon} + \overline{\Upsilon}) = \omega$$

$$\overline{Y1}\sqrt{Y} - 1 \cdot + \xi \times Y - \overline{Y1}\sqrt{Y} + 1 \cdot =$$

$$17 = \lambda - 7 =$$

10

$$\frac{\xi \times \xi \times 1}{\xi \times \xi \times \xi} \sqrt[m]{\Lambda - \Lambda \times \Upsilon} \sqrt[m]{\rho} + \overline{\Upsilon} \vee \Upsilon \vee \Upsilon \sqrt[m]{\rho} =$$

$$V = \sqrt{V}$$
 اذا کانت $W = \sqrt{V} + V$ ، ص

$${}^{\mathsf{T}}\left(1-\overline{\mathsf{T}}_{\mathsf{V}}^{\mathsf{T}}+1+\overline{\mathsf{T}}_{\mathsf{V}}^{\mathsf{T}}\right)={}^{\mathsf{T}}\left(\omega+\omega\right)$$

$$\mathsf{v}\left((\mathsf{v}-\mathsf{v})^{\mathsf{v}})-\mathsf{v}+\mathsf{v}^{\mathsf{v}}\right)=\mathsf{v}\left(\mathsf{v}-\mathsf{v}\right)$$

$$"(1+\overline{r})"-1+\overline{r}")="(\omega-\omega)$$

$$\Lambda = \Upsilon (\Upsilon) =$$

العمليات على الجذور التكعيبية

تدريبات

إختصر ما يأتى لأبسط صورة

$$\boxed{ 1. } \sqrt{r} = \boxed{ 2} \sqrt{r} \times \boxed{ 1} \sqrt{r}$$

$$\boxed{17}^{\text{W}} - = \boxed{\xi - \sqrt{\times} \times \boxed{V}}^{\text{W}} (7)$$

تطبيقات على الأعداد الحقيقية

أولاً المكعب إذا كان مكعب طول حرفه ل فإن

$$(1)$$
مساحة الوجه (على شكل مربع) = طول الضلع \times نفسه = $\mathbb{U} \times \mathbb{U} = \mathbb{U}$

(۲) المساحة الجانبية للمكعب =
7
 مساحة الوجه \times 3 = 3 \times 5 ل

$$(7)$$
المساحة الكلية للمكعب = مساحة الوجه $\times 7 = 7 \times 10^{7}$

(٤)حجم المكعب = طول الحرف
$$\times$$
 نفسه \times نفسه = $\mathbb{U} \times \mathbb{U} \times \mathbb{U} \times \mathbb{U} \times \mathbb{U}$

$$\pi$$
 نفہ π الكرة π π نفہ π π الكرة π الكرة

$$\pi$$
ثالثاً مساحة الدائرة π في π محيط الدائرة π π في محيط الدائرة

رابعا (١) حجم متوازى المستطيلات = الطول × العرض × الإرتفاع

(3) المساحة الكلية لمتوازى المستطيلات
$$=$$
 المساحة الجانبية $+$ مجموع مساحتى القاعدتين $=$ Y $=$ Y

رابع (١) حجم الإسطوانة = مساحة القاعدة × الإرتفاع = π ن، ^٢ × ع

(٣) المساحة الجانبية للإسطوانة = محيط القاعدة \times الإرتفاع π \times \times \times \times

(3) المساحة الكلية للإسطوانة = المساحة الجانبية + مجموع مساحتى القاعدتين $\pi \ \Upsilon + \pi \ \Upsilon$

تدريبات

 $\frac{77}{V} \times \frac{30}{50}^{7} = 0$ و 0 بضرب الطرفين في $\frac{V}{V} \times \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} \times \frac{V}{V} \times \frac{V}{V}$

ن ^۲ = ۲و ۱۲ بایجاد الجذر التربیعی للطرفین

 $\dot{\psi}_{\lambda} = \sqrt{67071} = 607$ سم $\Delta = 7 \times \frac{77}{4} \times 607 = 77$ محیط الدائرة $\Delta = 7 \times \frac{77}{4} \times 607 = 77$

(۲) متوازی مستطیلات قاعدته مربعة الشکل کرد حجمه ۷۲۰ سم و ارتفاعه ه سم أوجد مساحته الكلیة

(۷) إسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطرقاعدتها ٤ ١سم و ارتفاعها ٢٠ سم أوجد حجمها و مساحتها الكلية

حجم الإسطوانة = مساحة القاعدة \times الإرتفاع $\pi = \pi$ في $\pi \times 3 = \frac{77}{\sqrt{2}} \times 12 \times 12 \times 12 \times 12$ \times π

(٢)أوجد المساحة الكلية لمكعب حجمه ١٢٥ سم

حجم المكعب = \mathbf{U}^{T} = \mathbf{V} بإيجاد الجذر التكعيبى للطرفين $\mathbf{U} = \mathbf{V} = \mathbf{V} = \mathbf{V}$ هم

المساحة الكلية للمكعب = ٢ المساحة الكلية المكعب = ٢ ل ٢ المر٢ المر٢

(٣)أوجد طول حرف مكعب حجمه ٢ ٦٦ سم

Tحجم المكعب = ل T

 $U^{7} = \sqrt{7} \times \sqrt{7} \times \sqrt{7}$

ل = √٢ سم

(٤) أوجد حجم مكعب مساحته الكلية ٢٩٤ سم ٢

المساحة الكلية للمكعب = 7 ل = 3 = 7 ل = 1 = 7 ل = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1

 $^{"}$ حجم المكعب = ك $^{"}$ = $^{"}$ = $^{"}$ سم

(°) أوجد حجم متوازى مستطيلات أبعاده $\sqrt{\Upsilon}$ سم ، $\sqrt{\Upsilon}$ سم ، $\sqrt{\Upsilon}$ سم

حجم متوازى المستطيلات = الطول \times العرض \times الإرتفاع = $\sqrt{7} \times \sqrt{7} \times \sqrt{7} = 7$ سم (۱۱) کرة حجمها ۱۹۳۵ π سم اوجد مساحة سطحها بدلالة π

 π و ۲۲ه π نوم π و π و π الكرة π الكرة π بقسمة الطرفين على π

 $\frac{3}{\pi}$ نۍ $\frac{3}{\pi}$ = ٥و ۲۲ م بضرب الطرفين في $\frac{\pi}{3}$

 $\frac{7}{3} \times \frac{3}{7} \quad \text{if } = 00770 \times \frac{7}{3}$

نۍ $^{7} = ^{6} \times ^{1}$ بإيجاد الجذر التكعيبى للطرفين

 $\mathbf{v} = \sqrt[n]{6 \, \text{VAe} \, \text{V}} = 6 \, \text{eV}$ سم

مساحة سطح الكره = 3π ن π ن π مساحة سطح الكره = 3π π \times π \times π \times π \times π

(۱۲) أوجد طول نصف قطر كرة حجمها π سم π

 $\pi = \frac{q}{\gamma} = \pi$ خجم الكرة $= \frac{1}{\gamma} = \pi$ بقسمة الطرفين على π

 $\frac{\frac{\pi}{4}}{\frac{3}{4}}$ نوہ $\frac{\frac{3}{4}}{\frac{3}{4}}$ بضرب الطرفین فی $\frac{\pi}{4}$

 $\frac{r}{2} \times \frac{q}{r} = \frac{r}{r} \times \frac{r}{r}$

نوم $\frac{7}{4} = \frac{7}{4}$ بإيجاد الجذر التكعيبى للطرفين

$$\mathbf{v} = \sqrt{\frac{\gamma}{\Lambda}} = \frac{\pi}{\gamma}$$
 سم

(^) المساحة الجانبية لاسطوانة دائرية قائمة طول قطر قاعدتها ل و ارتفاعها ع =

$$\frac{U}{Y} = \frac{U}{Y}$$

المساحة الجانبية للإسطوانة

imes محیط القاعدة imes الارتفاع imes ۲ محیط القاعدة

$$\varepsilon \cup \pi = \varepsilon \times \frac{\upsilon}{\tau} \times \pi \times \tau =$$

(٩) إذا كان ارتفاع اسطوانة دائرية قائمة يساوى طول نصف قطر قاعدتها أوجد ارتفاع الأسطوانة علماً بأن حجم الأسطوانة π ٧٢ سم

نه
$$\sqrt{r} = \sqrt{r} = \sqrt{r} \times \sqrt{r} = \sqrt{r}$$
 سیم

(۱۰) أوجد الحجم و مساحة سطح لكرة طول قطرها ٢ و٤ سم

ن = ٢و٤ ÷٢ = ١و٢ سم

حجم الكرة $\pi = \frac{1}{2} \pi$ في $\pi = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times$

حل المعادلات و المتباينات من الدرجة الأولى في متغير واحد في ح

أوجد مجموعة حل كل من المعادلات الآتية في ح و مثل الحل على خط الأعداد

ر۱)
$$m^{7} - 7 = 7$$
 بإضافة + 7 للطرفين

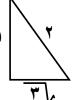
$$^{"}$$
 $= ^{"}$ بإيجاد الجذر التكعيبى للطرفين

$$\left\{ \begin{array}{c} \Upsilon \end{array} \right\} = \overline{ }$$
 م.ح فی ح $= \overline{ }$

بإضافة - ۱ للطرفين \sqrt{r} بإضافة - ۱ للطرفين

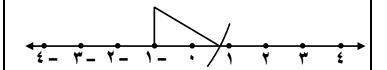
$$1 - \overline{\Upsilon} = 1 - 1 + \omega$$

$$\left\{ 1 - \overline{\Upsilon} \right\} = 0$$
م.ح فی ح



طول ضلع القائمة =
$$\frac{1-\pi}{7}$$
 = 1

4طول الوتر $=\frac{1+9}{4}=7$



تَابِطُ عَلَى صَفْحُنُنَا عَلَى الْفَيْسِيَوْكُ وَذَاكُمِ إِوَانِ www.facebook.com/ZakrolySite

أوجد مجموعة حل كل من المتباينات الآتية في ح و مثل الحل على خط الأعداد

$$m-1 \leqslant 0$$
 بإضافة + 1 للطرفين $m-1+1 \leqslant 0+1$ $m-1+1 \leqslant 0+1$ $m \leqslant 7$ m

$$\frac{\xi}{Y} > \frac{\omega Y}{V}$$

$$Y$$
س \circ \geqslant \circ بإضافة $+$ \circ للطرفين Y $+$ \circ $+$ \circ $+$ \circ $+$ \circ $+$ \circ $+$ \circ

$$\left[\begin{array}{ccc} \frac{1}{Y} & \leqslant & \frac{wY}{Y} \\ \infty & \circ \end{array} \right] = \infty$$

العلاقة بين متغيرين

4 س+ب ω = ج حیث 4 صفر ، ب \neq صفر تسمى علاقة خطية بين المتغيرين س ، ص

(١) إذا كان الزوج المرتب (٢، ٦) يحقق العلاقة ص = ب س احسب قيمة ب

- ∵ ص=بس
- \cdot ۲ = $+ \times \times$ بقسمة الطرفين على ۲ :

$$A = \dot{r} \cdot \dot{r} = \frac{\dot{A}}{\dot{A}} = \frac{\dot{A}}{\dot{A}}$$

(٢) إذا كان الزوج المرتب (١، ٢) يحقق العلاقة ص = س + ١ احسب قيمة ٩

(٣) إذا كان الزوج المرتب (٣، - ٤) يحقق العلاقة ص + ٢ س = ب احسب قيمة ب

$$\psi = 7 \times 7 + \xi - \therefore$$

(٤) إذا كان الزوج المرتب (ج، ٤) يحقق العلاقة ٣ س - ٢ ص = ١٠ احسب قيمة ج

$$1 \cdot = \xi \times \Upsilon - \Rightarrow \times \Upsilon :$$

٧ - ٥س ﴿ ٢ بإضافة - ٧ للطرفين

- ٥س ﴿ - ٥ بقسمة الطرفين على - ٥

س ≥ ۱

 ∞ -•

(٥) ٥< ٣س - ١ ﴿ ١١ حيث س ﴿ ن

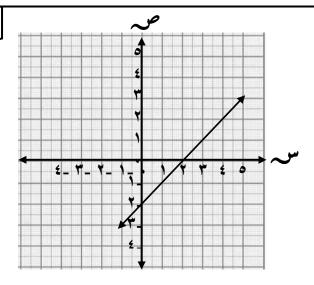
ه < ۳س _ ۱ ﴿ ۱۱

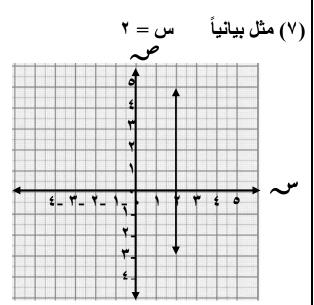
بإضافة + ١ لجميع الأطراف

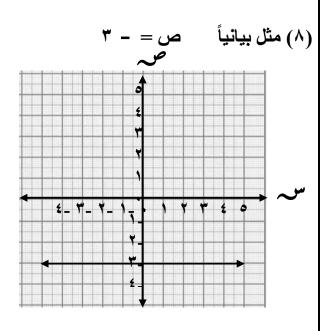
ه+۱۱ ≥ ۱+۱۱ = ۱+۱۱ (۱+۱۱

$$\frac{17}{m} \geqslant \frac{mm}{m} > \frac{7}{m}$$

Ómmó 🗴







(٥) أوجد ثلاثة أزواج مرتبة تحقق العلاقة
 ص = س + ٢ و مثلها بيانياً

$$\bullet = \bullet$$
بفرض $m = \bullet$

$$\Delta = \bullet + \bullet$$

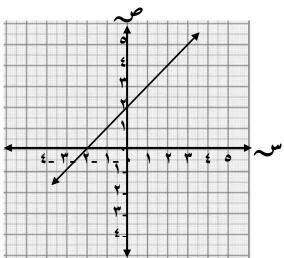
$$\Delta = \bullet + \bullet$$

$$\Delta = \bullet + \bullet$$

بفرض
$$w = 1$$

 $w = (1) + Y = Y$

$$Y = \gamma$$
 بفرض $\gamma = \gamma$ بفرض $\gamma = \gamma$ بغرض $\gamma = \gamma + \gamma$ بغرض $\gamma = \gamma + \gamma$



(٦) أوجد ثلاثة أزواج مرتبة تحقق العلاقة س = ص + ٢ و مثلها بيانياً

بفرض ص
$$= \cdot$$

س $= (\cdot) + (\cdot) =$

بفرض ص
$$= 1$$

س $= (1, T)$

بفرض ص
$$Y = Y$$

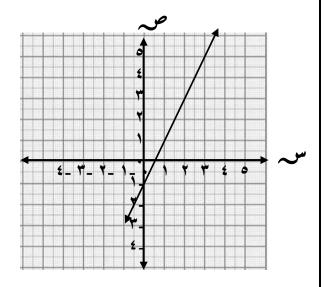
س $Y = Y + Y$

77

(۱۰) أوجد ثلاثة أزواج مرتبة تحقق العلاقة ٢س - ص = ١ و مثلها بيانياً

(عزل)

بفرض س = صفر
$$0 - 1 + 1 \times (\cdot) = -1$$
 بغرض س = صفر



(٩) أوجد ثلاثة أزواج مرتبة تحقق العلاقة س +٢ ص = ٤ و مثلها بيانياً

(عزل)

بفرض ص = ٠

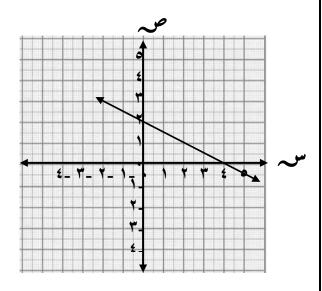
$$(\cdot, \cdot;)$$
 $\xi = (\cdot) \times Y - \xi = \omega$

بفرض ص = ١

$$(1, 1)$$
 $Y = (1) \times Y - \xi = \omega$

بفرض ص = ۲

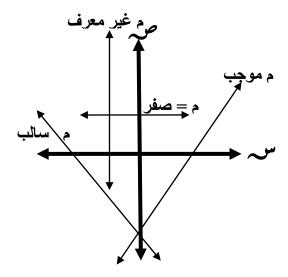
$$(Y \cdot \cdot) \cdot = (Y) \times Y - \xi = \omega$$



ميل الخط المستقيم

ميل الخط المستقيم المار بالنقطتين (سر، ، ص،) ، (سر، ، ص،)

 $= \frac{1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{2}}{1 + \frac{1}{2}} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac$



ملاحظات هامة

(۱) میل محور السینات یساوی صفر

(۲) میل أی مستقیم أفقی یوازی السینات یساوی صفر

(٣) ميل محور الصادات غير معرف

(٤) میل أی مستقیم رأسی یوازی الصادات غیر معرف

(٥) إذا كان المستقيم يصنع زاوية حادة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات فإن الميل كمية موجبة

(٦) إذا كان المستقيم يصنع زاوية منفرجة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات فإن الميل كمية سالية

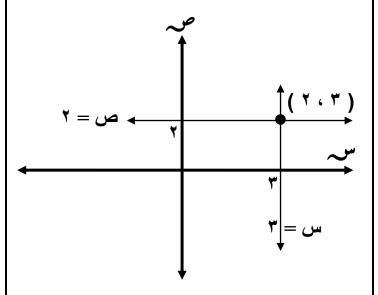
(۱۱) أوجد نقط تقاطع المستقيم الممثل للمعادلة $\tau = 1$ س + $\tau = 1$ مع محورى الإحداثيات

أولاً المستقيم يقطع محور السينات عند ص = صفر

$$7 m + 7 m = 17$$
 $7 m + 7 m = 17$
 $7 m + 7 \times (mat) = 17$
 $8 m = 17 + 7$
 $9 m = 1$
 $17 m = 1$
 17

<u>انيا</u> المستقيم يقطع محور الصادات عند س = صفر

(۱۲) نقطة تقاطع المستقيمين الممثلين للمعادلتين w = v ، w = v هي



- (٥) إذا كان المستقيم المار بالنقطتين س (٣،٧)، ص (٥، ك) يوازى محور السينات احسب قيمة ك
 - ن المستقيم يوازى محور السينات
 - ن الميل = صفر

$$\frac{1}{Y} = \frac{V - 4}{Y} = \frac{V$$

ك - ٧= صفر ك = ٧

- (٦) إذا كان المستقيم المار بالنقطتين س(٥،١)، ص(ك، ٩) يوازى محور الصادات احسب قيمة ك
 - ن المستقيم يوازي محور الصادات
 - ٠٠ الميل غير معرف

$$\frac{\Lambda}{\cdot} = \frac{\Lambda}{0 - 2} = \frac{1 - 9}{0 - 2} = \frac{1 - 9}{0 - 2} = \frac{1 - 9}{0 - 2} = \frac{1}{0}$$
 الميل

ك - ٥ = صفر ك = ٥

تدريبات

(۱) أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين (۲، ۲)، (۳، ٤)

$$T = \frac{m}{1} = \frac{1 - \xi}{1 - \pi} = \frac{1 - \frac{\xi}{1}}{1 - \frac{1}{1}} = \frac{1 - \frac{\xi}{1}}{1 - \frac{\xi}{1}} = \frac$$

(Y) أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين (-٤، -١)، (٣،٥)

$$\frac{7}{V} = \frac{1+6}{\xi+7} = \frac{(1-)-6}{(\xi-)-7} = \frac{1-6-7}{1-2} =$$

(٣) اثبت أن النقاط

﴿ (۱ ، ۱)، ب (۲ ، ۳) ، ج (۳ ، ۰) تقع على استقامة واحدة

$$\Upsilon = \frac{\Upsilon}{1} = \frac{\pi - o}{\Upsilon - w} = \frac{1 - o}{1} = \frac{\gamma - w}{1} = \frac{\gamma}{1} = \frac{\gamma}{1}$$
میل ب

- ٠٠ ٩، ب، ج تقع على استقامة واحدة

(٤) إذا كان المستقيم المار بالنقطتين $\frac{7}{4}$ اوجد قيمة $\frac{7}{4}$ س (م ، ٥)، ص (۲ ، ۳) ميله = $\frac{7}{4}$

$$\frac{7}{V} = \frac{7}{V} = \frac{6}{A} = \frac{7}{A} = \frac{6}{A} = \frac{7}{A} = \frac{7$$

٤-٢ م = - ١٤ بإضافة - ٤ للطرفين

£-12-= £- ~ Y- £

$$\frac{\Lambda -}{\pi} = \frac{0 - \pi -}{(1 -)} - \frac{1}{1} = \frac{$$

$$\frac{\Lambda -}{\Psi} = \frac{2 - 2}{\Psi}$$

$$-7$$
 $= 1$ بالقسمة على $= -7$ $= \frac{1}{\pi}$

العمليات على الأعداد الحقيقية

(١) أكمل ما يأتي بالاجابة الصحيحة

) المعکون الصريبي للعدد الم المواسطة السال (هي ابتط صور

٢) المعكوس الجمعى للعدد ١ – ٢٦٠ هو

------= (\frac{\tau\rightarrow}{\tau\rightarrow} + \frac{\tau\rightarrow}{\tau\rightarrow} + \frac{\ta\rightarrow}{\ta\rightarrow} + \frac{\ta\rightarrow}{\ta\rightarrow} + \frac{\ta\rightarrow}{\ta\rightarrow} + \frac{\ta\rightarrow}{\ta\r

.....×1.+=+1./×10/ (A

4) 10V× 10 = 0×

١٠) اذا كانت: س ٢ = ٥ فان: (س + ١٠) ٢ =

۱۲) اذا کان : س = ۳ + ۲٪ فان مرافقهاوحاصل ضربهما

١٥) المعكوس الضربي للعدد ١٠ / ٥ في أبسط صورة هو١٥

17) اذا كان : $\frac{1}{m} = \sqrt{6} - 7$ فان س في أبسط صورة يساوى

١٧) اذا كان : س = ١+ اله ، ص = ١ - اله فان : س ص = س - ص =

..... (Vo + V7) = "(TV + 1) (14) = "(TV + V7) ' =

 $\cdots = (\overrightarrow{r} V + \overrightarrow{r} V) (\overrightarrow{r})$ $\overrightarrow{r} V \cdot \cdot \cdot = \overrightarrow{r} V + \overrightarrow{r} V (\overrightarrow{r})$

 $\frac{1}{2}$ اذاکان : $m=\frac{1}{2\sqrt{1-\sqrt{10}}}$ ، $m=\frac{1}{2}$ فان : $m=\frac{1}{2}$

٢٢) مرافق العدد ﴿ أَهُ - ﴿ آَهُ مُو

٢٤) المعكوس الجمعى للعدد ٥− ﴿٣ هو٢٠

or) (\(\sigma + \tau \) (\(\sigma - \tau \) =

۲٦) المعكوس الضربى للعدد <u>٣٧</u> هو

أ: شريف عبد الحميد دياب

(٢) أخار الأجابة الصحيحة

```
٢) اذاكان: س = ١٦+٣، ص = ١٦-٢ فان: (سص، س + ص) = .....
[ (9co) , (TV Tco) , (TV Tc1-) , (TV Tc1) ]
                                                                                          [ 777. 274. 747. 747]
 2) 47 ( VI I + 47) = ..... [ 7 VI I + 7 ( V + 7 T + 7 ) 1 ( V + 7 T + 7 ) 7 V + 7 T + 7 T ) 7 V ( E
٥) العدد (١ – ٣٧) (١ + ١١) موعدد ........... أولى
 \nabla V - \nabla V - \nabla V - \nabla V + \nabla V - \nabla V
                                                                         ۹) المستطیل الذی بعداه (\sqrt{V}+Y) سم . (\sqrt{V}-Y) سم تکون مساحته (\sqrt{V}+Y)
  [5-71.717.40-3]
  · ) VF /- VF = ......[ VZ . A . VX ]
  ١٢) العدد التالي في النمط: ١٦ ١٦ ١٦ ١١ ١٦ ١٨ ١٨ مو ١٠٠٠٠٠٠٠ [ ١٠٥ ، ١٥٧ ، ١٠٦ ، ١٨ ١٦ ]
                                                                                                                                    (\sqrt{\lambda} + \sqrt{\gamma})' = \dots (\sqrt{\lambda}, \sqrt{\lambda}, \sqrt{\lambda})
                                                                                                                                     117.0.018.017 .....= 1 1.+7.1 -115
```

١٥) المعكوس الضربي للعدد ١٠ م مو
17) مرافق العدد (١٦ – ٣) هو [١٦ – ٣ ، ٣ + ٣ ، ٣ – ٢٢ ، - ١٣ – ٣]
[TV T . T . TV . TV . TV . TV . TV . TV
[or t - vo)(vv + vv) == (or + vr)(or - vr)
$[\Lambda, 7, 17, 75]$ میں $= \sqrt[7]{7} + 1$ میں $= \sqrt[7]{7} - 1$ فان $= (س + ص)^{7} = \dots$
٢٠) اذا كانت: س = ١٦٦ + ١٦٥ ، س = ١٦٦ - ١٦٥ فان : (س -س) ٢ =
[٤ • , ١٢ , ٢٤ , ٦]
$ \overline{Y} = \overline{Y} = \overline{Y} = \overline{Y} = \overline{Y} $ $ \overline{Y} = \overline{Y} = \overline{Y} $ $ \overline{Y} = \overline{Y} $
[FLT . FLT . FL . T] - TTL (TT
[11. 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 =
۲۶) الم + الم ۲ = = ۲۰۰۱ منفر ، ۲ الم ، صفر ، ۲ الم ؟ الم
۲۵) المعكوس الضربي للعدد ٣٠ مو ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
77) الله - ٢ الآ = [الله ، ٢ الله ، ١٦ ، ١٦ ، ١٦ ، ١٦ ، ١٦ ، ١٦ ، ١٦ ، ١

النصل الدراسى الأول	۱۲	بنك اسئلة الصف الثانى الإمدادى
		(٢) اختصر كلا مما يأتى لأبسط صورة
171/ ナーマレのーママレ +の ・ル		マミレ ナーマレヤーマミレ + T 入レ (1 ルー・レー・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
₹₹ - ₹₹ - ↓:	الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	۲) ۱۷۶۲ ۲۳ – ۱۵۷ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
₹ 7+0.V - ₹7 - U:		ه) ١٨٠ - ٣٦٠ / ١٨٠ الحسل:
₹ ۲-0.1 - 121 + 21 : d-	۸ ۲ ₍ ۸ الح	٧) ١٨٨٠ – ١٨٨٠ + ٤ ١٦ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
77.V-1XV0+7V :J.		٩) ١+٢٧١ ٢-٤٨١ (٩ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
01155092143		أ: شريف عبد الحميد دياب

الفصل الدراسى الأول	۱۳	بنك اسئلة الصف الثانى الإعدادى
1-0/7/-7/7-0/0-1-0	۲۲, ۲ · · · · · · · · · · · · · · · · ·	۱۱) ۱۲۰۷ – ۱۲۶۷ الحسان:
記 7-7·レナーモのレーママン : J.	الحـــــ	77) 1/30+1 1 = 1 + 0 1/7)
₹-V - \(\frac{1}{\xi}\) \(\xi\)	(17)	17V + 17AV - 0EV (10 11c U:
		(٤) اثبت أن
۱= (٦×٤٧)÷١٦٧ ×٥٤) ال:	۲ (۲ الح	۱) ۱۲۸۷ + ۱۲۸۷ (۱ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
		(۵)اذا كانت:
		ا = آرآه + ۱ ، ب = آراه - ۱ اوجده الحسل: ا : شریف عبد الحمید دو

1.41	الدراسى	1-41
2901	بصريسي	بسحي

بنك اسئلة الصف الثانى الإعدادى

1 £

(٥) أجب عن الأسئلة الأتية

الحسان:

.....

٤) اذا كان : س = ١٥-٢ ، س = ١٥-٢

فأوجد قيمة المقداد: س ٢ + س ص + ص ٢

فأوجد في أبسط صورة : سب

 $\overline{\Psi}V - \overline{V}V = V\Psi$, $\overline{\Psi}V + \overline{V}V = V\Psi$

 $\overline{0}V + \overline{r} = 0$, $\frac{\xi}{\overline{0}V + \overline{r}} = 0$, $\overline{0}V + \overline{V}$

فاوجد: سا ص

.....

 $\frac{\gamma}{\overline{r}V + \overline{o}V} = \sqrt{r}V + \sqrt{r}V$, $\sigma = \frac{\gamma}{\overline{o}V + \sqrt{r}}$

 $\frac{7}{m} = \sqrt{6} + \sqrt{7}$ ، $m = \frac{7}{m}$ ، $m = \frac{7}{m}$. $m = \frac{7}{m}$

.....

۸) اذا کان : س = $\sqrt{6} + \sqrt{7}$ ، ص مرافق للعدد س فاوجد قیمۃ: س + س ، س ص – ۱

.....

.....

أ: شريف عبد الحميد دياب

الفصل الدراسى الآول	الفصل الدراسى ا	
---------------------	-----------------	--

الإمدادو	الثانى	الصف	اسئلة	بنك

2-4		22
== 0. 1/	+ + 1	ا) اذا كان : أ =

فأوجد قيمة المقدار: أ أ - ب أ

10

••	•••	•••	•••	***	•••	•••	•••	•••	•••	••••	•••	••••		***	••••	••••	•••
••	•••	***	•••	•••	•••	•••	••••	•••	•		***	••••					**
	•••	•••	•••	•••	•••	•••	•••	•••	••••		•••	••••	•••	•••	••••	••••	••

٤	 ٤		·1 - 1:1 A
TV + VV	 マレーマレ	-0	٩) اذا كان
	10000	2.7	

الحسل:

العمليات على الجذور التربيعية والتكعيبية

(١) أكمل ما يأتي بالاجابة الصحيحة

```
١) مكعب طول حرفه ٦ سم ، تكون مساحته الجانبيۃ = ٠٠٠
                              ٢) مكعب طول حرفه ٤ سم ، تكون مساحته الكلية = ٠٠٠
                              ) مكعب حجمة ٢٥ ل سم تكون مساحتة الجانبية = ٠٠٠
                                 ٤) مكعب مجمدًا سم تكون مساحتة الكلية = ٠٠٠٠
                               ۵) مكعب مجموع أطوال أحرفه ٣٦ سم ، فان حجمه = ····
                     ٦) دائرة محيطها ٣٠٠٠ سم ، تكون مساحتها = ٣٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ ــ
                            ٧) الكرة التي حجمها 🔭 عم يكون طول قطرها = ٠٠٠٠٠٠٠

 ٨) الكرة التي حجمها ألت π سم يكون طول قطرها = ٠٠٠٠٠٠٠

                        ٩) للكعب الذي حجمه ٨ سع يكون مجموع أطوال أحرفه .....٠٠٠
                             ١١ ) اذا كان حجم كرة = ٣٣٦ سم ُ فان طول قطرها ٠٠٠٠٠٠٠٠
                              ١٢ ) إذا كان حجم مكعب ٦ ١ ٢ سم فان مساحة أحد أوجهه
                   ۲۲) متوازی مستطیلات آبعاده : ۲ سم ، ۳ سم ، ۵ سم فان حجمه ۰۰۰۰۰۰
                                  ۲۶) مکعب طول حرفه ٦ سم يکون حجمه .....۲۰
                             ٢٥) مكعب مساحته الجانبية ٣٦ سم   فان حجمه ........
                                           ٢٦ عجم الأسطوانة = ٠٠٠٠٠٠٠ وحدة مكعبة
٢٧ ) أسطوانه دائرية قائمة حجمها يساوى 7 ٧٢٩ مم فاذا كان ارتفاعها يساوى طول نصف قطرها
                             ۲۸) حجم کرة طول نصف قطرها ۲ سم = ۳۰۰۰۰۰۰۰۰ سم
                              حجم کرة طول قطرها \pi سم \pi \pi سم\pi سم
                           ٣١ ﴾ اسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها نق ، وارتفاعها ع فان مساحتها الجانبية = ٠
                                        ۲۲) للساحة الجانبية لمتوازى المستطيلات = ٠٠٠٠٠٠
                        ۲۲) الدائرة التي محيطها • 77 سم يكون مساحتها ...... π سم ٢٠) اساحة سطح الكرة التي طول فطرها ٤ ١ سم =
```

1 4

(٢) أختر الأجابة الصحيحة من بين الأجابات المعطاة

```
١) مكعب حجمة ٢٤ سم ، فان مساحته الجانبيه = ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
 [3, 1, 37, 79]
                                    ١) مكعب مساحته الكلية ٢٤ ـ ٢٠ أ ، فان طول حرفه = ٠٠٠٠٠٠٠٠٠
 [T, 3, 7, 3 VA]
 [11.3.7.1]
                                              ٢) مكعب مساحته الجانبية ٤ سم ، فان حجمه = .....
 [小, 7, 人, 三]
                                              ع) مكعب حجمه ٢ ٧٦ سم فان طول حرفه = ٠٠٠٠٠٠٠٠
\pi^{\frac{\nu}{4}} \pi^{\frac{\nu}{4}} \pi^{\frac{\nu}{4}} \pi^{\frac{\nu}{4}} \pi^{\frac{\nu}{4}} \pi^{\frac{\nu}{4}} \pi^{\frac{\nu}{4}} \pi^{\frac{\nu}{4}}
                                             ٦) حجم الكرة التي طول قطرها ٦ سم = ....سسم
[ \piYAA , \piY , \piY , YAA ]
[\pi \land . 17. \pi 17. \pi \xi]
                                                 ۷) مساحۃ کرۃ طول نصف قطرہا ۲ سم = ۰۰۰۰۰۰۰۰م
\left[\frac{1}{T}, \frac{7}{\epsilon}, \frac{2}{T}, \tau\right]

 ٨) اذا كان حجم كرة = π م ، فان طول نصف قطرها = ······سم

٩) اذا كانت مساحة سطح كرة = ٣٦٦ سم ، فان طول نصف قطرها = ٠٠٠٠٠٠٠٠ م
[\Lambda, \circ, \frac{7}{9}, \frac{\circ}{7}]
                                      ١٠) مكعب حجمه ٥٠ سم فان طول ضلعه = ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
                                         ۱۱) المربع الذي مساحته ١٠ سم يكون طول ضلعه = ٠٠٠٠٠٠٠٠٠
[1.4-,1.4,0-,0]
 [35.17.17.5]
                                                  ١٢) مكعب طول حرفه ٤ سم يكون حجمية .......
[ 770 . 10 . 0 . 7]
                                ۱۲) متوازی مستطیلات ابعاده ۱۳ ۱ ۱۵ ۱۵ ۱۵ فان حجمها = ۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰
 [\pi^{\gamma}, \pi^{\gamma}, \pi^{q}, \pi^{\xi}]
                                                   ۱٤) حجم کرة طول نصف قطرها ۳ سع = .....ب
 [7, 9, 77, 30]
                                 ١٥ ) اذا كان حجم مكعب = ٢٧ سم فان مساحة احد اوجهه = ......
 [071,0,7,0,10]
                                                ١٦) مكعب حجمه ٥ 🗸 ٥ سم يكون طول حرفه ٠٠٠٠٠٠
[9, T, FV T, FV ]
                                   ۱۷ ) اذا کان حجم کرة ۳۲۳ سم ٔ فان طول نصف قطرها = ۰۰۰۰۰۰
 [ 11, 44 . 41 9. 9]
                                                 ۱۸) مكعب طول حرفه 🕡 سم فإن حجمه = ٠٠٠٠٠٠٠
 [35.17.4.8]
                                          ١٩) المكعب الذي حجمه ٢٤ سم يكون طول حرفه ٠٠٠٠٠٠م
```

(٢) أجب عن الأسئلة الأتية

ر $\frac{\Upsilon\Upsilon}{V}=\pi$) المحال المع المحال المحال

$\frac{\Upsilon\Upsilon}{V}=\pi$) أسطوانة دائرية قائمة طول قطر قاعدتها $\Upsilon \sqrt{V}$ هم ، وارتفاعها ۹ هم أوجد حجمها ($\frac{\Upsilon\Upsilon}{V}=\pi$) الحسل:
 ع) متوازی مستطیلات قاعدته مربعة الشكل فاذا كان حجمه ۷۲۰ سم وارتفاعه صم أوجد مساحته الكلیه ۰ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
۵) مكعب طول حرفه = ۵ ــم أوجد : مساحته الكلين ، مساحته الجانبين الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
 آ) اسطوانة دائرية قائمة حجمها ٣٣٦ سم وارتفاعها ٤ سم أوجد مساحتها الجانبية بدلالة ٣ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
۷) أسطوانة دائرية قائمة طول قطر قاعدتها ٤ √√ سم ، وارتفاعها ٩ سم أوجد حجمها بدلالة π الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
٨) كرة حجمها $\frac{\pi \gamma}{\gamma}$ سم أوجد طول نصف قطرها الحـــــــــــــــــــــــــــــــــــ
٩) مكعب حجمه ١٢٥ سم ، أوجد طول حرفه ومساحته الجانبية الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ

النصل الدراسى الأول	۲.	بنك اسئلة الصف الثانى الإمدادي
Ψ<Υ≥۱+۵	الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	۵) ۱ – ۵س ≤ ٦ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
≥٢٠٠ – ٢≥١	الحـــا	٧) - 1 ≤ ٢س + 1 < ٥ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
۲ ۳ س + ٤ < ۷ و:	175g.	هى – ٣ ≤ ٤س – ٧ ≤ ٥ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
د ۳-۲س ≤ ٥		۳ > ۱ ر ۱ > ۵ – س ≤ ۳ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
۷ ۲ ا ۱ ۲ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰ ۰	V (2)	11) – ۳ ≤ –س <۳ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
<۳-س<۳>	الحسل	۱۲) آبا – آباد خابه الحسل:
01155092143) (4	أ: شريف عبد الحميد ديام

الفصل الدراسى الأول	71	بنك اسئلة الصف الثانى الإعدادى	
٢ – ٤س ≥ س – ٢ ـل:	T (1Y	ر ۵س − ۳ < ۲س + ۹ ل:	
د −۱ <۳س −۱ ≤ س +۱ بل:		۱) س ≤۲س - ۱ ≤ س +۳ حــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	

العلاقة بين متغيرين

(١) أكمل ما يأتي بالاجابة الصحيحة

```
۱) اذاكان: (-٢٠٦) تحقق العلاقة: ٣س + بس = ١ فان: ب =

۲) اذاكان: (-ك١٠) تحقق العلاقة: س + س = ٥ فان: ك=

۲) اذاكان: (١٥ك) تحقق العلاقة: س + س = ٥ فان: ك=

٤) العلاقة: س = ٥ تمثل بيانيا بخط مستقيم يوازى محور

٢) العلاقة: ٣س - ٢س = ٩ تمثل مستقيم يوازى محور

٢) العلاقة: ٣س - ٢س = ٩ تمثل مستقيم يقطع محور السينات في النقطة:

۲) العلاقة: ٣س - ٢س = ٩ تمثل مستقيم يقطع محور السينات في النقطة:

٨) اذاكان (ك١٤) يحقق العلاقة: ٣س + ٢س = ٨ فان: ك=

١) اذاكان (-٢٥) يحقق العلاقة: ٣س + بس = ٣ فان: ب =

١) اذاكان (-٢٥) يحقق العلاقة: ٣س + بس = ٢ فان: ك=

١) اذاكان (-٢٥) يحقق العلاقة: ٣س + بس = ٢ فان: ك=

١١) اذاكان: (ك١٥) تحقق العلاقة: ٣س + س = ٤ فان: ك=

١١) اذاكان: (ك١٥) تحقق العلاقة: ٣س + س = ٤ فان: ك=
```

(٢) أختر الأجابة الصحيحة

```
٤) اذا كانت النقطة (١-١٥) تحقق العلاقة ٣س+كس = ٧ فان : ك = ..... ٢ ما ١٠٠١ . ١٠١
  [ (TCT) . (1cT) . (TC1) . (TC1-)]

 ۵) أى الأزواج التالية يحقق العلاقة ٢س + س = ٥ ؟

 ٦) اذاكانت: (ك٥٦) تحقق العلاقة ص - ٢س = ٠ فان: ك= ............. - ٦ ، ٣ ، ٣ ، ١ - ٦ ، ٣ ، ١ - ٦
                                    ٧) العلاقة ص = ٥ يمثلها بيانيا مستقيم .....
...... [ يوازي محور السينات ، يوازي محور الصادات ، محور السينات ، محور الصادات ]
 ٨) اذا كان (٢٠– ٥) يحقق العلاقة ٣٣ – س+ج = ٠ فان : ج = ............ [١ ، -١ ١ ، ١ - ١ ]
٩ اذاكان (ب،٢) يحقق العلاقة ص + ٣س = ٩ فان : ب = ........... ٣ م ، ٩ ، ٢ ، ٩ ، ٥ ]
 ١٠) إذا كان (- ٢٠١) يحقق العلاقة ٣٦س + ك س = ٧ فان : ك = ......
١١ ) إذا كان (١٠) يحقق العلاقة س + س = ٥ فان : أ = ............ [ ٣ . ٣ . ٩ . ٢ . ٣ ]
۱۲ ) س = ۳ يمثلها بيانيا مستقيم يوازي ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ [ محور السينات ، محور الصادات ، غير ذلك ]
                                      ١٢) النقطة (١٤١) ∈ للمستقيم الذي معادلته .....
[Y = w + w = Y, w + Y = Y, w + w = 0, Y = w = 1]....
```

	٢ ٣ الفصل الدراسى اثول		۲ ۳	بنك اسئلة الصف الثانى الإمدادى	
الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ				(من العلاقات الأتية	(۲) مثل بيانيا كا
		لحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	10) 52 53 53		۱) س + ص = ۲ الحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
					<u> </u>
		لحُــــــــــــــــــــــــــــــــــــ			٢) س + ٢ص = ٣

الفصل الدرامس الأول	Y £	بنك اسئلة الصف الثانى الإعدادى
٠=٣+=٠ 		ر) من – ۲من = .
***************************************		٤) أجب عن الأسئلة الأتية
فأوجد قيمة ك	۲س - ٥س = ۸ ،	(ب) اذاكانت (ك٢٥٥) تحقق العلاقة: لحــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
	: ص – ۲س = ٤ ثم أو ت	رح) ارسم الخط المستقيم الذي يمثل العلاقة قطتى تقاطع المستقيم مع محورى الأحداثياه حــــــــــــــــــــــــــــــــــــ

بنك اسئلة الصف الثانى الإمدادى ٢٥ النصل الدراسى الأول

ميل الخط المستقيم

(١) أكمل ما يأتي بالاجابة الصحيحة

(٢) أختر الاجابة الصحيحة من بين الأجابات المعطاة

(٢) أجب عن الأسئلة الأتية

١) اذا كانت: ١ = (-٣٠١) ، ب = (١٠٢) فأوجد ميل أب

الحال:

٢) اذا كان ميل المستقيم المار بالنقطتين ا(-٣٥١) ، ب(٢٥س) هو تم فأوجد قيمة ص٠

٣) أوجد ميل المستقيم أب حيث ا(-١٠٦) ، ب(٢٥٥) هل النقطة ح(١٠٨) ﴿ أَبَ

۵) الشكل المقابل يوضح تغير رأس مال شركة خلال ٨ سنوات

اوجدميل كلمن أب، بج، ج5 مادلالة كل منها؟

ب) أحسب رأس مال الشركة عند بدء عملها ٠

العمليات على الجذور

جمع وطرح الجذور

- الجذور المتشابهة فقط هي التي تجمع وتطرح
- عند الجمع أو الطرح نجمع ونطرح المعاملات

$$\overline{V} = \overline{V} + \overline{V} +$$

$$\overrightarrow{Y} \overrightarrow{Y} = \overrightarrow{Y} + \overrightarrow{Y} \overrightarrow{Y} +$$

ضرب الجذور

• ضرب عدد × جذر:

$$\overline{V} V = \overline{V} \times \overline{V}$$
, $\overline{V} V = \overline{V} V \times \overline{V} = \overline{V} = \overline{V} \times \overline{V} = \overline{V} \times \overline{V} = \overline{V} = \overline{V} = \overline{V} \times \overline{V} = \overline{V} = \overline{V} = \overline{V} = \overline{V} = \overline$

عند ضرب أي جذرين نضرب العددين تحت جذر واحد

$$\sqrt{Y} \times \sqrt{Y} = \sqrt{Y \times Y} = \sqrt{T}$$

• ضرب الجذور المتشابهة:

$$V = V \times V$$

$$Y = Y \times Y \times Y \times Y$$

عند ضرب الجذور نضرب:

الإشارة × الإشارة والعدد × العدد والجذر × الجذر

$$Y = Y \times A = Y \times A \times Y \times Y = X \times Y =$$

العددان المترافقان

$$(\sqrt{T} + \sqrt{Y})$$
 مرافقه هو $(\sqrt{T} - \sqrt{Y})$
 $(\sqrt{Y} - T)$ مرافقه هو $(\sqrt{Y} + T)$

- ♦ مجموع العددان المترافقان = ٢ × الأول
- ♦ طرح العددان المترافقان = ٢ × الثاني
- ♦ حاصل ضريهما = مربع الأول ــ مربع الثاني

مثال

$$1 Y = Y \times £ = Y(Y Y) = Y(W - W)$$
 (0)

ملحوظة

$$'(\omega + \omega) = '\omega + \omega \omega + + '\omega +$$

$$^{\prime}(\omega - \omega) = ^{\prime}\omega + \omega \omega + ^{\prime}\omega +$$

تدريب

$$\overline{Y} \longrightarrow \overline{Y} \longrightarrow \overline{Y} \longrightarrow \overline{Y} \longrightarrow \overline{Y} \longrightarrow \overline{Y} \longrightarrow \overline{Y}$$
 إذا كانت $w = \overline{Y} \longrightarrow \overline{Y} \longrightarrow$

جعك المقام عدد صحيح

نضرب البسط والمقام × $\sqrt{\Upsilon}$

ightharpoonupإذا كان العدد على الصورة $ightharpoonup rac{z}{V + V V}$

نضرب البسط والمقام \times مرافق المقام ($\sqrt{V} - \sqrt{T}$)

$$\frac{(\overline{r}\sqrt{-\overline{v}\sqrt{y}}) \cdot (\overline{r}\sqrt{+\overline{v}\sqrt{y}})}{(\overline{r}\sqrt{-\overline{v}\sqrt{y}}) \cdot (\overline{r}\sqrt{+\overline{v}\sqrt{y}})} = \frac{\varepsilon}{\overline{r}\sqrt{+\overline{v}\sqrt{y}}}$$

$$\overline{r}\sqrt{-\overline{v}\sqrt{y}} = \frac{(\overline{r}\sqrt{-\overline{v}\sqrt{y}}) \cdot \varepsilon}{\overline{r}\sqrt{-\overline{v}\sqrt{y}}} =$$

فك الأقواس

♦ ضرب عدد × قوس : س (أ + ب)

$$Y + \overline{Y} V = (\overline{Y} + \overline{Y}) \overline{Y}$$

♦ مربع القوس: (س + ص)٢

= مربع الأول + الأول × الثاني ×٢ + مربع الثاني

$$\boxed{7} \sqrt{7} + \sqrt{7} = 7 + 7 \sqrt{7} + 7 = 9 + 7 \sqrt{7}$$

$$\overline{\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ }$$

♦ ضرب قوسين متشابهين ما عدا في الإشارة:

$$1 = 7 - 7 = (\overline{7} - \sqrt{7}) (\overline{7} + \overline{7}))$$

$$7 - 7 = 7 - 7 = (7 + \overline{7}) (\overline{7} - \overline{7})$$

- العدد اللي تحت الجذر عبارة عن حاصل ضرب عددين بشرط أن يكون عدد منهم ليه جذر تربيعي
 - ٢ طلع العدد اللي ليه جذر بره بس خدله الجذر التربيعي

اختصار الجذور التربيعية

$$1) \sqrt{\Lambda I} = \sqrt{P \times Y} = \pi \sqrt{Y}$$

7)
$$\sqrt{7V} = \sqrt{77 \times 7} = 7\sqrt{7}$$

لو اللي جوه الجذر التربيعي كسر:

هنضرب اللي بره في نفسه مرتين وندخله جوه الجذر

$$r$$
) $t = \sqrt{r} = \sqrt{\frac{r}{r}} \times r^{r} = \sqrt{\Lambda} = r \sqrt{r}$

اختصار الجذور التكعيبية

- ()خلى العدد اللي تحت الجذر عبارة عن حاصل ضرب عددين بشرط أن يكون عدد منهم ليه جذر تكعيبي
- الطلع الرقم اللي ليه جذر بره بس خدله الجذر التكعيبي

$$T \bigvee^{\Upsilon} \Upsilon = \overline{\Upsilon \times \Upsilon \vee \bigvee^{\Upsilon}} = \overline{\circ \iota \bigvee^{\Upsilon}} (\Upsilon$$

$$\overline{r}\sqrt{r} = \overline{r \times r}\sqrt{r} = \overline{\Lambda 1}\sqrt{r}$$

$$\overline{\Upsilon} \bigvee^{\Upsilon} \sharp = \overline{\Upsilon \times \Upsilon \sharp} \bigvee^{\Upsilon} = \overline{\Upsilon \uparrow \Lambda} \bigvee^{\Upsilon} (\sharp)$$

$$T \bigvee^{\Upsilon} \circ = \overline{\Upsilon \times 1 \Upsilon \circ \bigvee^{\Upsilon}} = \overline{\Upsilon \circ \cdot \bigvee^{\Upsilon}} (\circ$$

ملحوظة لواللي جوه الجذر التكعيبي كسر:

هنضرب اللي بره في نفسه ٣ مرات وندخله جوه الجذر

$$7) 7 \sqrt{\frac{1}{7}} = \sqrt{\frac{1}{7}} \times A = \sqrt{\frac{1}{7}}$$

الصف الثانى الإعدادك

إعداد أ/ محمود عوض

أمثلة على العددان المترافقان

مثال ا

فأوجد القيمة العددية للمقدار $\frac{m+m}{m-1}$

الحك

$$m + m = Y \times | \text{life}(b) = Y \sqrt{o}$$

$$m = m = | \text{life}(b) - | \text{life}(b) | = m = m$$

$$m + m = m + m$$

$$m + m + m = m + m$$

$$m + m + m + m$$

$$m +$$

مثاله ا

$$\frac{\xi}{|\vec{v}|} = \sqrt{V} + \sqrt{V}$$
 ، ص = $\sqrt{V} + \sqrt{V}$ ، او الخانت س

اثبت أن س ، ص مترافقان ، ثم أوجد قيمة س ص ص

.. س ، ص مترافقان (المطلوب الأول)

$$17 = {}^{7} £ = {}^{7} (7 - 7) = {}^{7} (20 - 1) = {}^{7} (20 -$$

مثال ۲

$$Y - \overline{Y} = 0$$
 , $\frac{\overline{Y}}{\overline{Y} - \overline{Y}} = 0$

ثبت أن س ، ص مترافقان ، وأوجد قيمة س ٢ + ٢ س ص + ص ٢

$$\frac{(? + \sqrt{\sqrt{y}}) ?}{! - \sqrt{y}} = \frac{(? + \sqrt{y}) ?}{(? + \sqrt{y}) (? - \sqrt{y})} =$$

$$? + \sqrt{y} =$$

.: س ، ص مترافقان (المطلوب الأول)

1 -113

$$\frac{7}{\sqrt{6} - \sqrt{6}} = \frac{7}{\sqrt{6} - \sqrt{6}} \quad \text{i. i.e.} \quad \text{i. i.e.} \quad \text{i.e.} \quad \text{i.e.}$$

اثبت أن أ ، ب مترافقان ، ثم أوجد قيمة

$$(-1)^{1} + \frac{1}{1} + \frac{1}{1}$$

الحل

$$\frac{(\overline{w} + \overline{o}) \cdot (\overline{w} + \overline{o})}{(\overline{w} + \overline{o}) \cdot (\overline{w} + \overline{o})} = i$$

$$\frac{(\overline{w} + \overline{o}) \cdot (\overline{w} + \overline{o}) \cdot (\overline{w} + \overline{o})}{(\overline{w} + \overline{o}) \cdot (\overline{w} + \overline{o})} = i$$

$$\overline{r}$$
 \overline{r} \overline{r}

أ، ب مترافقان (المطلوب الأول)

۱ ب = ۵ - ۳ = ۲

$$t = {}^{r} Y = {}^{r} ({}^{w} - {}^{o}) = {}^{r} (- {}^{i}) = {}^{r} - {}^{r})$$
 (Y

$$\circ = {}^{\mathsf{Y}}(\boxed{\circ}) = {}^{\mathsf{Y}}(\boxed{\circ}) = {}^{\mathsf{Y}}(\boxed{\circ}) = {}^{\mathsf{Y}}(\boxed{\circ}) = {}^{\mathsf{Y}}(\boxed{\circ})$$

$$T + \overline{10} \sqrt{7} + 0 = 7(\overline{7} \sqrt{7} + \overline{9} \sqrt{7}) = 71$$
 (c)

$$T + \overline{10} \sqrt{7} - 0 = (\overline{7} \sqrt{7} - \overline{0} \sqrt{7}) = 7$$

$$\overline{10} \sqrt{7} - \Lambda = \overline{7}$$

$$17 = 10 \sqrt{7 + 10} = 10 = 10$$

الصف الثانى الإعدادك

| إعراد أ/ محمود عوض

أمثلة على اختصار الجذور

اختصر لأبسط صورة كل مما يأتي:

$$|L_{\Delta}| = \sqrt{1 \times 1} + \sqrt{1 \times 1} - \sqrt{1 \times 1} = \sqrt{1 \times 1}$$

$$|L_{\Delta}| = \sqrt{1 \times 1} + \sqrt{1 \times 1} - \sqrt{1 \times 1} = \sqrt{1 \times 1}$$

$$= \sqrt{1 \times 1} + \sqrt{1 \times 1} - \sqrt{1 \times 1} = \sqrt{1 \times 1}$$

الحك

الحك

$$|\text{Lace}(C)| = \sqrt{2 \times 7} - \sqrt{2 \times 7} + \sqrt{\frac{7}{7}} \times 71$$

$$= \sqrt{7} - 7\sqrt{7} + \sqrt{7}$$

$$= \sqrt{7} - 7\sqrt{7} + \sqrt{3} \times 7$$

$$= \sqrt{7} - 7\sqrt{7} + 7\sqrt{7} = 3\sqrt{7}$$

$$= \sqrt{7} - 7\sqrt{7} + 7\sqrt{7} = 3\sqrt{7}$$

الحك

$$|\text{Label}(c)| = \sqrt{P \times 0} - Y \sqrt{3 \times 0} + Y \sqrt{0}$$

$$= 7 \sqrt{0} - Y \times Y \sqrt{0} + Y \sqrt{0}$$

$$= 7 \sqrt{0} - 3 \sqrt{0} + Y \sqrt{0} = \sqrt{0}$$

اختصر لأبسط صورة كل مما يأتى:

الحك

$$||\Delta \vec{a}\vec{c}||_{L} = 7 \sqrt{7 \times 7} + 7 \sqrt{7 \times 7} - 7 \sqrt{7 \times 7} - 7 \sqrt{7 \times 7}$$

$$= 7 \times 7 \sqrt{7} + 7 \times 7 \sqrt{7} - 6 \sqrt{7}$$

$$= r \sqrt[\gamma]{r} + r \sqrt[\gamma]{r} - o \sqrt[\gamma]{r} = v \sqrt[\gamma]{r}$$

T V V - 75 V V + NV V 7

الحك

$$\sqrt{V}$$
 المقدار = \sqrt{V} + \sqrt{V} + \sqrt{V} - \sqrt{V} - \sqrt{V}

$$= \sqrt[q]{r} + r \times r \sqrt[q]{r} - r \sqrt[q]{r}$$

$$= \sqrt[q]{r} + r \sqrt{r} \sqrt{r} - r \sqrt[q]{r}$$

$$= -r \sqrt[q]{r} + r \sqrt{r} \sqrt{r} - r \sqrt{r} \sqrt{r}$$

$$= -r \sqrt[q]{r} + r \sqrt{r} \sqrt{r} - r \sqrt{r} \sqrt{r}$$

1 7 7 - 01 7 7 7 V

الحل

$$\sqrt{\frac{1}{2}}\sqrt{\frac{1}{2}}\sqrt{\frac{1}{2}}$$
 - $\sqrt{\frac{1}{2}}\sqrt{\frac{1}{2}}$ + $\sqrt{\frac{1}{2}}\sqrt{\frac{1}{2}}$ - $\sqrt{\frac{1}{2}}\sqrt{\frac{1}{2}}$ المقدار = $\sqrt{\frac{1}{2}}\sqrt{\frac{1}{2}}$

مراجعة نصائية ــ جبر

الصف الثانى الإعدادك

إعراد أ/ محمود عوض

التطبيقات

الدائرة

∗ محیط الدائرة = ۲ π نق

* مساحة الدائرة = π نق٢

مثال ا

دائرة طول قطرها ١٤ سم احسب محيطها ومساحتها

$$(\frac{\gamma}{\sqrt{\gamma}} = \pi \frac{\gamma}{\sqrt{\gamma}})$$

الحل : القطر = ١٤ سم : نق = ٧ سم

محیط الدائرة = $7 \times \frac{77}{V} \times 7$ نق = $7 \times \frac{77}{V} \times 7$ سم

مساحة الدائرة $\pi=1$ نق $\pi=1$ نق $\pi=1$ د $\pi=1$ سم

دانرة مساحتها π ۱۴ سم احسب محیطها دانرة مساحتها π ۱۴ سم (حیث π

الحك

مساحة الدائرة π نق $^{\prime}$ تق $^{\prime}$ ۳۱۶ = ۳۱۶ نق $^{\prime}$

 $i = \frac{m \cdot \epsilon}{m, 1 \cdot \epsilon} = 1$ نق $= 1 \cdot \epsilon$ سم $= 1 \cdot \epsilon$

محیط الدائرة $\mathbf{r} = \mathbf{r}$ نق $\mathbf{r} = \mathbf{r} \times \mathbf{r}$ ، ۱۰ $\mathbf{r} \times \mathbf{r}$ سم

مثال ۲

دائرة مساحتها ٣٦ محسب محيطها

الحك

 $\pi = 1$ نق π

نق $\pi=\pi$ نق $\pi=\pi$

نق ۲ = ۳۱ ∴ نق = ۲ سم

المكعب (

إذا كان طول حرف المكعب = ل فإن:

* مساحة الوجه الواحد = $U \times U = U^T$

* المساحة الجانبية = ٤ ل

* المساحة الكلية = ٦ ل١

* حجم الكعب = ل

* طول حرف المكعب = الحجم

مثال ا

مكعب طول حرفه ٥ سم

احسب مساحته الجانبية و مساحته الكلية وحجمه

الحك

مساحة الوجه الواحد = b^{T} = $0 \times 0 = 7$ سم

المساحة الجانبية = 3 ل $= 3 \times 70 = 70$ سم المساحة الجانبية

المساحة الكلية = ٦ ل 1 = ٦ × ٥٠ = ١٥٠ سم

 $^{"}$ حجم المكعب = $^{"}$ = $^{"}$ \times $^{"}$

مثال ۲ مکعب حجمه ۲۱۶ سم

احسب مساحته الجانبية و مساحته الكلية

الحك

طول حرف المكعب = $\sqrt[7]{|Lexa|}$ = $\sqrt[7]{717}$ = 7 سم

مساحة الوجه الواحد = U^{T} = $T \times T$ = T^{T} سم

المساحة الجانبية = ٤ ل = ٤ × ٣٦ = ١٤٤ سم

المساحة الكلية = ٦ ل $^{\prime}$ = ٦ × ٦ = ١١٦ سم

الصف الثانى الإعدادك

إعداد أ/ محمود عوض

الاسطوانة الدائرية القائمة

المساحة الجانبية = محيط القاعدة × الارتفاع

الساحة الكلية = الجانبية + ٢ × مساحة القاعدة

$$\pi \Upsilon + i$$
نق $\pi \Upsilon = \pi$ نق π

* الحجم = مساحة القاعدة × الارتفاع

مثاله ۱

اسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطرها ٧ سم

وارتفاعها ١٠ سم احسب مساحتها الكلية وحجمها

الحك

المساحة الجانبية = ٢ π نق ع

7
سم 2 سم 2 سم 2

المساحة الكلية = الجانبية + π نق

7
سم 7 سم 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7

حجم الأسطوانة = π نق ع

سم ۱۰٤۰ = ۱۰ × ۷ ×
$$\frac{77}{V}$$
 =

مثال ۲

اسطوانة دائرية قائمة حجمها ١٢٠٠ π وارتفاعها

١٢ سم احسب مساحتها الكلية

الحك

حجم الأسطوانة = π نق^۲ ع

$$17 \times 7$$
نق $\pi = \pi$

المساحة الجانبية = ٢ م نق ع

$$\pi$$
 \forall ϵ · = 1 \forall × 1 · × π \forall =

المساحة الكلية = الجانبية + ۲ م نق٢

 $1 \cdot \times 1 \cdot \times \pi + \pi$ * =

ع الكرة

$$\pi$$
 نق π نق π

مثال ا

كرة طول نصف قطرها ٧ سم احسب حجمها ومساحة سطحها

الحك

 $\pi = \frac{3}{\pi}$ نق π

مساحة سطح الكرة = ٤ π نق ا

7
 سم \times ۷ × ۷ = ۱۱۲ سم \times

مثال ۲

كرة حجمها ٣٦ م احسب مساحة سطحها

الحك

رق"
$$\pi = \frac{1}{\pi} = \pi$$
 تق" $\pi = \pi$ تق" $\pi = \pi$ تق"

نق
$$^{7}=77 imes7$$
 نق $^{7}=7$ سم

 π نق π نق π

$$\pi$$
 T T T X Y X X X X X X

مثال ۲

الحل

كرة حجمها م، π ١٥٤٣,٥ سم أوجد طول قطرها

 $\pi = \frac{1}{\pi}$ نق π

$$\pi$$
نق × $\pi = \pi$ ۱۰٤۳,۰

$$\frac{\pi}{4} \times 10$$
 نق $\frac{\xi}{\pi} = 10$ نق $\frac{\xi}{\pi} = 10$

$$i = \frac{9771}{\Lambda} = \frac{1779}{100}$$
نق = ۱۰,۰ سم

متواز ک المستطیلات

إذا كان الطول = س ، العرض = ص ، الارتفاع = ع

.: محیط القاعدة = ۲ (س + ص)

، مساحة القاعدة = س × ص

المساحة الجانبية = محيط القاعدة × الارتفاع

الساحة الكلية = الجانبية + ٢ × مساحة القاعدة

* الحجم = مساحة القاعدة × الارتفاع

مثال ۱

متوازى مستطيلات بعدا قاعدته ٤ سم ، ٥ سم ،

ارتفاعه ٦ سم ، أوجد مساحته الكلية وحجمه

الحك

مساحة القاعدة = ٤×٥ = ٠٢

 $1 \wedge = 9 \times 7 = (9 + 4) = 7 \times 9 = 1$ محيط القاعدة

المساحة الكلية = الجانبية + ٢ × مساحة القاعدة

 1 سم 1 سم 2 اسم 3

 $^{\mathsf{T}}$ الحجم = مساحة القاعدة \times ع = $^{\mathsf{T}}$ \times $^{\mathsf{T}}$ \times $^{\mathsf{T}}$ اسم

مثال ا

أيهما أكبر حجما: أسطوانة دارية قائمة طول نصف قطر قاعدتها ٧سم وارتفاعها ١٠سم أم مكعب طول حرفه ١١سم

الحك

حجم الأسطوانة π نق ع

$$1 \cdot \times \vee \times \vee \times \frac{\gamma \gamma}{\vee} =$$

ا = ۱۵٤٠ سم

حجم المكعب = ل"

 $11 \times 11 \times 11 =$

= ۱۳۳۱ سم

. حجم الاسطوانة > حجم المكعب

مثال ا

كرة من المعدن طول قطرها ٦ سم صهرت وحولت إلى أسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها ٣ سم

احسب ارتفاع الاسطوانة

الحك

· طول قطر الكرة = ٦ سم . نق = ٣ سم

٠٠ الكرة صُهرت وحولت إلى اسطوانة

خجم الكرة = حجم الاسطوانة

نق $\pi = \pi$ نق π ع

 3 × 7 خق 7 × 7 × 8 خ

۸ ٤ = نق ۲ × ۳

نق $^{\prime} = \frac{4}{4} = 1$

∴ نق = ٤ سم

٥ سم ، ارتفاعه ٤ سم أوجد حجمه ومساحته الكلية

مثال ۲

الحك

٠٠ القاعدة مربعة الشكل:

متوازى مستطيلات قاعدته مربعة الشكل طول ضلعها

مساحة القاعدة = طول الضلع \times نفسه = 0×0 = 0

محيط القاعدة = طول الضلع \times 3 = 6 \times 3 = 7

الجانبية = محيط القاعدة × ع = ٢٠ × ٤ = ٨٠ سم ٢

المساحة الكلية = الجانبية + ٢ × مساحة القاعدة

 7 سم 7 سم 7 سم 7

 $^{\mathsf{T}}$ الحجم = مساحة القاعدة \times ع = $^{\mathsf{T}}$ \times الم

الصف الثانى الإعدادك

إعرار أ/ محمود عوض

حك المعادلات و المتباينات

- * مجموعة حل المعادلة عبارة عن مجموعة
 - * مجموعة حل المتباينة عبارة عن فترة
- عند ضرب أو قسمة طرفى المتباينة في عدد سالب
 نغير علامة التباين.



$$\sqrt{T}$$
 m + $T = 0$ ومثل الحل على خط الأعداد

الحك

$$\overline{r} = \overline{r} = \overline{r} \times \overline{r} = \overline{r} \times \overline{r} = \overline{r} = \overline{r} = \overline{r}$$



أوجد في ح مجموعة حل المعادلة:

الحل

$$\{ \overline{Y} \setminus Y \} = 1 + \sqrt{Y} \in J \quad \therefore \quad A \cdot J = \{ 1 + \sqrt{Y} \}$$

اوجد في ح مجموعة حل المتباينة:

الحك

$$\frac{\xi}{\gamma} < \omega \iff \xi < \omega \uparrow \iff 1 + \pi < \omega \uparrow$$

٤ أوجد في ح مجموعة حل المتباينة:

ه _ ۳س ≥ ۱۱

الحل

_ m_ ≥ 11 _ هنفير العلامة .. _ m س ≥ 7 هنفير العلامة

$$[Y-,\infty-]=z$$
, ϕ

أوجد في ح مجموعة حل المتباينة:

_٣ < ٢س _ ١ < ٥

الحك

_۲ + 1 < ۲س < ۵ + ۱

-۲ ≤ ۲س < ۲ (÷۲)



أوجد في ح مجموعة حل المعادلة:

٥س ـ ٣ > ٣س + ٧

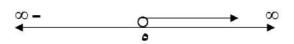
الحك

خلى السينات قبل = والأعداد المطلقة بعد =

ەس ـ ٣س > ٧ + ٣

.. ۲س > ۰

م.ح =]ه ، ∞ [



العلاقة بين متغيرين

* أس + ب ص = ج تسمى علاقة خطية

يوجد عدد لا نهائي من الأزواج المرتبة تحقق العلاقة

* العلاقة الخطية تمثل بيانيا بخط مستقيم.

نتمثيل العلاقة خلى الم ص لوحدها ص = أس + بـ وافرض قيم لله س من دماغك وعوض بيها في العلاقة

ا أوجد ثلاثة أزاوج مرتبة تحقق العلاقة:

الحل

نخلى الـ ص لوحدها: ص = ٣ ـ س

نضع س = ۱ = ۳ = ۰ = ۲ = ۲ = ۲

∴ (۱،۱) يحقق العلاقة

نضع س = ۲ ـ ۳ = س ∴ ص = ۳ ـ ۲ = ۱

∴ (۱،۲) يحقق العلاقة

نضع س = ۳ ـ ۳ = ۰ . . ص = ۳ ـ ۳ = ۰

.. (۳ ، ۳) يحقق العلاقة

أوجد ثلاثة أزاوج مرتبة تحقق العلاقة:

۲ س ـ ص = ۲

الحك

نخلى الـ ص لوحدها: _ ص = ٢ _ ٢س

ص = ـ ۲ + ۲س

 $\cdot = 1 \times 7 + 7 = 0$ نضع $\omega = 1 \times 7 + 7 \times 7 = 0$

: (۱،۱) يحقق العلاقة

∴ (۲ ، ۲) يحقق العلاقة

 $\mathfrak{t} = \mathbb{T} \times \mathbb{T} + \mathbb{T} = \mathfrak{w}$ نضع $\mathfrak{w} = \mathbb{T} + \mathbb{T} \times \mathbb{T} = \mathfrak{t}$

∴ (۳، ٤) يحقق العلاقة

اذا كان (۲، ۳) يحقق العلاقة ۲س ـ ك ص = ۱۰

الحل

فأوجد قيمة ك

1 · = T × 4 _ T × T :

1 . = 4 7 _ 1

ـ ۲ ک = ۱۰ = ع

الحل

من الزوج (ك ، ٢ك) ناخذ س = ك ، ص = ٢ك . من الزوج (ك ، ٢ك) $\cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot$

٣٠ = ٤ ٣٠

- * لإيجاد نقطة التقاطع مع محور السينات نضع ص = ٠
- * لإيجاد نقطة التقاطع مع معور الصادات نضع س = ٠

اذا کانت ۲س + ۳ ص = ۲

فأوجد نقط نقاطع المستقيم مع محور السينات والصاداات

الحل

لإيجاد نقطة التقاطع مع محور السينات نضع ص = •

 $T = \omega$ $T = V \times T + \omega + \omega \times \omega$

نقطة التقاطع مع محور السينات هي (٣،٠)

لإيجاد نقطة التقاطع مع محور الصادات نضع س = •

 $Y = \omega$ $Y = \omega$ $Y = \omega$ $Y + \cdot \times Y$...

نقطة التقاطع مع محور السينات هي (٠،٢)

الميك

$$\frac{60}{4}$$
 ميل المستقيم = $\frac{60}{60}$ السينات = $\frac{60}{100}$ المستقيم = $\frac{60}{100}$

الحك

(١) أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين (٤، ١٠) ، (٧،٥)

$$w = \frac{4}{m} = \frac{2 - 2}{4 - 3} = \frac{6 - 2}{4 - 3} = \frac{6}{4}$$
 الميل = فرق السينات

الحل

$$\frac{1}{7} = \frac{1}{60} = \frac{7 - 7}{1 - 1} = \frac{1}{1 - 1} = \frac{1}{1 - 1}$$
میل ا ب = فرق السینات

$$\frac{1}{7} - = \frac{m_{-}}{7} = \frac{m_{-}}{1 - 1} = \frac{m_{-}}{9} = \frac{m_{-}}{1} = \frac{m_{-}}{1}$$

: ميل أب = ميل بج بالنقط على استقامة واحدة

(٤، ص) إذا كان ميل المستقيم المار بالنقطتين (٤، ص) ، (-١، ٥) يساوى ٣ فأوجد قيمة ص

الحل

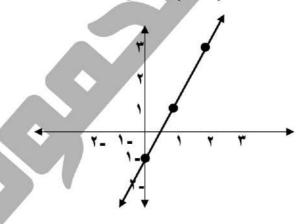
$$0 \times 7 = 0 - \omega$$
 $= 7 = \frac{\omega - \omega}{\omega}$

مثل بیانیا العلاقة: ص = ۲س = ۱

الحك

$$1 = 1 - 1 \times 1 = 0$$
 .: $0 = 1 \times 1 = 1 = 1$

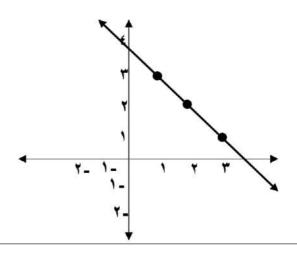
$$T = 1 - 1 \times 1 = 0$$
 نضع $T = 1 \times 1 \times 1 = 1$



نخلى الـ ص لوحدها: ص = ٤ _ س

وممكن نعمل فكرة الجدول بس نعوض بره الجدول

٣	۲	1	س
١	۲	٣	ص



◄ الجــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	ي الإعدادي	بر۲۰۲۲م الثان	إمتحان شهر نوفه
((مدرسة)) القصل /	×	> <u>u</u>	زمن الإمتحان ٥٥ دقي الإسسم /
الدرجة	عيحة فما يلي: -	ــــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	السؤال الدول
ترجة	، سم ً	کعب طول حرفه ۷ سم	🛚 حجم م
1… 된	TET [2]	170 日	∨ (1)
يرجة		= Tolas	V+ <u>1.1</u>
ال صفر	1- 델	7 日	[图 7
「v.vi ロ ス [†]	ا ا عد	ا <u>ط</u> ط	o.∞-[■
. سم ً	، ۲۲ ، ۱۲ سم=	 <u>:</u> <u>اکمل ما یأتی ،-</u> ی مستطیلات أبعاده ﴿٦	
درجة درجة درجة	= 4	ب العدد (﴿٥ -٤) ومرافة الضربي للعدد $rac{\overline{\gamma}}{\gamma} =$	🕝 حاصل ضر
] ۱۵۰۱ مرجتان ۲۰۱۳ مرک			السؤال الثالد
درجتان	<u>ط صورة :</u> تاکة + ۸ تا ذٍ	ا <u>ختصر لأبسا</u> ۲ <u>۳۲۲</u> – ۳	
ستر/علي محمود حسان 1٠٦٠٠٢٢٧٨٩	سئلة بالتوفيق	إنتهت الا	

. . . .

الدرس الرابع: نتائج على نظريات المثلث المتساوى الساقين

نتيجة (۱) :

متوسط المثلث المتساوى الساقين المرسوم من الرأس ينصف زاوية الرأس و يكون عمودياً على القاعدة

فقى الشكل المقابل:

إذا كان : ١٥ ب ح فيه :

ا ب = احد ، المع متوسط فإن :

🕕 مء نصف 🔁 ب م

أى أن: ى (∠ب ﴿ ٤) = ى (∠ ← ﴿ ٤)

(۱) ﴿ءَ لَ بِدَ

ملاحظة :

 Δ ب 4 ع \equiv Δ ح 4 ء δ الأن : 6 = ضلع مشترك ، 6 ب = 4 ب = 4 ح = 4 ب = 4 ح = 4 ب = 4 ح = 4 ب

نتيجة (١) :

منصف زاوية رأس المثلث المتساوى الساقين ينصف القاعدة ويكون عمودياً عليها

فقى الشكل المقابل:

إذا كان : ١٥ م ب ح فيه :

اب = احد ، المع ينصف ح ب احد فإن :

- 2 ای آن : ب= 3 عد (۱)

(۱) خ۶ لیت

أحمد الننتتوى

ملاحظة :

 Δ ب $\{3\} \equiv \Delta$ ح $\{3\}$ لأن : $\overline{\{3\}}$ ضلع مشترك ، $\{4\}$ ب $\{4\}$

نتيجة (۳) :

المستقيم المرسوم من رأس المثلث المتساوى الساقين عمودياً على المستقيم القاعدة ينصف كلاً من القاعدة و زاوية الرأس

ففي الشكل المقابل:

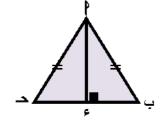
آزا كان : 1 م بد فيه : ____

واب = وحد ، وع لم بحد فإن:

<u> ج منتصف ب ح</u>

أى أن: بع = عد

 $(\mathfrak{s} \triangleright \Delta) \mathcal{O} = (\mathfrak{s} \triangleright \Delta) \mathcal{O} (\Gamma)$



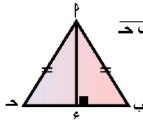
ملاحظة

 Δ ب \P و \equiv Δ \sim \P و \cong Δ الله و Δ مشترك ، Δ و Δ و

(۱) في الشكل المقابل:

، ب حـ = ٦ سم أوجد :

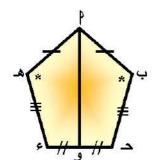
ن (کرب (حـ ب م طول ب ء ب



أحمد الننتنورى

(٣) في الشكل المقابل:

$$\begin{cases}
4 & \text{if } \mathbf{c} = 4 & \text{i$$



(١) في الشكل المقابل:

م ب حد قائم الزاوية في ب ، q ب = ب ح Δ ، بع لم ح ، ع = ٤ سم أوجد: طول (د ، ن (د ع ب د)

نم أستنتج أن : Δ ب ء حـ متساوى الساقين ب





أحمد الننتتورى

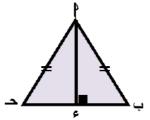
محاور التماثل:

أولاً: محاور تماثل للمثلث المتساوى الساقين:

محور تماثل المثلث المتساوى الساقين هو المستقيم المرسوم من رأسه عمودياً على قاعدته

فقى الشكل المقابل :

المتساوى الساقين المثلث المساوى الساقين



ملاحظات و

- ا) المثلث المتساوى الساقين له محور تماثل واحد فقط
 - المثلث المتساوى الأضلاع له ثلاثة محاور تماثل
 - ٣) المثلث المختلف الأضلاع له محاور تماثل

ثانياً : محاور تماثل القطعة المستقيمة :

يسمى المستقيم العمودى على قطعة مستقيمة محور تماثل لهذه القطعة المستقيمة وللختصار يسمى محور القطعة المستقيمة

فقى الشكل المقابل:

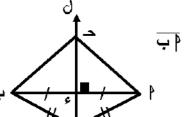
إذا كانت : ء منتصف آب ،

المستقيم L $\overline{\P P}$ حيث : ء $\overline{\P P}$ فإن : المستقيم $\overline{\P P}$ هو محور تماثل $\overline{\P P}$



خاصية

أى نقطة على محور تماثل القطعة المستقيمة تكون على بعدين متساويين من طرفيها

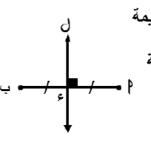


فقى الشكل المقابل : إذا كان : المستقيم $\frac{1}{4}$ محور تماثل $\frac{1}{4}$ فإن :

- إذا كان : ح ∈ ل فإن :
 إذا كان : ح ← ب
- ٢) إذا كان : هـ ٩ = هـ ب فإن :

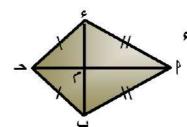
(٤) في الشكل المقابل:

﴿ بِ = ﴿ حِ = ٣١ سم ، هـ بِ = هـ حـ ، ﴿ قُ ∩ بِحَ = { ء } ، بِ حـ = ١٠ سم اوجد طول كل من : حَ ء ، ﴿ ءَ



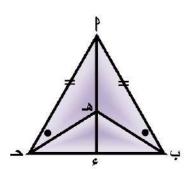
أحمد التنتتورى

(0) في الشكل المقابل:



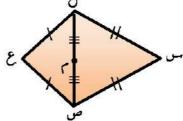
(V) في الشكل المقابل:

$$\Delta$$
 (بد فیه : (ب = (د ، \mathcal{L} (ب) = \mathcal{L} (\mathcal{L} (ب)) = \mathcal{L} (\mathcal{L} (ب)) اثبت أن : (\mathcal{L} (\mathcal{L} محور ب \mathcal{L}

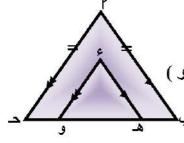


Lear Niiiiings

(1) في الشكل المقابل:



(٨) في الشكل المقابل:



أحمد التنتتوري

(٩) أكمل ما يلى :

- [۱] المستقيم المرسوم من رأس المثلث المتساوى الساقين عمودياً على القاعدة يسمى
- [7] المستقيم العمودى على القطعة المستقيمة من منتصفها يسمى
 - [۳] أى نقطة تنتمى لمحور القطعة المستقيمة تكون على بعدين من طرفيها

 - [V] العمود الساقط من رأس المثلث المتساوى الساقين على القاعدة ينصف كلاً من ،
 - [٨] الشعاع المنصف لزاوية رأس المثلث المتساوى الساقين ينصف و يكون

(١٠) أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

[۱] إذا كان طول أى ضلع فى مثلث = $\frac{1}{2}$ محيط المثلث فإن : عدد محاور تماثل المثلث =

(صفر، ۱، ۳، ۳)

[7] في المعين س ص ع ل يكون : سع محور تماثل هو (ص ل ، ش ص ، ش ل ، ص ع)

[۳] إذا كان : أَنْ صَ هو محور تماثل أب فإن :

(ا س = ب ص ، اس = ب س

، ب ص = س ص ، (ص = ب س)

(یوازی ، عمودی علی ، محور تماثل ، یطابق)

[0] إذا كان : Δ أب ح قائم الزاوية في ب ، $\mathcal{O}(\{\Delta\}) = -0$ فإن : عدد محاور تماثل Δ أب ح =

(صفر، ۱، ۳، ۳)

 $[\Gamma]$ إذا كان : Δ أب حـ قائم الزاوية في ب ، $\mathcal{O}($ \leq أ) = 20 ° فإن : عدد محاور تماثل Δ أب حـ =

(صفر، ۱، ۳، ۳)

[V] المستقيم العمودى على القكعة المستقيمة من منتصفها يسمى لها

(موازی ، منصف ، متوسط ، محور تماثل)

أحمد الننتنورى

أحمد الننتتوري

المتباين

الوحدة الخامسة

الدرس الأول: التباين

مفهوم التباين :

نعلم أن :

عُلاقة التباین هی العلاقة التی تستخدم للمقارنة بین عددین مختلفین و نعبر عنها بإحدی العلامتین : > (أكبر من) ، (أصغر من) و تسمی كل منهما متباینة أو علاقة تباین و لما كانت أطوال القطع المستقدمة و كذاك قداسات الذوادا عدادة

و لما كانت أطوال القطع المستقيمة و كذلك قياسات الزوايا عبارة عن أعداد لذا تستخدم علاقة التباين للمقارنة بين طولى قطعتين مستقيمتين أو قياسى زاويتين

فمثلاً ؛

۱) إذا كان : ٩ ب = ٦ سم ، حـ ء = ٤ سم فإن : ٩ ب > حـ ء أو حـ ء < ٩ ب

٦) إذا كان : $0(\angle 4) = .$ " ، $0(\angle +) = .$ " فإن : $\angle 4 > \angle 4 > \angle 4 = .$ أو $\angle 4 = .$ أو $\angle 4 = .$ أو $\angle 4 = .$

(۱) أكمل ما يلى مستخدماً علامة (> أو <) :

 $^\circ$ ۹۰ ($^{}$ کانت $^{}$ کانت $^{}$ حادة فإن $^\circ$ فإن $^\circ$

 $^{\circ}$ ۹۰ $^{\circ}$ اذا كانت $^{\circ}$ ب منفرجة فإن $^{\circ}$ وزر $^{\circ}$ ب المنافرجة فإن $^{\circ}$

[۳] إذا كان : س ص = ۳ سم ، لع = ٥ سم

فإن : لع س ص

أحمد الننتتوري

(١) في الشكل المقابل:

[ا] أكمل :

.... = (A - P \subseteq) \mathcal{O} (\bar{\subset}

 $(\rightarrow | +) \cup \dots = (\rightarrow \rightarrow | +) \cup (|$

 $(\ \, \varphi \circ \ \, | \ \,) \circ (\ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, | \ \, |$

(チ リ ト \)ひ = (ユ チ ト \)ひ ("

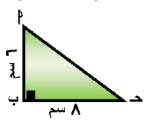
(٣) في الشكل المقابل أكمل ما يلى مستخدماً علامة (> أو <) :

[ا] ﴿ بِ بِح

[۲] ﴿ حـ ... بد

[۳] ۱ حـ ۱ ب

(リ \) ひ (ト \) ひ [2]



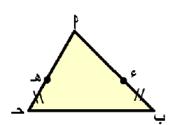
أحمد التنتتورى

مسلمات التباين:

لأى ثلاثة أعداد س ، ص ، ع :

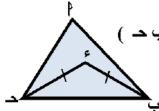
في الشكل المقابل :

(0) في الشكل المقابل:



(٦) في الشكل المقابل:

 |i| <

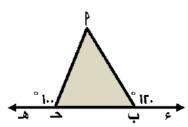


أحمد الننتتوري

أحمد التنتتورى

(V) في الشكل المقابل:

$$|
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |
 |$$



(٨) في الشكل المقابل:

٩ ب حـ ء متوازى أضلاع ، ء و < ب هـ أثبت أن : ﴿ و + ﴿ بِ > حـ هـ + حـ ء

(٩) أكمل ما يلى :

- [۱] إذا كان : ٩ ، ب ، حـ أعداد موجبة ، و كان : ٩ > ب فإن: ٩ + ح ... ب + ح
- [7] إذا كان : ٩ ، ب ، حـ أعداد موجبة ، و كان : ٩ > ب ، ب > حـ فإن : ١ ... حـ
 - ["] إذا كان : $\mathcal{O}(\angle ?) > \mathcal{O}(\angle +)$ فإن :

مكملة ١٠ ١٠٠٠ مكملة ١٠٠٠ ب

[2] إذا كانت النقط: ٩ ، ب ، ح ، ء على استقامة واحدة ، و كان ∫ب = ۳ سم ، ب ح = ۲ سم ، ح ۶ = ۲ سم

فإن: ١هـ ... بع

[0] إذا كان : ﴿ عَ يَنصف ﴿ بِ ﴿ حِد فَإِن :

(ユ ト リ ン) (メ ト リ ン) ひ

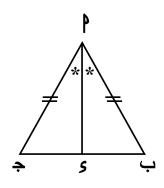
أحمد النننتوري

نتائج على نظريات المثلث متساوى الساقين

نتيجة ١ متوسط المثلث المتساوى الساقين المرسوم من الرأس ينصف زاوية الرأس و يكون عمودياً على القاعدة

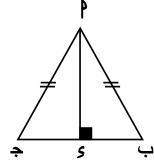
فی ۵ ۲ بج ∵ ۱ب = ۱ج $(P \subseteq \underline{)}$ ينصف $(P \subseteq \underline{)}$ ٠٩٤ ـ بج

نتيجة ٢ منصف زاوية الرأس في المثلث المتساوى الساقين ينصف القاعدة و يكون عموديا عليها



فی ۵ ۲ بج ∵ ۱ب = ۱ج : <u>﴿ وَ ي</u>نصف (ح ٩) <u>۶۵۰ ينصف ب ج</u> ۰۱۶ لبج

نتيجة ٣ المستقيم المرسوم من رأس المثلث المتساوى الساقين عموديا على القاعدة ينصف كلاً من القاعدة و زاوية الرأس



فی ۵ ۲ بج ∵ اب = اج ٠ ﴿ ٤ لَبِجِ <u>. ۶ ک</u> ینصف ب ج .: (م ع نصف (∠ ۱) نصف (کا)

(١) في الشكل المقابل $^{\circ}$ ۳۰ = (حب $^{\circ}$ و $^{\circ}$ ، ای لبج ب ج = ۱۰ سم أوجد طول كل من بيء، أو و مساحة ∆ ﴿ بج

> في △ ٢ بج متساوى الساقين ∵ اب = اج ٠ ﴿ ٤ لَبِجِ .: (ا ع ينصف (ح ۱) .. <u>۶ ۶ پنصف ب ج</u>

: ب ج = ۱۰ سم : ب ع = ۲ ÷ ۲ = ۵ سم

في ۱۵ ب و القائم الزاوية في ع

$$\therefore \mathbf{p} = \frac{1}{\lambda} = 4$$

في ١ ٩ ب و القائم الزاوية في ع

$$(45)^{\prime} = (4)^{\prime} - (10)^{\prime}$$

$$^{\prime}(\circ) - ^{\prime}() \cdot) = ^{\prime}(\varsigma)$$

$$\forall \circ = \forall \circ - \forall \circ = \forall (s)$$

مساحة △ م ب ج = 🕌 طول القاعدة × الإرتفاع

مساحة
$$\Delta q$$
 ب ج $=\frac{1}{2} \times ب ج \times q$ و

مساحة
$$\Delta q$$
 ب ج $=\frac{1}{7} \times 1 \times 0 \sqrt{7}$

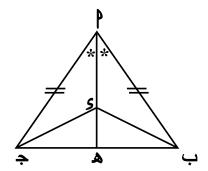
$$= 07 \sqrt{7}$$
 سم

الشكل المقابل (Y) في الشكل المقابل $(Z \land Y)$ ب في الشكل المقابل $(Z \land Y)$ ب في الشكل المقابل المقا

$$\ddot{\upsilon}$$
ق (عرب ع) = ق (عرب ج) $\dot{\upsilon}$ هن (، ۲

في ∆ إوب متساوى الساقين

(7) فی الشکل المقابل (7) فی الشکل المقابل (7) فی الثبت أن (7) (7) (7) (7)



في ∆ إبج متساوى الساقين

: ﴿ ﴿ مِنصف (ح ﴿) اللهِ ا

<u> جب ل</u> سج

في ∆ب وج

<u> ج بنصف بج :</u>

ن وه ل بج

∴ و ب = و ج

التباين

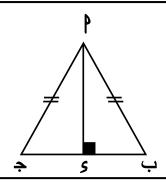
مسلمات التباين

(7) إذا كان m > 0 فإن m - 3 > 0 - 3مثال m = 0 ، 0 = 0 ، 0 = 0 m > 0 m > 0 - 3 > 0 m - 3 > 0 - 3 m - 3 > 0 - 3

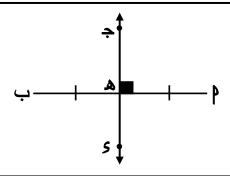
(3) | [ϵ 1 | ϵ 1 | ϵ 2 | ϵ 2 | ϵ 3 | ϵ 4 | ϵ 5 | ϵ 5 | ϵ 6 | ϵ 6 | ϵ 7 | ϵ 8 | ϵ 9 |

(°) إذا كان س> ∞ ، ∞ > α فإن س> α مثال ω = γ ، ω = γ ، ω = γ . ω > γ = γ . ω > ω > ω = ω = γ . ω > ω = γ . ω > ω = ω . ω > ω = ω . ω = ω . ω > ω = ω . ω > ω = ω . ω > ω . ω > ω = ω . ω > ω . ω . ω > ω . ω . ω > ω . ω . ω . ω > ω . ω .

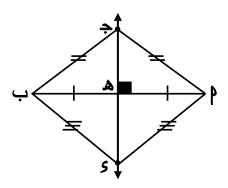
(7) إذا كان س> ص ، أ> ب فإن س+أ> ص+ب مثال س= ۷ ، ص= ٥ ، أ= ۳ ، ب= ۱ +7> 0+1 + 0+7 محور التماثل للمثلث المتساوى الساقين هو المستقيم المرسوم من رأسه عمودياً على قاعدته



محور تماثل القطعة المستقيمة هو المستقيم العمودي عليها من منتصفها



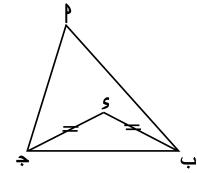
أى نقطة على محور تماثل القطعة المستقيمة تكون على بعدين متساويين من طرفيها



عدد محاور تماثل المثلث متساوى الأضلاع = γ عدد محاور تماثل المثلث متساوى الساقين = γ عدد محاور تماثل المثلث مختلف الأضلاع = γ

(١) في الشكل المقابل

2 = 2 = 3 ، ق $(\angle 9 =)$ > ق $(\angle 9 =)$ اثبت أن ق $(\angle 9 =)$ > ق $(\angle 9 =)$

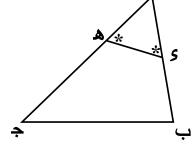


في م و بج متساوى الساقين

٠٠ وب = وج

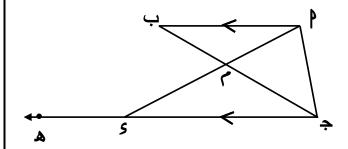
بطرح ۱ من ۲ نق (∠۹ج ۶) > ق (∠۹ب ۶)

(۲) فی الشکل المقابل
$$(\angle 9 \ge 6)$$
 $(\angle 9 \ge 6)$ $(\angle 9 \ge 6)$



فى ∆م وه نق(∠م وه)=ق(∠م وه)

(Y) في الشكل المقابل (Y) في الشكل المقابل (Y) جه اثبت أن ق(Z | A = 2) ق(Z | A = 2) ق(Z | A = 2) ق(Z | A = 2)



$$\cdot$$
 ق $($ \leq 4 \mapsto $=$ ق $($ \leq \mapsto \in $) بالتبادل $($$

$$^{\mathsf{Y}}$$
 ق $($ خ $^{\mathsf{A}}$ ج ک $)$ ق $($ خ $^{\mathsf{A}}$ ج ک

من ۱ ، ۲

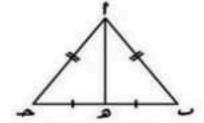
ن (∠٩٥ه) خارجة عن ۵٩ج۶

$$\vdots \, \mathbb{E}(\angle | \mathsf{E}(\mathsf{E})) = \mathbb{E}(\angle \mathsf{E}(\mathsf{E})) + \mathbb{E}(\angle \mathsf{E}(\mathsf{E}))$$

$$\cdot$$
 ق $($ \leq 4 ج $)$ قر $($ برهاناً ، \cdot قر $($ قراب ج $)$ برهاناً

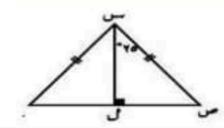


- 1 في الشكل المقابل:
- ا ب = ا م ، د منتصف ب



غو الفضل المقابل :

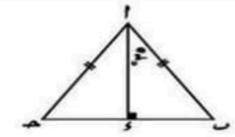
- اوجد () طول حمالاً
- (June >)00



٣ في الشكل المقايل ،

۵۱۰ مدید آل ا به

lega (4 1 5 4) 3 det 5 4



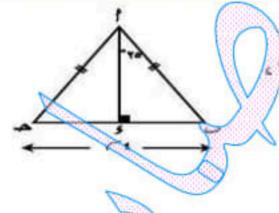
٤ في الشكل المقابل:

11-11-11-1A

T == = -

(A1UL) 0 (Aula)

€ det • 5

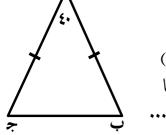


مراجعة ليلة الامتحان في الرياضيات (الصف الثاني الإعدادي) تصويق كتاب اليماني

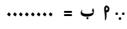
* التباين:

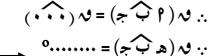






- $(\mathbf{\hat{\cdot}}) \mathbf{\hat{\cdot}} = (\mathbf{\hat{\cdot}}) \mathbf{\hat{\cdot}} \mathbf{\hat{\cdot}}$
- · بمجموع قياسات زوايا المثلث الداخله= ·······
- $^{o}\cdots\cdots = (\stackrel{\frown}{\bullet}) \mathcal{A} = (\stackrel{\frown}{\hookrightarrow}) \mathcal{A} : .$





٠٠٠٠٠٠٠ ج ه متساوي ٠٠٠٠٠٠٠٠

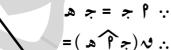
.. قه (ا محم هـ) = ۰۰۰۰۰۰۰ ۱۰ ب ا ب = اج ب

٠٠ فه (۱ محرب) = قد (۱ محرب) ٠٠ مجموع قياسات

.. فه (۲ ج ب) = فه (۰۰۰) · مجموع فياسات زوايا المثلث الداخله =٠٠٠٠٠٠ .. فه (۶ جُ ب) = ٠٠٠٠٠٠

..... به (بجه) = + = (بجه) ...

اوجد قه (بام هـ)



o....=

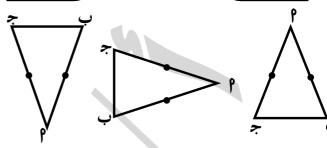
 $0 \cdots = \cdots + \cdots = (\overrightarrow{\varphi}) \otimes \therefore$

٠٠ مجموع قياسات زوايا المثلث الداخله =٠٠٠٠٠٠٠

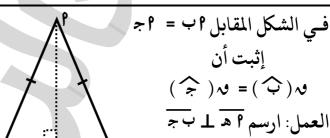
... فه (ج م ب) = نده الم

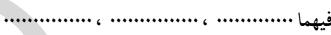
اطثلث اطتساوي الساقين

الصف الثاني/ هندسه



- القاعدة ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ زاوية الرأس ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
 - * زاويتا القاعدة٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠





.. △ △ متطابقان وينتج أن ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠

زاويتا القاعده في المثلث المتساوي الساقين متطابقتان

إذا كان قياس زاوية الـرأس في مثلث متساوي الساقين ٧٠٠ فإن قياس كل من زاويتا القاعدة

إذا كان قياس زاوية في مثلث متساوي الساقين
 فإن المثلث يكون ٥٦٠

⋄ ۵۹ ب ج فیه ۹ ب = ۹ ج

♦ ۵۹ بج فی ۹ ب = ۹ ج

ه (۱۲۰ = (مان ه (به این م (به این م این م

أ/ خالد رزق خالد الصف الثاني/ هندسه

(ا أوجد فرام جُه) ٠٠ ٢ ج = ٢ ب

 $(\bullet \bullet \bullet) \mathcal{N} = (\bullet \bullet \bullet) \mathcal{N} :$ ٠٠ مجموع قياسات زوايا

المثلث الداخله = ٠٠٠٠٠٠

۰۰۰۰۰۰ = (ب ج ۲) مین ... ۱۸۰

.. فہ(۲ ج کھ) = ۰۰۰۰۰۰ − ۰۰۰۰۰۰ :

<u> ج ا ه</u> ال ب $(\bullet \bullet \bullet) \mathcal{N} = (\widehat{F}) \mathcal{N} :$

= °······ بالتبادل

٠٠ اج = ج ب .. ق (ټ) = ق ر **٠٠**٠٠

. مجموع قياسات زوايا المثلث الداخله = ٠٠٠٠٠٠٠

°..... = (♣) № ∴

(٩ بُه) = (٩ بُ

٥ (٩ ج هـ) ٠٠ ۶ = ۱ ب

∴ قر(الآب ج)

 $(1) \leftarrow (1) \checkmark = (1) \checkmark = (1)$

جمع (۱) ، (۲) .: ق (۱ ب ه)= ق (۱ ج ه)

(أوجد ٥٥)

٠٠٠٠٠ = (ج هم ج) من ب

.. قه (به که ج) =۰۰۰۰۰۰۰ <u>۱</u> ..ه ب= ه *ج*

٠٠٠ م ال به ج ٠٠ ه (٩٠) = قه (٩٠٠) بالتبادل °······ =(Î) № :.

﴿ إوجد قياسات زوايا △ ٢٠ج ٠: ١ ج = ١ ب

 (\bullet,\bullet) $\emptyset = (\bullet,\bullet)$ \emptyset :: .: قه (ټ) = س + ۱۰

... + ۱۰ + س + ۱۰ + ۲ س = ۰۰۰۰۰

... ٤ س = ١٦٠ ن س = ٠٠٠٠٠٠

 $=(\widehat{\uparrow})_{\mathcal{O}}, \quad \cdots =(\widehat{\Rightarrow})_{\mathcal{O}}=(\widehat{\circlearrowleft})_{\mathcal{O}}:$

إوجد قيمة س ٠٠ م ج = م ب

 $(\bullet \bullet \bullet) \mathcal{N} = (\bullet \bullet \bullet) \mathcal{N} :$.: ٣س = س + ٥٠

س =

إذا وجدت زاويتان في مثلث متساويتان في

اثبت أن ا ب= اج

٠٠ مجموع قياسات زوايا المثلث

الداخله = ٠٠٠٠٠٠

°....=(¬) № :.

 $(\widehat{r}) \approx (\widehat{\varphi}) \approx ...$

.. ۴ ب = ۰۰۰۰۰۰۰

٣) إثبت أن ٢ ب = ٢ ج

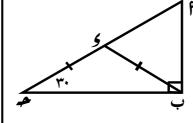
قه (ب ۴ هـ) = ·····۰۰۰ .. قرب الم ج)= ۰۰۰۰۰۰ :.

٠: مجموع قياسات زوايا المثلث الداخله=٠٠٠٠

 $(\widehat{\boldsymbol{\varphi}}) \diamond \boldsymbol{\varphi} = (\widehat{\boldsymbol{\varphi}}) \diamond \boldsymbol{\varphi} : \bullet \cdots \bullet \boldsymbol{\varphi} : \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} : \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} : \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} : \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}} \diamond \widehat{\boldsymbol{\varphi}$

.. ۴ ب = ۰۰۰۰۰۰

أ/ خالد رزق خالد الصف الثاني/ هندسه اثبت أن ا ب = به (۱) إثبت أن ٥ (١٩ هـ ج) = ٥ (١٩ ج هـ) ب اج ال بھ ٠٠٩ ب ٩٠٠ .. قر(ج⁹ه) $(\mathbf{\hat{\varphi}}) = (\mathbf{\hat{\varphi}}) \otimes :$ = ٥٠ (٠٠٠) بالتبادل ۵ ک ۲ ب ج ، ۲۰۰۰۰ ٠٠٠ قه (بم هم ه) = قه (جم ه) ٠: قه (ب م که) = قه (ب ه کم) ٠: ∴ \triangle \triangle متطابقان وینتج أن P = P ه (0) إثبت أن ٢ هـ = ٢ م ه (۱ ه ج) = ه (۱ ج ه) ٠٠٠ ج ٦٠٠ ب (٩) اثبت أن .: قه (م ج ب) = قه (م م · ·) .. ·· بج // هم ٠٠٠ ج = ٩ ب $(\bullet \bullet \bullet) \mathcal{N} = (\bullet) \mathcal{N} :$.. قه (۴ ج ب) = قه (۲۰۰۰) بالتناظر .. قه (۴ ب ج) = قه (۰۰۰) بالتناظر $(\stackrel{\frown}{\bullet}) \stackrel{\frown}{\circ} \stackrel{\frown}{\circ} = (\stackrel{\frown}{\circ}) \stackrel{\frown}{\circ} \stackrel{\frown}{\circ} :$.. قه (ه جُ ب) = قه (• • •) .. ه ب = ه ج اثبت أن ۲۹ = ۲ ب ﴿ إوجدمحيط △ ١٠ ج ٠٠ م ج = م ه $(\stackrel{\frown}{\hookrightarrow}) = (\stackrel{\frown}{\hookrightarrow}) \sim :$ $(\stackrel{\frown}{\bullet} \stackrel{\frown}{\bullet}) \mathcal{N} = (\stackrel{\frown}{\succ}) \mathcal{N} :$ ٠٠ ١٩ ب // جھ ٠٠٠ ه (ج) = ٥٠ (٠٠٠) بالتبادل ٠٠ قه (ه) = قه (٠٠٠) بالتبادل



﴿ إثبت أن △ ٩ ب و م متساوي الاضلاع ٠٠ مجموع قياسات زوايا المثلث الداخله = ٠٠٠٠٠٠

۰۰۰ در ۱ ب کور) = ۹۰ د. در ۱ ب کو) = ۰۰۰۰۰۰ .. \triangle ۹ متساوي الاضلاع

٣ إثبت أن ج ٢ = ج ب

.. محیط ۵ ۹ ب ج =



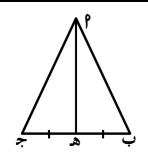
٠٠ مجموع قياسات زوايا المثلث الداخله=٠٠٠

$$\dots = (\widehat{\varphi}) \wedge \circ : \dots = (\widehat{\varphi}) \wedge \circ :$$

$$\therefore \wedge (\widehat{\varphi}) \wedge \circ : \dots = (\widehat{\varphi}) \wedge \circ :$$

أ/ خالد رزق خالد

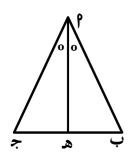
نتائج على المثلث المتساوي الساقين



 المتوسط المرسوم من رأس المثلث المتساوي الساقين ٠٠٠٠٠٠٠ ،٠٠٠٠٠٠

۰۰ ۴ ب = ۴ ج

·· ه منتصف ^{ب ج}

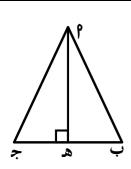


 المستقيم الذي ينصف زاوية رأس المثلث المتساوي

الساقين ٠٠٠٠٠٠٠ ، ٠٠٠٠٠٠٠ ۰۰۹ب = ۶۰۰

٠٠ ه ينصف به ج

.. ه منتصف بج . . ه منتصف بج

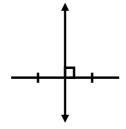


 المستقيم المار برأس المثلث المتساوي الساقين وعمودي على القاعده فإنه

ر. ۱ ب = ۱ ج . ۲ ه ± ۱ ب ج ب

.. ه منتصف ب ج . . آه ينصف ب۴ ج

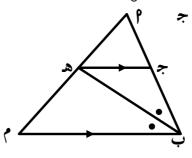
 محور تماثل القطعه المستقيمه هو المستقيم العمودي عليها من منتصفها



 أي نقطه تقع على محور القطعه المستقيمه تكون على بعدين من طرفيها

* أي نقط تكون على بعدين متساويين من طرفي القطعه المستقيمه تقع على ٥٠٠٠٠٠٠٠٠٠

الصف الثاني/ هندسه

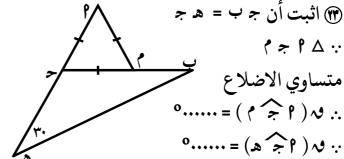


۱۳ اثبت أن ج ب = ه ج ·· جھ // ب

٠٠ قه (جه ب

= ٥٠ (٠٠٠) بالتبادل ن فر (جھ ب)

= ق (ج ب ھ) ∴ ج ب = ھ ج



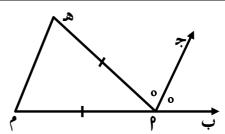
متساوي الاضلاع

.. ق (۱ ج ۱) مع ..

.. قه (ب ج ه) = ۰۰۰۰۰۰۰ .. مجموع قیاسات زوایا

المثلث الداخله = نه (بَ) =٥

 $\mathcal{S}_{\mathcal{A}} = \mathcal{S}_{\mathcal{A}} : \mathcal{A}_{\mathcal{A}} :$

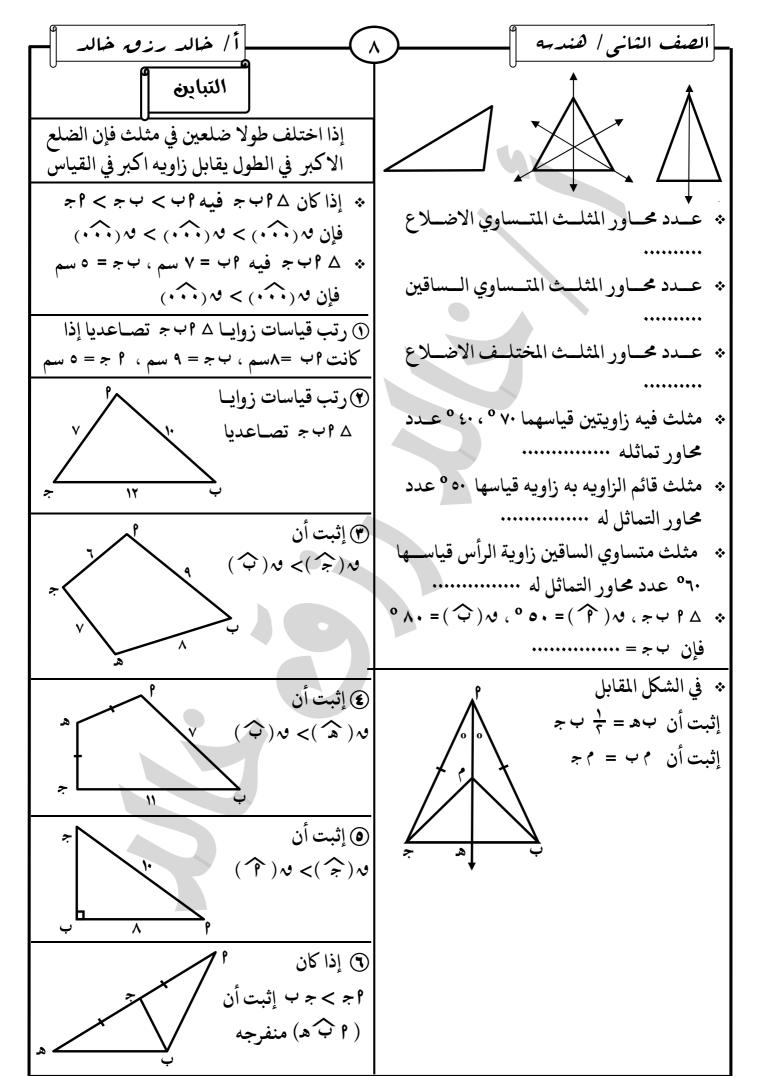


(٢٤) إثبت أن <u>ه ۲ // ۶ ۹</u>

 $(\bullet \bullet \bullet) \diamond = (\bullet \bullet) \diamond$

۰۰ اج ينصف (بام ه)

٠٠٠ قه (جُمُ ه) = قه (ه) وهما متبادلتان



المثلث المتساوى الساقين



(١) أكمل ما يأتى بالاجابة الصحيحة

١) زاويتا القاعدة في المثلث متساوى الساقين ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ في القياس
٢) اذا كان المثلث متساوى الاضلاع فان قياس كل زاويـة من زوايـاه الداخلة =
٣) قياس الزاوية الخارجة عند أي راس من رءوس المثلث المتساوى الاضلاع =
Δ اب ج اذا کان اب $=$ اج ، $\omega(\triangle 1)=$ ۰ ۰ ° فان $\omega(\triangle 1)=$ $\omega(\triangle 1)=$ انداکان اب $\omega(\triangle 1)=$ انداکان اب $\omega(\triangle 1)=$
0 فی Δ اب جو اذا کان اب $=$ اج ، $\omega(\angle \psi) = 0$ فان ، $\omega(\triangle t) = 0$
1 اذا کان Δ اب حقائم الزاویت فی ب ، اب $=$ ب ح ، فان $: U(\angle =) = \dots$
Δ في Δ اب ج اذاكان اب $=$ اج ، $\omega(\Delta + 1) = 0$ فان Δ اب ج يكون Δ اب خ اذاكان اب Δ اب خ
 ٨) اذا كان قياس زاوية رأس في المثلث متساوى الساقين = ٠ ٨ ° فان قياس زاوية قاعدته =
ه في Δ س ص ع ، اذا كان $v(\Delta m) = \cdot 3$ ، $v(\Delta m) = \cdot 7$ فان Δ س س ع Δ اذا كان $v(\Delta m)$ الساقين
١٠) اذا تطابقت زوايا مثلث فأنه يكونالأضلاع
١١) في ∆س س ٤ اذاكان س س = س ٤ ، ق (لس) = ٦٠ " ومحيطه ٥ ٤ سم فان : س ٤ =سم
١٢) اذا تطابقت زاويتان في مثلث كان المثلث ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
۱۲) اذا كان قياس أحدى زوايا القاعدة في المثلث متساوى الساقين ٧٠° فان قياس زاوية الراس =
١٤) منصف زاويــــ الرأس في المثلث متســاوي السـاقين
10) متوسط المثلث المتساوى الساقين المرسوم من الرأس يكون
١٦) للستقيم للرسوم من رأس المثلث متساوى الساقين عموديا على القاعدة
١٧) محور تماثل القطعة المستقيمة هو المستقيم و
١٨) للستقيم للرسوم من رأس المثلث المتساوى الساقين عموديا على القاعدة يسمى
١٩) عدد محاور تماثل المثلث للتساوى الساقين ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
٢٠) عدد محاور تماثل المثلث التساوى الأضلاع
٢١) عدد مخاور تماثل المثلث الختلف الأضلاع
٢٢) أي نقطة تقع على محور تماثل القطعة المستقيمة تكون على ٢٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
 ٢٢) اذا كان للثلث متساوى الساقين قياس احدى زواياه • ٦° فان عدد محاور تماثله
٢٤) اذا كان قياس احدى زوايا مثلث قائم الزاوية ٥٤° كان المثلث
۲۵) مثلث له محور تماثل واحد وقياس احدى زاويتى القاعدة تساوى • ° فان قياس زاويـ تراسه =
٢٦) اذا كان قياسا زاويتين في مثلث ٧٠°، ٤٠° فان نوع المثلث بالنسبة الضلاعه
 ۲۷ ∆ابج فیه ∪(∠۱) = ۸۰°, ∪(∠ج) = ۰۰° فان عدد محاور تماثله =
٢٨) للستقيم العمودي على قطعه مستقيمة من منتصفها يسمى ٢٨٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
۲۸) للستقیم العمودی علی قطعه مستقیمة من منتصفها یسمی
٢٠) اذا كانت ج∈ لمحور تماثل أب فان =

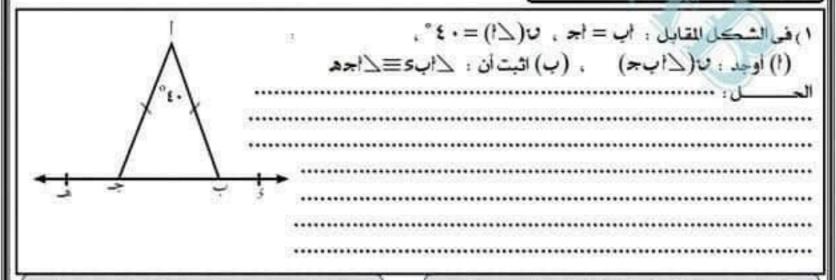
(٢) أختر الاجابة الصحيحة

```
٢) قياس الزاوية الخارجة عن المثلث المتساوى الاضلاع = ............. ٣٠] ٣٠]
                        [قائم الزاوية ، منفرج الزاوية ، متساوى الاضلاع ، مختلف الأضلاع ]
                    \Delta في \Deltaأب ج اذا كان أب = أج ، \omega(\angle \gamma) = 0 قان \Deltaأب ج يكون \Delta
[قانم الزاوية ، منفرج الزاوية ، حاد الزوايا ، متساوى الأضلاع ]
[^{\circ}1 \cdot \cdot , ^{\circ}A \cdot , ^{\circ}e^{\circ}, ^{\circ}\xi \cdot ]\cdots + (^{i}\Delta) هن (^{\circ}\Delta) = (^{\circ}A \cdot , ^{\circ}e^{\circ}, ^{\circ}A \cdot , ^{\circ}e^{\circ})
                           7) اذا كان قياسا زاويتين في مثلث • ٨ ° ، • ° فان المثلث يكون .......
[مختلف الاضلاع ، متساوى الاضلاع ، متساوى الساقين ، قائم الزاوية ]

    ٧) اذا كان قياس زاوية رأس مثلث متساوى الساقين • ٥ ° فان قياس أحدى زاويتي قاعدته .......

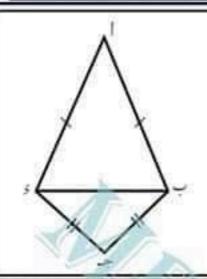
["1 · · , " A · , " 70, "00]
٩ في ∆أب ج اذاكان أب = ب ج فان ∠ج تكون ...... حادة ، منفرجة ، قائمة ، مستقيمة ]
                                        ١٠) اذا كانت س∈ لمحور تماثل أب فان أس ...... بس
 [\equiv , \perp , //, =]
     ١١) المثلث الذي طوال اضلاعه ٢ سم ، (س + ٣) هم ، ٥ مم يكون متساوى الساقين عندما س = .....
[1.7.7.1]
۱۲ ) قياس اى زاويد من زوايا المثلث متساوى الاضلاع = ........ ١٢ ) قياس اى زاويد من زوايا المثلث متساوى الاضلاع = ....
 ١٣ ) زاويتا القاعدة في المثلث متساوى الساقين ..... [ متتامتان ، متكاملتان ، متطابقتان ، مستقيمتان ]
 ١٤) عدد محاور تماثل المثلث متساوى الساقين = ......... ١٠) عدد محاور تماثل المثلث متساوى الساقين = .....
 ١٥) اذا كان طول ضلع في مثلث = ألحيط فان عدد محاور تماثل هذا المثلث = ...... صفر ، ١ ، ٢ ، ٣
17) عدد محاور تماثل المثلث القائم الزاوية وفيه زاوية قياسها ٣٠ مو ٣٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ [ صفر ، ١، ٢ ، ٢ ]
```

(٣) أجب عن الاستلة الأتية

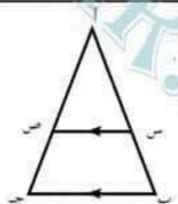


01118628607-01022358483

Mr: shrief abdel hamaid

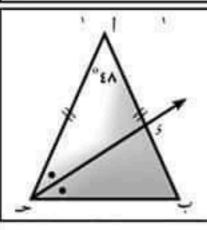


٢) في الشكل المقابل: أب = أد ، جب = 5



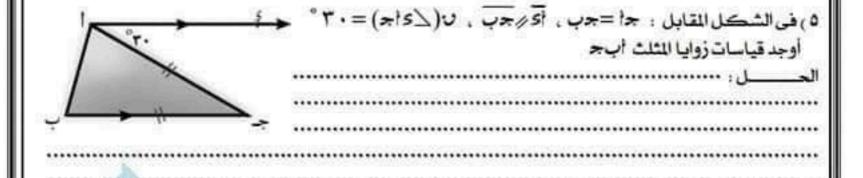
۲) في الشكل المقابل: أب = أج، سس ﴿ بِبِحَ اثبت أن في إلى = أص

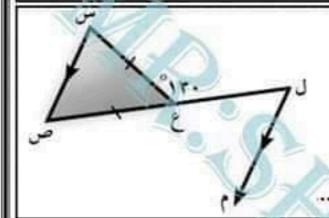
ع) في الشكل المقابل: أب = أجر, قهر أب . ورائح الثبت أن: كاه = كاور أبح الثبت أن: كاه = كاور أبح الدلل: المسلمان المقابل المقا



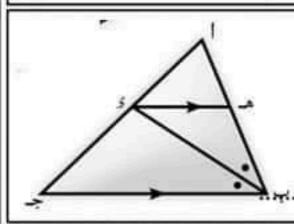
Mr: shrief abdel hamaid

01118628607-01022358483





 $(2 - 1)^{\circ}$ الشكل المقابل: أب = أجم، $(2 - 1)^{\circ}$ $(2 - 1)^{\circ}$ (2



٩) فى الشكل المقابل: بج = بأ، به ينصف 2 وبج اثبت أن: به الم

.....

01118628607-01022358483

Mr: shrief abdel hamaid

Mr: shrief abdel hamaid

